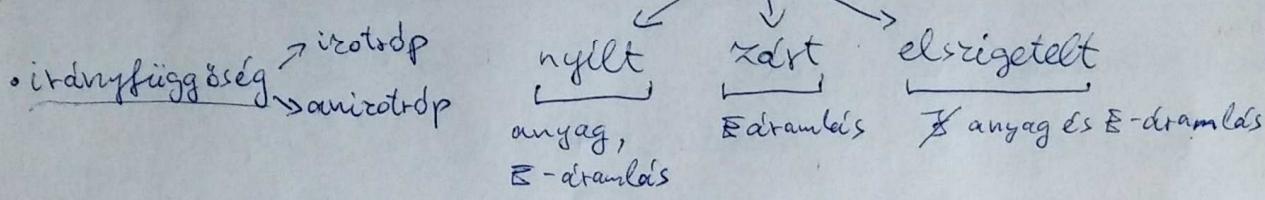


# Biofizika - Vizsga (2019)

## Zrinyi Miklós tételek:

### 1. Biológiai termodynamikai rendszerek:



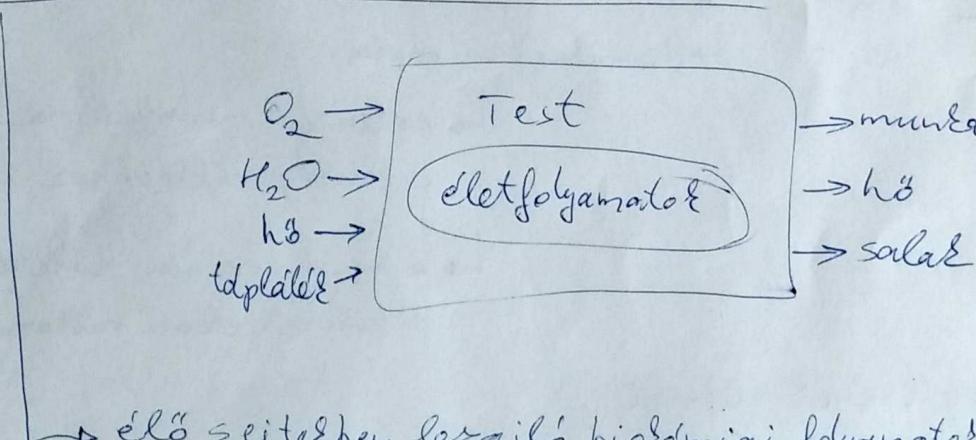
Típusai: all.

- izochor  $V$
- izoterm  $T$
- izobar  $P$
- adiabatikus  $\Delta Q = 0$

- mennyiségek → extenzív pl.:  $m, E, Q$  (additív, megmaradó, függ a rendszer nagyságától)
- intenzív pl.:  $T, P, \Phi$  (nem függ a rendszer nagyságától, nem additív)

- Termodynamikai eggyensúly: intenzív mennyiségek eloszlása homog.

### 2. Biológiai termodynamikai rendszerek:

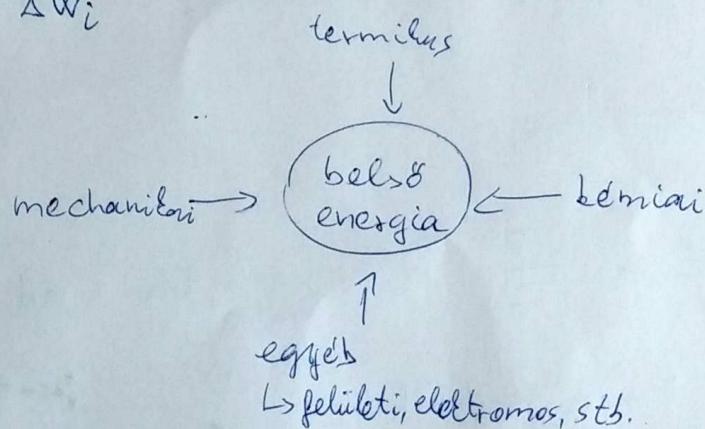


- nyitott rendszerek
- környezettel együtt zárt rendszerek

→ élő sejtben lezajló biokémiai folyamatok vértennel végez, mert a rendszernél és környezetének arányos entrópiája növekszik

### 2. A belső energia megráztása és elemi energiabörlési típusok:

$$\Delta U = \Delta Q + \sum_i \Delta W_i$$



#### Belső E:

- extenzív
- additív
- abszolút értéket nem ismerjük
- $\Delta U$ -ről beszélhetünk

$y_i$ : intenzív  
 $x_i$ : extenzív

$$\Delta U = dW_{\text{mech}} + dW_{\text{term}} + dW_{\text{felületi}} + dW_{\text{elektrosz.}} + dW_{\text{mágneses}} + dW_{\text{magnitúdó}} + \dots = \sum_i dW_i \quad ①$$

Kölcsönhatás	Intenzív menny.	Extenzív menny.	Elemi energiacsere
1., kémiai	bémiai potenciál $\mu$	anyagmennyiségek $(n)$	$W_{kém} = \sum \mu_i dn_i$
2., mechanikai	nyomás $-P$	tervfogat $V$	$W_{mech} = -pdV$
3., hőtartfeliileti	felületi fesz. $\gamma$	felület $A_s$	$W_{felületi} = \gamma dA_s$
4., elektrosztatikus	potenciál $\Phi$	töltés $q$	$W_{elsz.} = \Phi dq$
5., mágneses	térfeszesség $H$	mágneseszettség $M$	$W_{magn} = HdM$
6., elektromos	térfeszesség $E$	polarizáció $P$	$W_{elekt} = EdP$
7., termikus	hőmérséklet $T$	entropia $S$	$W_{term} = TdS$

### 3. Az entrópia:

↳ a termikus kölcsönhatás a többi kölcsönhatástól függetlenül is megrálltortathatja a belső energiat

$$dW_{term} = dQ = T dS$$

↳ (termikus) entrópia

↳ extenzív mennyiségek a  $T$  intenzív változóhoz

↳ a belső energia hőhatással előidézett elemi változása

↳ a rendszer rendszertípusát jellemzi

↳ csal pozitív mennyisége lehet

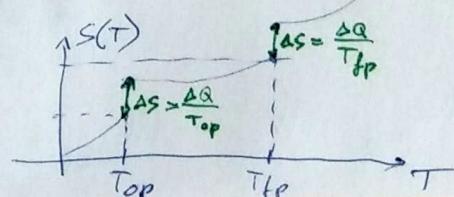
↳ egysílyi állapotban a rendszer entropiája maximális

↳ adiabaticusan tört rendszer entropiája addig nő, míg benne nincs áll. az egysíly

↳  $(p, T)$  egysíly

$$\rightarrow dS = \frac{dQ}{T_0} = C \cdot m \cdot \frac{dT}{T_0} \Rightarrow S_{term} \text{ nő, ha } T \text{ nő}$$

↳ fázisállapotoknál:  $T = \text{all}, S \neq \text{all}$ :



(2)

#### h., I. főtétel:

$$\Delta U = Q + W_{\text{mech}}$$

→ energiamegmaradást fejezi ki

↳ termodinamikai folyamatot során  $E$  átalakulhat, de nem belekerül és nem nyelődik el

→ általános alak:

$$dU = dQ + dW_{\text{mech}} + dW_i$$

$\underbrace{dQ}_{TdS}$      $\underbrace{dW_{\text{mech}}}_{-pdV}$

↳ a rendszer belső  $E$ -jának változása = között hő + rendszeren végrezett munka

↳ egy termodinamikai rendszer akkor lépés munkavégzésre, ha

- $\Delta U < 0$  (belső  $E$ -ját csökkenti)
- vagy
- $W_i > 0$  (Energiait vesz fel)

→ nem ad fejlőlőgörést a spontán folyamatok irányában

↳ időben szimmetrikus

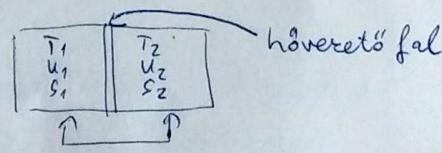
↳ oda-vissza irányú folyamatot nem különözteti meg

#### 5., II. főtétel:

elszígetelt rendszerben a riegyenlítődési folyamatok minden entropia növekedéssel járnak

→ folyamatok irányát szabja meg

→ elszígetett rendszer esetén:  $dU_1 = -dU_2$  ( $dU = T dS$ )



$$dS = dS_1 + dS_2 = \frac{dU_1}{T_1} + \frac{dU_2}{T_2} = \frac{dU_1}{T_1} - \frac{dU_1}{T_2}$$

$T_1 < T_2$  és  $T_1 > T_2$  esetén is  $dS > 0$

(3)

6., III. főtétel: töreletes kristályos anyag entrópiája absolut nulla  
föl hőmérsékleten zero

$$\hookrightarrow \lim_{T \rightarrow 0} S = 0$$

→ absolut 0 hőmérséklet végesen leágazásban nem érhető el

### 7., Entrópia, mint a molekuláris rendszertípus međtelle:

• microállapot → + molekula hely- és impulns koordinátái adott

$\hookrightarrow \sim 10^{23}$  db egységet megoldását jelentendő

$\hookrightarrow$  Megoldás: statisztikus módszerrel

↓  
termodynamikai valószínűség

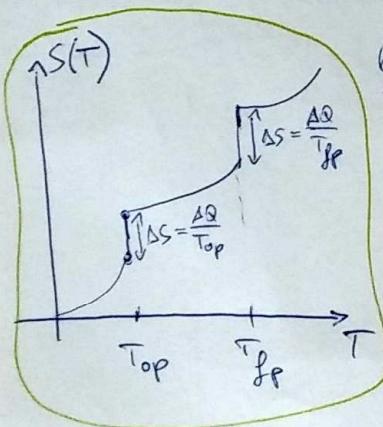
$$\hookrightarrow \Omega$$

$\hookrightarrow$  adott macroállapotokhoz tartozó  
microállapothák száma

• macroállapot → termodynamikai rendszer állapotváltozárával megadott állapota

$\hookrightarrow$  Pl.: rendszer E-ja, oldat koncentrációja, láncrendszer teljesítménye

Boltzmann: az események természetes irányára olyan, hogy  
a folyamat végén az egyensúlyi állapot a  
legtöbb felélelőben megvalósítható állapot



$$\hookrightarrow S = k_B \ln \Omega$$

$$(k_B = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K})$$

$\hookrightarrow$  Configurációs entrópia ( $S_{\text{termikus}}$  nincsbenne!)  
 $\hookrightarrow$  adott macroállapotokhoz tartozó microállapothák számának logaritmusza

• egyensúly → + lehetséges állapot közül a legvalószínűbb valósul meg

## 8. Entalpia, szabad energia és szabadentalpia.

Nyitott rendszerek termodynamikája.

Entalpia bevezetése:

①  $p = \text{áll.}$  (izobar rendszer)

②  $dU = T dS - pdV \rightarrow dQ = dU + d(pdV) = d\left(\underbrace{U + pV}_H\right) = dH$

$$H = U + pV$$

- állandó nyomásban törzött vagy elvont hő nem a belső energiát, hanem az entalpiát változtatja meg
- a belső energia izobar körülmények között termikusan hasznosítható része

Szabadenergia:

①  $T = \text{áll.}$  (izoterm rendszer)

②  $dU = T dS - \underbrace{pdV}_{dW_{\text{mech}}} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right) T = \text{áll.}$

③  $dU = d(TS) - dW_{\text{mech}} \rightarrow dW_{\text{mech}} = d\left(\underbrace{U - TS}_F\right) = dF$

$$F = U - TS$$

→ a munkavégzésre fordítható <sup>belső-</sup>energia (izoterm esetben)

Szabadentalpia: a belső energia hasznosítható részét adja meg izoterm-izobar

④  $dW_{\text{hémiai}} = \sum_i \mu_i dn_i = \underbrace{dU + pdV}_{dH} - T dS = d\left(\underbrace{H - TS}_G\right) = dG$

környezetben

$$G = H - TS$$

$P, T = \text{áll.}$  környezetben a belső energia kémiai reakcióval hasznosítható része

Megj.:  $\Delta G = \Delta H - T\Delta S$  → molekula szerkezet, rugalmasság energiaja  
 ↓  
 molekuláris kölcsönhatások  
 energiadja

### Nyitott rendszerek termodynamika:

↳ a szabadenergiadja vagy szabadtalpidja ad teljesítményt az önként végbemenő folyamatok irányára

↳  $T = \text{áll.}$  (isoterm rendszer) esetén:  $dS > 0 \Rightarrow dT < 0$

$T, p = \text{áll.}$  (isoterm - izobar) esetén:  $dS > 0 \Rightarrow dG < 0$

### Z: Folyamatok irányát megrabija:

• elrigetett rendszerekben:  $S$

• nyitott rendszerekben:  $F, G$

### S., A biológiai termikus energiaforgalom mérése:

#### • direkt kalorimetria

↳  $\Delta Q = Q_{\text{metabolizmus}} + Q_{\text{verteség}}$  → a távozó E megállapítása tökéletesen szigetelt környezetben  
 ↳ sugárás, konduktív, konvektív, patologikálás, légrés

#### • indirekt kalorimetria

↳  $O_2$  felvétel /  $CO_2$ , metán, vírellet, stb. távozás → a távozó hő mérése

↳ oxidáció - a kémiai kötések belső energiája felrakadás

Megj.:

$$Q = \Delta H = H_{\text{vég}} - H_{\text{kezdő}}$$

↳ lehetőséget ad a sejtben lejátszódó kémiai folyamatok energiamérlegét makroszkopikus körülmdögök között történő vizsgálatra

## 10. A víz különleges tulajdonságai:

- széles hőmérsékleti tartományban folyékony

- nagy fajhő, hőkapacitás

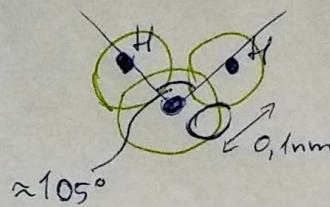
↳ testhőmérséklettet csabálgyorás

- nagy dielektrikus állandó

↳ ionok kölcsönhatásának energiadját 80-ad részére csökkenti

$$\Rightarrow F_C = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \vec{E}$$

- nagy olvadáshő, párolgáshő



- az O-atom a 2. e<sup>-</sup> héjában lévő 6 e<sup>-</sup> (2s<sup>2</sup>2p<sup>4</sup>) és a 2 H-atom 1s e<sup>-</sup>-jaival stabil 8-as konfigurációt alkot

↳ + és - töltésközpontok nem esnek eggybe

↳ nagy permanens dipolusmomentum

- térfelvi rácsszerkezet is kialakulhat a H-kötések révén

- olvadáskor molekulás térfogata 8%-kal csökken

## 11. A víz szerepe az életfolyamatokban:

- „röött víz”

↳ belül a fehérjemolekulák hidrofóból, kívül hidrofilak

↳ hidratációval alakul ki

- membranszerkezet stabilizálása

- ionok diffúziója és transportja

- tisztavíz szállítása a sejtbelhez

- rugalmas burkolat alkot

- tartantartja a sejtek elektromágneses teréhez szükséges

e<sup>-</sup>-p<sup>+</sup> szintet

## 12) Testfolyadékok:

Szerv, folyadék, membrán	pH	pH funkciója
bőr	4-6,5	ved a mikrobiális ellen
vizelet	4,6-8	korlátozza a mikrobiális tiliszaporodását
gyomor	1,35-3,5	felvérjeboncás
epe	7,6-8,8	gyomorsav semlegesítés
hasnyálmirigy folyadék	8,8	emésztés
agygi-gerincvelői foly.	7,3	védőlem
intracelluláris foly.	6,0-7,2	savtermelés a sejtekben
venes/arterias vér	7,35/7,45	

## A szervezet folyadékterei:

- ↳ intracelluláris (~25l)
- ↳ extracelluláris (~17l)
  - ↳ plazmavíz
  - ↳ kötőszövet
  - ↳ csontállomány viztartalma
  - ↳ transcelluláris folyadék

## 13. Hidrofób kölcsönhatás:

- a vízre poláris molekulák alkotják H-sötésekkel
  - ↳ poláris molekulák elkeverednek a vízben (hidrofilak)
  - ↳ apolárisak hidrofóbakkal
    - ↳ nem tud H-sötést kialakítani
    - ↳ egymás közel tömörülnek, kizártják a vízet
- elegendőre törlesz (entropianövekedés) miatt:
  - ↳ a vízmolekulákkal a rendellenességet úgy csökkentik, hogy kizártják maguk közül a hidrofób molekulákat
  - ↳ a kialakított szabályos háló felületeinek méretét csökkentik a hidrofób molekuláknak
  - ↳ kisebb részt tesz rendellenessé

#### 14. Biológiai és ipari anyagok összehasonlítása:

- nem-hierarchikus       $\leftrightarrow$  hierarchikus
- állandó       $\leftrightarrow$  meglívülő
- korrozióib       $\leftrightarrow$  öngójgyullás
- passzív       $\leftrightarrow$  alkalmazkodó
- mérnöki struktúra       $\leftrightarrow$  önszerkeződés
- $e^-$        $\leftrightarrow$  ion
- termikusan állandó       $\leftrightarrow$  hőm. erzékeny ( $0^\circ\text{C}$ - $42^\circ\text{C}$ )
- folytonos E ellátás       $\leftrightarrow$  szakaszos II-
- milanyag       $\leftrightarrow$  makromolekulák
- váltakozós E forrás       $\leftrightarrow$  ATP
- kemény, merev, hidratált       $\leftrightarrow$  nedves, rugalmas, lágy

#### 15. Makromolekulák törzszerkezett meghatározó kölcsönhatásai:

- elektrostatisikus kölcsönhatások
  - $\hookrightarrow$  Coulomb - hosszútávú  $\frac{1}{\epsilon_0 \epsilon_r} \frac{q_1 q_2}{r^2}$
  - $\hookrightarrow$  olípol kölcsönhatások (Van der Waals)  $\sim r^2$
- hidrofób kölcsönhatás  $\rightarrow$  szen-hidrogénel Es vez kölcsönhatása E-befektetést igényel
- hidratációs energia
- kovalens kötések
  - $\hookrightarrow$  az egyszeres kovalens kötések megengedik a függetlenséget
  - $\hookrightarrow$  a többszörösek meghatározott arálatot

## 16., Entropia és makromolekulál rugalmassalga:

- deformáció  $\approx S$  a rugalmas anyagnál (pl.: lágy rövet, gél, stb.)  
 ↳ az anyag rugalmassalgban a belülről  $E$  vagy az entropia változás dominál.

$$\Delta W_{\text{mech}} = -f \Delta r$$

$$(2) dF = f dr$$

$$(3) F = U - TS$$

$$f = \frac{dF}{dr} = \frac{dU}{dr} - T \frac{dS}{dr}$$

Olyan esetben igaz,  
ahol nincs térfogat-  
változás, csak  
alakváltozás.

az anyag rugalmasságát befolyásolja

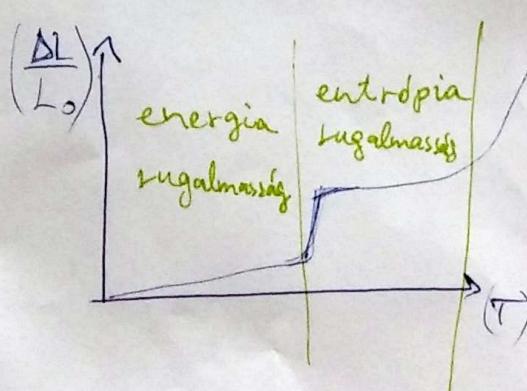
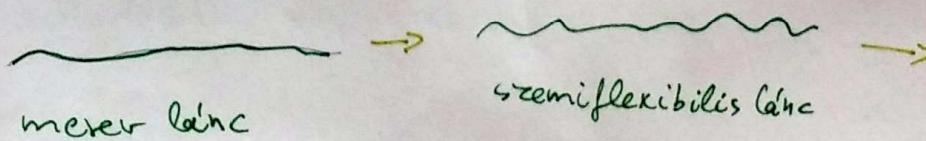
- merev anyagnál → energiarugalmasság dominál

- rugalmas anyagnál →  $S$  változás dominál

→ itt  $F \rightarrow$  már nem lineáris bármelyetettséget mutat  
 → a rácsoz térszerkezetétől függ a konfigurációs entropia hatáorra neg a rugalmasságot

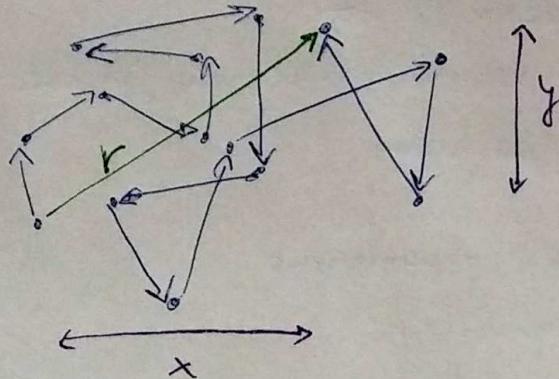
- entropia rugalmasság

↳ termikus gerjesztés → nő a ránc konfigurációs entropiája → a rácsoz rövidül



flexibilis lánc

## 17. Hajlékonyláncú polimerek statisztikai tulajdonságai:



$$S = b_B \ln \frac{W}{W_0}$$

$\hookrightarrow W$ : lehetőséges sorrendek száma

- azon mikroállapotok számát keresniük, melyek az  $r$  láncvegektorral jellemzett makroállapothoz tartoznak

- $S_{\text{konf}}$  lényegesen csökken, ha  $r \rightarrow 0$

$\hookrightarrow$  csökken a mikroállapotok száma

- a legtöbb mikroállapot a nyílt láncnál lényegesen kevésbé láncvégtávolságokhoz tartozik

$\hookrightarrow$  II. főtétel szerint a makromolekulál egyensúlyi állapotban gombolyagszerű terszerkezetet vesznek fel

## 18. Hajlékonyláncú polimerek deformációja

$\hookrightarrow$  I. tétel elso része

## 19. Biocompatibilitás, polimerek orvosbiológiai felhasználása, kritériumai:

- elő rendszerrel kölcsönhatva semmilyen ártó reakciót ne váltszon ki
- biürülés 2 utja:
  - vese (virbenolva)
  - tüdő (vir+CO<sub>2</sub>) (+ bőrön át)

### Felhasználás:

- kontaklencse
- szivbillentyű
- sérülháló
- implantátumok
- stent
- gyógyszeres hordozók  $\rightarrow$  oldhatóság, életlát, célbajuttatás, elnyújtott hatás

### Kritériumai:

- biocompatibilitás
- lebomlás
- hidrofil-e?
- mechanikai ellenállás

## 20. Gélet típusai. Fizikai és kémiai gélek tulajdonságai:

- átmenet a szilárd testek és folyadék között
- elektartás - Eis testhezre csak deformálódnak, nem fognak
- nagy alakváltozások és folyadéktartalom

### Fizikai → termoreverzibilis

- 1., Eristályosodás
  - 2., helix réprekció
  - 3., H-H hidrózis
  - 4., Coulomb-költönök
- ↳ reverzibilis gélek

### Kémiai: → permanens

- 1., Térhalásztás
- 2., Térhalásztás polimerizáció

↳ irreverzibilis gélek (elsőrendű kémiai kötések tartják össze)

Gélesedés: oldat → gel point → szilárd test  
 viszkozitás → végtelen → modulus nő

## 21. Biodegradabilitás. Megvalósulási lehetőségei:

- elő rendszerrel kölcsönhatva, funkciója betöltése után a szervesethöz lebomlik, bomlástermékei nem váltanak ki azokat, amikor valamely rövid ideig folyamatot, kiürül vagy beépül az anyagcseré folyamatokba

### Megvalósulás:

- fotokémiai reakció
- hidrolízis
- mikrobiológiai reakció

①

fragmentálódás

vagy

②

assimiláció  
 → beépül az anyagcseré folyamatokba

### Függ:

- kémiai összetételről
- molekulai tömegéről
- hidrolisztól
- öregedéstől
- aktuális környezet paramétereitől

## 12. Transport folyamatok általános jellemzése:

→ termodynamikai mennyiségek áramlása

↳ pl.: E, anyag, töltés, stb. (extenzív jellegű mennyiségek)

→ hordozók: • részecskék → anyag, E, impulns, töltés

• e⁻, ion → E, töltés, impulns

• fotonok → E

→ típusai: • áramlássos (konvektív) → gáztörés morog (molekulahálózat egzitálás elmondása)

• veretésses (kondiktív) → pl.: hőveretés, diffúzió

• átadásos → határfelület esetén

## 23. A diffúzió törvényei:

→ nyugvó rendszer veretésses anyagtransportja, ahol belsői potenciál gradiens hatásra komponens áram jön létre

↳ áramszásgárga - vektorttal jellemzhető

Stokes-Einstein:

$$D = \frac{k_B T}{6\pi \eta R}$$

Fick I:  $j = -D \nabla c \quad \xrightarrow{1D} j = -D \frac{\partial c}{\partial x}$

- a diffúzió nem kedvez a mintázatok bivalakulásának
- sebessége  $\sqrt{t}$ -vel nőik

c: konc. térfelváltozása

j: diffúziós anyagáram

D: diffúziós end.  $\left[ \frac{m^2}{s} \right], D > 0$

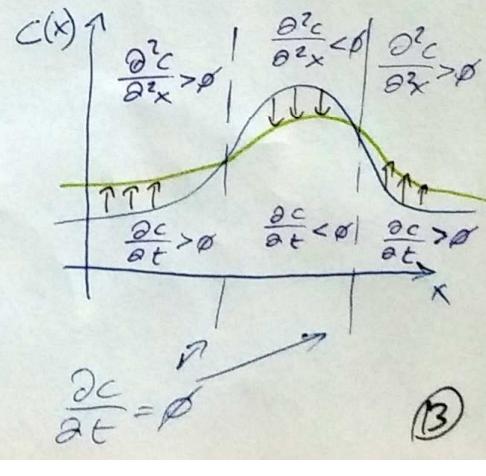
Fick II.:

$$\frac{\partial c}{\partial t} = D \nabla^2 c$$

$$\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$$

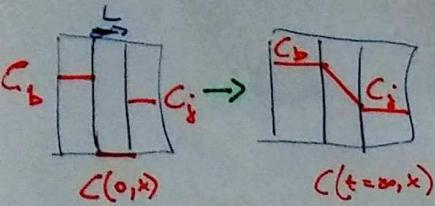
Másikról:

$$D \frac{\Delta c}{\Delta t} + c(t) = c(t+\Delta t)$$



## 24. Stacionárius és nem stacionárius diffúzió:

↳ idő függelén:  $c(x)$

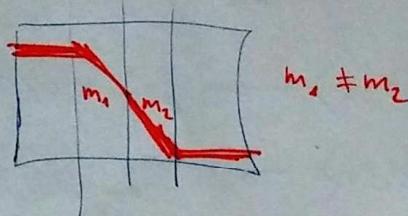


↳  $c$  idő és helyfüggő:  $c(x, t)$

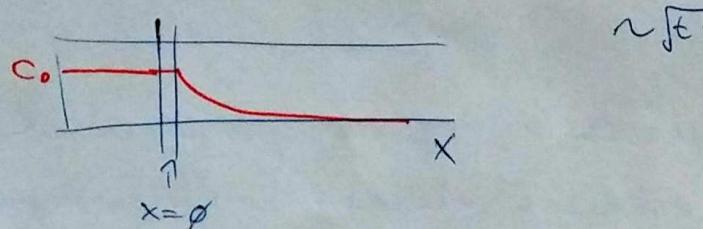
Fizikai ből következik:

- stac. diffúzióval a hely fu.-ében lineárisan változik

Stac. diffúzió két eltérő tulajdonságú rétegnél:

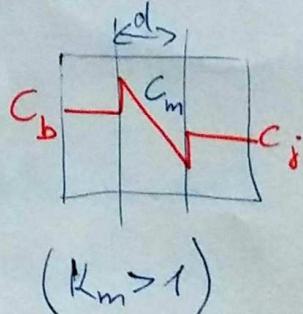


Végtelen csöben:



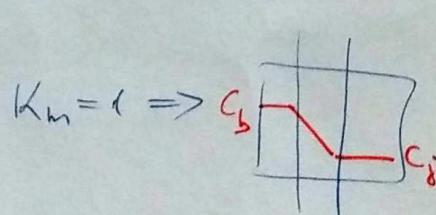
## 25. Megosztás és diffúzió:

↳ egyensúly az oldatfáros és a membrán között



$$K_m = \frac{C_m}{C_b}$$

↓  
megosztási hanyados



Másor a petem feltételek:

$$c(t, \phi) = K_m C_b$$

$$c(t, d) = K_m C_j$$

$$\left. \begin{array}{l} c(x) = -K_m \frac{C_b - C_j}{d} x + K_m C_b \end{array} \right\}$$

## 26. Membrán permeabilitás:

- ↳ egyébnyi koncentrációs különbségre vonatkozó áramszádság
- $$P_{\text{perm}} = \frac{j_h}{\Delta C} = \frac{D}{L}$$
  - D: diff. eh.
  - L: membránhosszúság
- a membrán valamely ionra vagy molekulára vonatkozó olteresztőlépéssége
- $0 \leq P_{\text{perm}} \leq 1$

## 27. Hőszugárzás, hővezetés: → hőmetszeti inhomogenitás hatására E-dinamikai indul meg a rögegben

- az E terhelő terjedése EM hullámok formájában
- Közvetítés rögeg

$$\hookrightarrow h\gamma \rightarrow \text{EM sugárzás} \rightarrow h\gamma$$

### Hővezetés:

- gázokban: Brown-mozgás által
- fémekben: kristályrendszer sebessége, szabad e-ök diffúziójá
- folyadékban, nem fémes anyagok: rugalmas hullámok révén

## 28. A konduktív hővezetés törvényei:

Fourier-törvények ( $j_A = -k \nabla T$ )

$$j_Q = -k_T \frac{\Delta T}{\Delta X} \quad \text{hőm. gradiens}$$

$$\frac{dQ_{\text{hővezetés}}}{dt} = -k_T A_S \frac{\Delta T}{\Delta X}$$

• Hajtóerő:  $\nabla T$

$$\bullet \text{változás: } \frac{\Delta T}{\Delta t} = \mathcal{L} \nabla^2 T \quad , \quad \mathcal{L} = \frac{k_T}{\rho c_p}$$

## 29. Biológiai hőtransport:

- hőeretés
- hőátadás
- anyagárammal szállított
- hőszáradás

### Mérés:

- direkt calorimetria
- indirekt - II -

$$(1) \text{ BMR} = \frac{\partial Q}{\partial t} \Big|_{\text{Injugalom}} \rightarrow \text{alap E-forgalom}$$

$$(2) Q = C_m \Delta T \quad / : \partial t$$

$$\frac{\partial T}{\partial t} = \frac{\text{BMR}}{C_m} \rightarrow 1,2^\circ\text{C}/\text{dra}$$

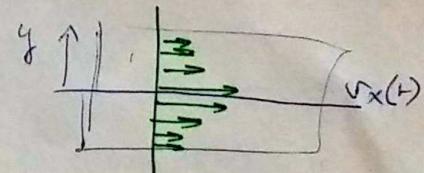
$$\Delta Q = Q_{\text{metabolizmus}} + Q_{\text{terhelés}}$$

## 30. Areológia alapösszefüggése:

- anyagok folyási tulajdonságainak vizsgálata

### Newton-egyenlet

$$j_i = -\gamma \frac{dv_x}{dy} \rightarrow \gamma = -\frac{dv_x}{dy}$$



hatóerő:  $\nabla v$

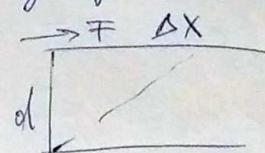
$$\rightarrow \text{nyírófeszültség} : \gamma = \frac{F}{A_s}$$

### Newtoni-folyadék:

- $\gamma$  csak az anyagi minőségtől és  $T$ -től függ
- független az áramlási viszonyuktól

### nem-Newtoni foly.:

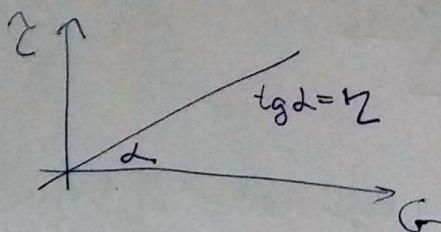
- $\gamma$  függ az áramlási viszonyuktól (pl.: nyírófeszültségtől)



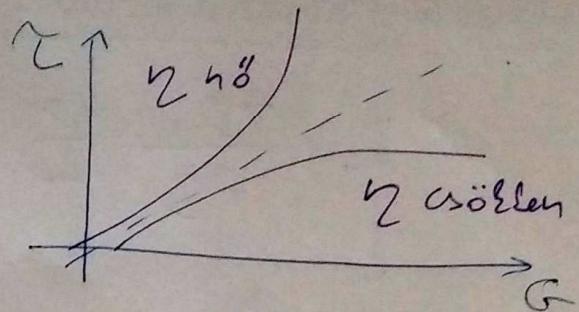
### 31. Newtoni és nem-Newtoni folyadékok folyásgörbeli:

$$\gamma = \eta \frac{dv_x}{dy} = \eta G$$

(nyírás) (viszkozitás)  $[Pa \cdot s] \cdot [s]$



$\eta$  függ a deformációs hatás mértékétől és idejétől is



### 32. Az áramlási típusai:

#### • lamináris ( $Re < 2100$ )

- a zöreg rétegeken áramlik, mintha végzetlen száluk koncentrikus cső mozogna
- részresek mozgási irányai áramlással párhuzamos
- $\nabla$  áramláshoz  $\perp$  komponens
- zél. rétegek sebessége zél. lehet

#### • turbulens

- áramlási irányra van  $\perp$  komponens
- $v_{krit}$  felett örvények alakulnak ki

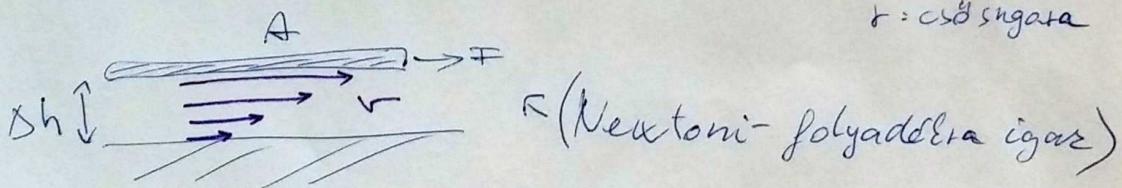
$$Re = \frac{\text{tachetlenségi erő}}{\text{viszcozus erő}}$$

$$Re = \frac{v_s d}{\gamma}$$

$$v_{krit} = Re \frac{\eta}{S r}$$

$S$ : sűrűség

$r$ : cső sugar



### 33. Visszoritás:

$$F = \gamma A \underbrace{\frac{dv}{\Delta h}}$$

állandó lamináris áramlási esetben

- nem-Newtoni folyadéknál:  $T \downarrow \Rightarrow \gamma \uparrow$

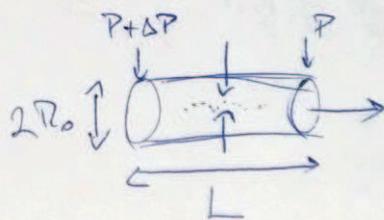
↳ pl. ver

34. Az áramlási profil és a terfogatáram kapcsolata az áramlást előidéző nyomásstabiliségekkel:

Hagen-Poiseuille-tv.:

$$I_v = \frac{\pi R_0^4}{8\gamma} \frac{\Delta P}{L}$$

(terfogatáram)



$$P + \frac{1}{2} \rho v_x^2 + \rho g h = \text{const} \quad (\text{Bernoulli-tv.})$$