



**Az itteni feladatok egyáltalán **nem jelentik** azt, hogy ezek, vagy pontosan ilyenek lesznek a zh-n, vizsgán!!!  
Ezek inkább a kérdés stílusát igyekeznek bemutatni!**

\*\*\*\*\*

***Az az alapértelmezés, hogy magyarázat kell a feladatok megoldásához, a puszta végeredmény nem elég! (A pusztán – indoklás nélkül – felírt jó végeredmény **nulla** (0) pontot ér, akkor is, ha valaki fejben mindent átlát és fejben jól tud számolni!)***

***Ahol nem kell magyarázat, ott ezt mindig külön jelezzük!***

## Zh- és vizsgakérdések egyik típusa

Az alábbi állításoknál a helyes választ (IGAZ/HAMIS) kell bekarikázni. Minden jó válasz +1 pont, minden rossz válasz -0,5 pont (a nem megválaszolt kérdés értelemszerűen 0 pont). Ha negatív lenne a végső pontszám ebben a feladatban, akkor nullára „kerekítjük”.  
*(Ebben a feladatban nem kell indoklást adni!)*

Példa:

a. Az  $A^*$  keresés optimális.

a. IGAZ    HAMIS

b.  $P(A \vee B) = P(A) + P(B)$

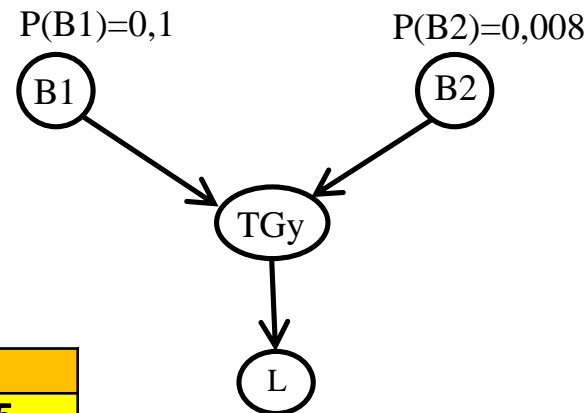
b. IGAZ    HAMIS

# Valószínűségi hálós feladattípus

Egy nagyon egyszerű világban csak két kórokozó okozhat tüdőgyulladást: B1 és B2. (Ez a két kórokozó egészségeseknél vagy más betegségben szenvedőknél önmagában nem okoz lázat). Azoknak, akiknek tüdőgyulladása van (TGy=Igaz) bizonyos valószínűséggel láza is van (L=Igaz). Tudjuk, hogy páciensünknek láza van, de a B2 kórokozót már sikerült kizárnunk. **Ismereteink alapján mekkora valószínűséggel okozta a lázat a B1 kórokozó?** Problémánkat az alábbi valószínűségi hálóval írhatjuk le. (Válaszát természetesen számítással, rövid indoklással támassza alá!)

B1	B2	P(TGy ...)
H	H	$P(\text{TGy} \neg\text{B1}, \neg\text{B2})=0,0$
H	I	$P(\text{TGy} \neg\text{B1}, \text{B2})=0,2$
I	H	$P(\text{TGy} \text{B1}, \neg\text{B2})=0,75$
I	I	$P(\text{TGy} \text{B1}, \text{B2})=0,95$

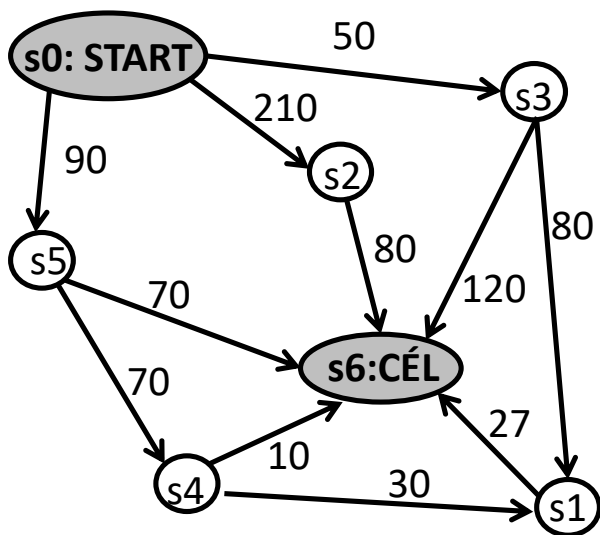
TGY	P(L ...)
I	$P(L \text{TGy})=0,85$
H	$P(L \neg\text{TGy})=0,2$



Az alábbi állapotokkal és lehetséges egyirányú állapotátmenetekkel jellemzett problémát kereséssel oldjuk meg. (Mivel egyirányúak az átmenetek, soha nem lépünk vissza abba az állapotba, ahonnan érkeztünk.) Az ábrán feltüntettük az állapotátmenetek költségét, a mellékelt táblázat mutatja a heurisztikánk egyes állapotokhoz tartozó értékét.

A keresés két listát épít, az elsőben azok a csomópontok szerepelnek, amiket már kifejtett (closed, cL), a másodikban azok, amelyekhez már eljutott, de még nem fejtette ki ezeket (open, oL). Mindegyik listaelem 5 mezőből épül fel:

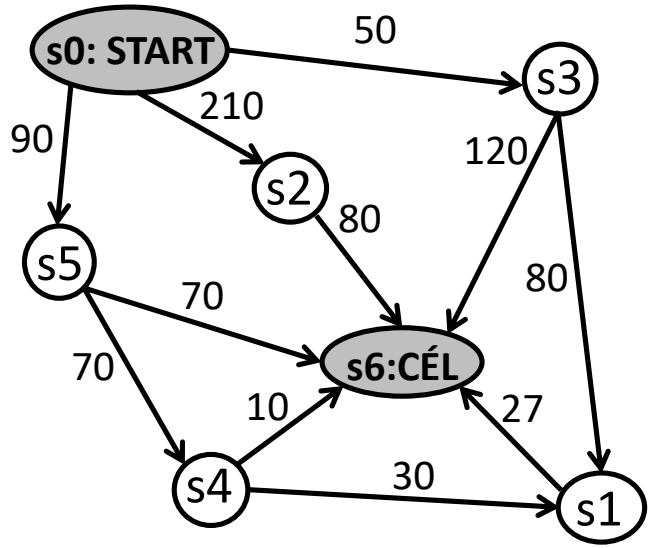
(szülőcsomópont, aktuális csomópont, állapot, eddig megtett út költsége, az akt. csomóponthoz a heurisztika értéke)



állapot (n)	h(n)
s0	150
s1	20
s2	80
s3	100
s4	10
s5	68
s6	0

A cL lista az első lépés után:  $cL = \{(-, cs0, s0, 0, 150)\}$

(szülőcsomópont, aktuális csomópont, állapot, eddig megtett út költsége, az akt. csomóponthoz a heurisztika értéke)

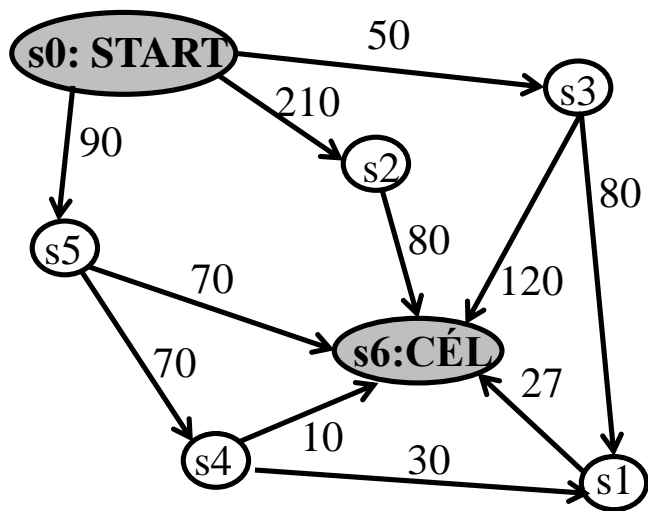


állapot (n)	h(n)
s0	150
s1	20
s2	80
s3	100
s4	10
s5	68
s6	0

A cL lista az első lépés után:  $cL = \{(-, cs0, s0, 0, 150)\}$

A. Adja meg az oL listát és a keresési gráfot az első, második és harmadik kifejtési lépés után (az oL listának mindig az első – legbaloldalibb pozícióban lévő – elemét fogjuk először kifejtteni):

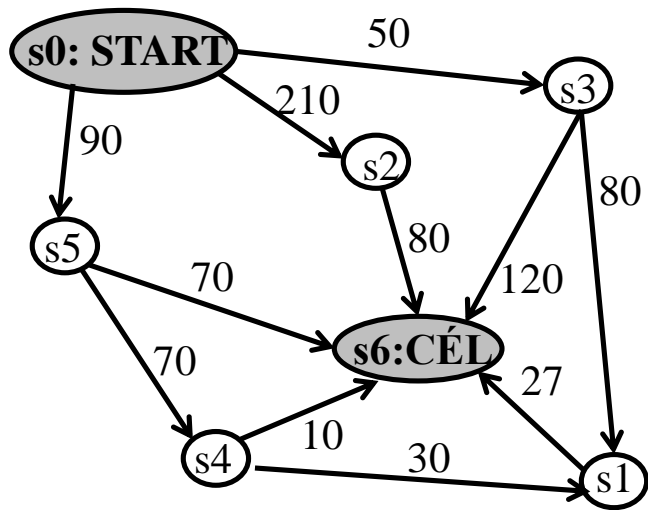
- Szélességi keresés esetén
- Mélységi keresés esetén
- Mohó keresés esetén
- Egyenletes költségű keresés esetén
- A\* keresés esetén



állapot (n)	h(n)
s0	150
s1	20
s2	80
s3	100
s4	10
s5	68
s6	0

Az alábbi állítások közül melyik NEM igaz?

- A. Szélességi keresésnél kialakulhat az s0-s5-s4-s6 megoldás
- B. Szélességi keresésnél kialakulhat az s0-s3-s6 megoldás
- C. Mélységi keresésnél kialakulhat az s0-s5-s4-s6 megoldás
- D. Mélységi keresésnél kialakulhat az s0-s3-s6 megoldás



állapot (n)	h(n)
s0	150
s1	20
s2	80
s3	100
s4	10
s5	68
s6	0

- B. Szélességi keresésnél kialakulhat-e az:  
 s0-s5-s4-s6 megoldás?  
 s0-s3-s6 megoldás?
- C. Mélységi keresésnél kialakulhat-e az:  
 s0-s5-s4-s6 megoldás?  
 s0-s3-s6 megoldás?
- D. A\* keresésnél kialakulhat-e az:  
 s0-s5-s6 megoldás?  
 s0-s3-s1-s6 megoldás



# Tanítás gradiens módszerrel

Példa: egyetlen szigmoid neuron

$$w_{k,új} = w_{k,régi} - \alpha \frac{\partial E}{\partial w_k}$$

Az E hibát és a deriváltat az aktuális mintára kell kiszámítanunk.

$$y = \text{szigmoid}(w_0 + w_1 x) ; w_0 = 1 ; w_1 = 0,4$$

$$E = e^2 = (d - y)^2$$

A tanítómintánk:  $x=0,9$ ;  $d=0,5$ , a bátorsági faktor  $\alpha=0,3$ .

$$y = \text{szigm}(w_0 + w_1 x) ; w_0 = 1 ; w_1 = 0,4 \rightarrow y = \text{szigm}(1 + 0,4 \cdot 0,9) = 0,7958 > d$$

$$\frac{\partial E}{\partial w_0} = \frac{de^2}{de} \cdot \frac{de}{dy} \cdot \frac{dy}{ds} \cdot \frac{\partial s}{\partial w_0} = 2 \cdot (d - y) \cdot (-1) \cdot y \cdot (1 - y) \cdot 1 = 2 \cdot (-0,2958) \cdot (-1) \cdot 0,7958 \cdot 0,2042 \cdot 1 = 0,0961$$

$$w_{0,új} = 1 - 0,3 \cdot 0,0961 = 0,9712$$

$$\frac{\partial E}{\partial w_1} = 2 \cdot (d - y) \cdot (-1) \cdot y \cdot (1 - y) \cdot x = 2 \cdot (-0,2958) \cdot (-1) \cdot 0,7958 \cdot 0,2042 \cdot 0,9 = 0,0865$$

$$w_{1,új} = 0,4 - 0,3 \cdot 0,0865 = 0,3740$$

$$y_{új} = \text{szigm}(0,9712 + 0,3740 \cdot 0,9) = 0,7871$$

csökkent, azaz közelített  $d$ -hez



Rajzolja fel azt a Bayes-hálót, amely a következőket modellezi. Zárójelben megadjuk, hogy melyik valószínűségi változónak mi legyen a neve (pl. „covidban megbetegedett”=> C).

Az emberek 8,7%-a beteg, a többi egészséges ( **E** ). Annak 1,7% az esélye, hogy egy beteg ember covidban betegedett meg ( **C** ), és 98,9%, hogy más betegségben ( **B** ). (A kettő összege lehet több, mint 100% mert egy ember lehet egyszerre covidos, és közben van más betegsége is.) Értelemszerűen, ha egészséges, akkor nem lehet beteg (Tehát pl.  $P(C|E)=0$ )

A tünetek ha valakinek

- „csak” covidja van: 23%-nál fejfájás ( **F** ), 90%-nál köhögés ( **K** ), 10%-nál láz ( **L** ),
- ha „csak” valamilyen más betegségben szenved, covidban nem, az összes többi betegséget (B) egy csoportnak kezelve: 5%-nál fejfájás ( **F** ), 7%-nál köhögés ( **K** ), 6%-nál láz ( **L** ),
- ha valaki covidban is, és más betegségben is szenved, akkor a tünetek valószínűsége: 35%-nál fejfájás ( **F** ), 94%-nál köhögés ( **K** ), 31%-nál láz ( **L** )
- ha sem covid, sem más betegségben nem szenved, akkor is lehetnek ilyen-olyan tünetei: 3%-nál fejfájás ( **F** ), 4%-nál köhögés ( **K** ), 1%-nál láz ( **L** ).

A Bayes-háló egyes csomópontjai mellé írja fel a megfelelő valószínűségeket vagy – ha azzal kell jellemezni – a feltételes valószínűség táblázatokat! Összefoglalva, a használandó valószínűségi változók: **E, C, B, F, K, L**.

Régi zh-feladat:

Az ítéletlogika 7 általános következtetési szabálya közül nevezzen meg és írjon fel 3-at! (*Nem kell magyarázat.*)

\* \* \* \* \*

Másik zh-feladat:

Egy B betegségben a lakosság 10%-a szenved. A B betegségben szenvedők 70%-a köhög. Ugyanakkor más betegségek is okoznak köhögést, így a lakosság 23%-a köhög. Ha egy paciens köhögéssel jelentkezik az orvosnál, akkor mi a valószínűsége, hogy a B betegségben szenved? (Természetesen számítással és rövid 1-2 mondatos magyarázattal indokolja válaszát!)

# Típushibák egy régebbi vizsga alapján (a teljesség igénye nélkül) – döntési fák feladatnál:

1. Sokan kétosztályosként kezelték a vizsgán a háromosztályos („rossz”, „jó”, „átlagos” címkéjű probléma megoldása döntési fával) feladatot.
2. Egy csomópontnál nem azért lesz 0 az információszükséglet, mert van olyan osztály, aminek 0 eleme jut oda! A kulcs, hogy nem kell már információ. Tehát, ha egyértelmű, hogy az odajutó elemek melyik osztályba tartoznak.

Például egy „rossz”, „jó”, „átlagos” címkéjű probléma megoldása döntési fával volt a feladat. Az, hogy az egyik ágra nem jutott „átlagos” címkéjű minta, nem jelenti azt, hogy ott már tudjuk a választ, hiszen pl. – az adott zh-példában – 2 „rossz” és 2 „jó” jutott oda. Ezért 2 osztályból kell választanunk, és 50-50% vannak a mintáink, így 1 bit információra még szükségünk van!