

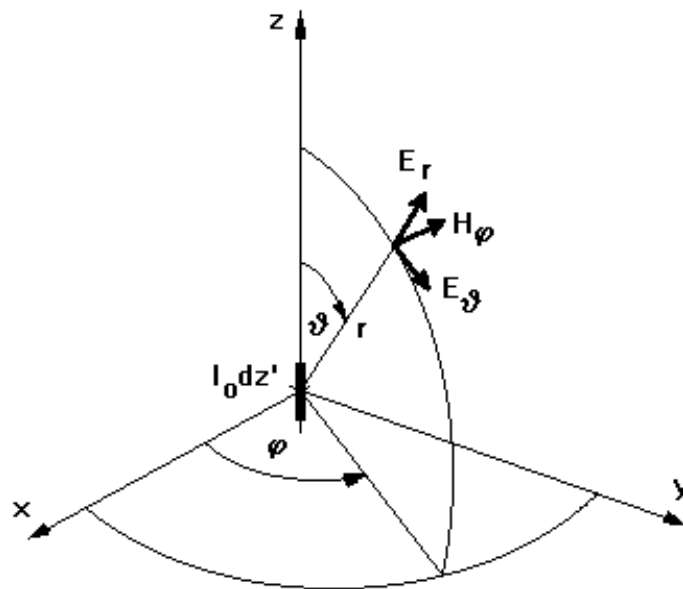
### 3.3. A HERTZ FÉLE DIPÓLUS

A Hertz féle dipólus (áramelem) a hullámhossznál sokkal rövidebb, a hossza mentén állandó  $I_0$  áramú antenna. Az áramelem sugárzási terét gömbi koordinátarendszerben adjuk meg. (3.9. ábra)

A mágneses és elektromos térerősséget az áramelem

$$\mathbf{A} = A_z \mathbf{e}_z = \frac{\mu_0 I_0 dz}{4\pi} \frac{e^{-j\beta r}}{r} \mathbf{e}_z \quad (3.51)$$

mágneses vektorpotenciáljával írjuk fel.



**3.9. ábra** Hertz féle dipólus tere gömbi koordinátarendszerben

A mágneses térerősség

$$H_\phi = \frac{I_0 dz}{4\pi} \left( \frac{j\beta}{r} + \frac{1}{r^2} \right) e^{-j\beta r} \sin\theta \quad (3.52)$$

vagyis a mágneses térerősség legnagyobb az antenna tengelyére merőlegesen ( $\theta = 90^\circ$  - nál).

Az áramelem elektromos térerőssége

$$E_\theta = \frac{I_0 dz}{4\pi} \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \left( \frac{j\beta}{r} + \frac{1}{r^2} + \frac{1}{j\beta r^3} \right) e^{-j\beta r} \sin\theta \quad (3.53)$$

$$E_r = \frac{I_0 dz}{2\pi} \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \left( \frac{1}{r^2} + \frac{1}{j\beta r^3} \right) e^{-j\beta r} \cos\theta \quad (3.54)$$

Mint az (3.52-3.54) képletből látható a Hertz féle dipólus távoltéri térerősség-komponensei  $E_\theta$ -ból és  $H_\phi$ -ből kerülnek ki, vagyis térben egymásra merőlegesek, és az is megfigyelhető, hogy azonos fázisban változnak. Ebből következik, hogy a távoltérben a Poynting vektor valós, vagyis az antenna által elsugárzott teljesítmény  $E_\theta$  és  $H_\phi$  távoltéri összetevője hordozza. Ezért a távoltéri térerősséget szokták sugárzási térerősségnek is nevezni. A térerősségek  $1/r$  távolságfüggése kielégíti a sugárzási feltételt, mert bármely  $r$  sugarú gömbre az antenna által kisugárzott teljesítmény véges és állandó.

A sugárzási tér elektromos és mágneses térerősségének hányadosa az (3.52) és (3.53) képlet szerint

$$\frac{E_\theta}{H_\phi} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 120\pi \quad (3.55)$$

azaz megegyezik a szabad tér hullámellenállásával.

Összefoglalva megállapíthatjuk, hogy az antenna sugárzási terében az  $E$  és  $H$  összetevő egymásra és a terjedési irányra merőleges, fázisuk azonos, hányadosuk pedig a szabad tér hullámellenállásával egyenlő. Mindezekből következik, hogy az antenna sugárzási intenzitásának jellemzésére az elektromos- és mágneses térerősség valamint a Poynting vektor közül elegendő az egyiket megadni, a másik kettő ebből a távoltérben kiszámítható. A gyakorlatban mintegy 1000 MHz alatt az elektromos térerősséget, efölött, a mikrohullámú tartományban a teljesítménysűrűséget szokták megadni.

Ha adott távolságnál a frekvenciát csökkentjük (a hullámhosszat növeljük), akkor a  $\beta = 2\pi/\lambda$  tag miatt az  $1/r^3$  tag dominál, és sztatikus (egyenáramú) gerjesztésnél csak ez maradna. Ezért az  $1/r^3$ -től függő tagot sztatikus komponensnek nevezzük.

Megjegyezzük, hogy mint az (3.52) képletből is látható a Hertz féle dipólus mágneses terének nincs sztatikus komponense.

Végül az  $1/r^2$ -től függő térerősségkomponenseket indukciós komponenseknek nevezzük, mivel már lassan változó gerjesztés hatására is létrejönnek.

A sztatikus és indukciós térerősségkomponenset együttesen köztéri térerősségnek nevezzük.

Az (3.52-3.54) képletekből megfigyelhető, hogy a közeltéri elektromos- és mágneses térerősség egymáshoz képesti fázisa és iránya a térben pontról-pontra változik. A részletesebb vizsgálat kimutatná, hogy ezek a térerősségösszetevők nem hordoznak valós kisugárzott teljesítményt, hanem az antenna közelében reaktáns teret létesítenek.

A közeltér-távoltér kifejezések antennákkal kapcsolatban geometriai értelemben is használatosak. Az antennát körülvevő azon térrészt, melyben a közeltéri térerősség nagyobb, mint a távoltéri az antenna közelterének nevezzük, és amelyben nagyobb, az antenna távolterének. Mivel a közeltér-távoltér fogalmak az apertura antennáknál némileg eltérő összefüggésben újra felmerülnek, ezért nevezzük a Hertz féle dipólus- és majd a véges hosszúságú egyenes antennák - közelterét reaktáns közeltérnek.

### 3.3.1. A Hertz féle dipólus által kisugárzott teljesítmény

A Hertz féle dipólus által kisugárzott teljesítmény kiszámítására integráljuk a Poynting vektor valós részét az antennát körülvevő gömb felületére. Mivel az antenna veszteségmentes közegbe sugároz, ezért az antennán kívüli térben disszipáció nincs, tehát a gömböt bárhol felvehetjük. A gömb sugarát válasszuk olyan nagyra, hogy a reaktáns közeltér elhanyagolható legyen a sugárzási térhez képest, ezáltal a számítás egyszerűbb lesz.

A távoltéri komponensek az (3.52) és (3.53) képletekből az alábbiak

$$H_{\varphi} = \frac{I_0 dz}{4\pi} \frac{j\beta}{r} e^{-j\beta r} \sin \vartheta = j \frac{I_0 dz}{2\lambda r} e^{-j\beta r} \sin \vartheta \quad (3.56)$$

$$E_{\vartheta} = \frac{I_0 dz}{4\pi} \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \frac{j\beta}{r} e^{-j\beta r} \sin \vartheta = j \frac{60\pi I_0 dz}{\lambda r} e^{-j\beta r} \sin \vartheta \quad (3.57)$$

Mivel E és H egymásra merőleges és azonos fázisú, ezért a Poynting vektor

$$\operatorname{Re} \frac{1}{2} (\mathbf{E} \times \mathbf{H}^*) = \frac{1}{2} |\mathbf{E}_\vartheta| |\mathbf{H}_\varphi| \quad (3.58)$$

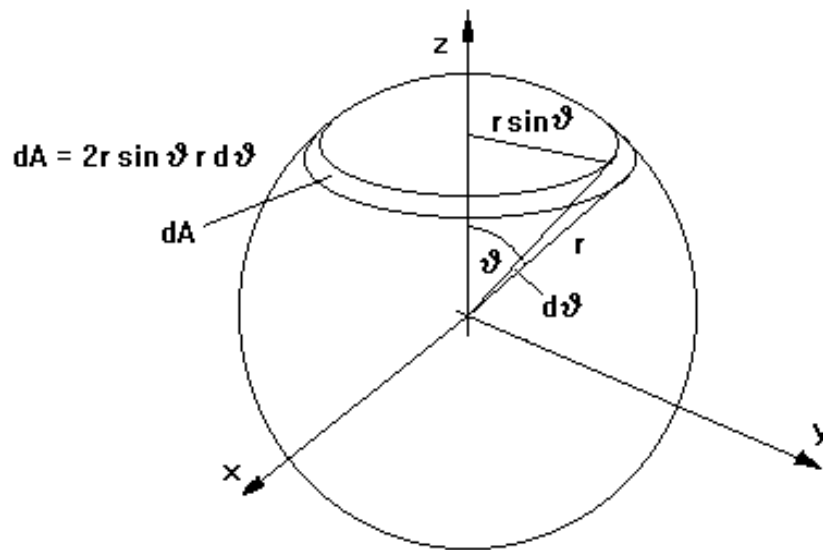
vagyis az antenna által előállított teljesítménysűrűség

$$S(\vartheta) = \frac{15 \pi I_0^2 dz^2}{\lambda^2 r^2} \sin^2 \vartheta \quad \left[ \text{watt} / \text{m}^2 \right] \quad (3.59)$$

ahol

$I_0$  a gerjesztő áram amplitudója.

Az integráláshoz válasszuk az 3.10. ábra szerinti felületelemet, mely figyelembe veszi a forgásszimmetriát.



### 3.10. ábra Felületelem

Az antenna által kisugárzott teljesítmény

$$P_s = \iint_A S dA = \int_0^\pi S 2\pi r^2 \sin \vartheta d\vartheta = \frac{30\pi^2 I_0^2 dz^2}{\lambda^2} \int_0^\pi \sin^3 \vartheta d\vartheta \quad (3.60)$$

Az integrál értéke

$$\int_0^\pi \sin^3 \vartheta d\vartheta = 4/3 \quad (3.61)$$

Az (3.61) eredményt felhasználva az (3.60) értéke

$$P_s = 40\pi^2 I_0^2 \left( \frac{dz}{\lambda} \right)^2 \quad (3.62)$$

Vagyis az áramelem által kisugárzott teljesítmény azonos gerjesztő áram esetén a hullámhosszban mért hosszúság négyzetével arányos.

Huzalantennák esetén a kisugárzott teljesítmény és a gerjesztő áram közötti összefüggés leírására bevezették a sugárzási ellenállást az alábbi definícióval

$$R_s = \frac{2 P_s}{I_o^2} \quad (3.63)$$

Ezzel az áramelem sugárzási ellenállása

$$R_s = 80\pi^2 \left( \frac{dz}{\lambda} \right)^2 \quad (3.64)$$

Egyszerű fizikai megfontolás után belátható, hogy ha az (3.63) képletben  $I_o$  a bemeneti áram, és az antenna ohmos veszteségei elhanyagolhatóak, akkor  $R_s$  a bemeneti impedancia valós része.

### 3.3.2. A Hertz féle dipólus irányhatása

A teljesítménysűrűség a főirányban az (3.59) képlet felhasználásával

$$S_{\max} = \frac{15 \pi I_o^2 dz^2}{\lambda^2 r^2} \quad (3.65)$$

Az egyenlő teljesítményt kisugárzó izotróp antenna által létrehozott teljesítménysűrűség

$$S_o = \frac{P_s}{4 \pi r^2} \quad (3.66)$$

Az irányhatást az (3.65), (3.66) és (3.62) képletek felhasználásával kapjuk

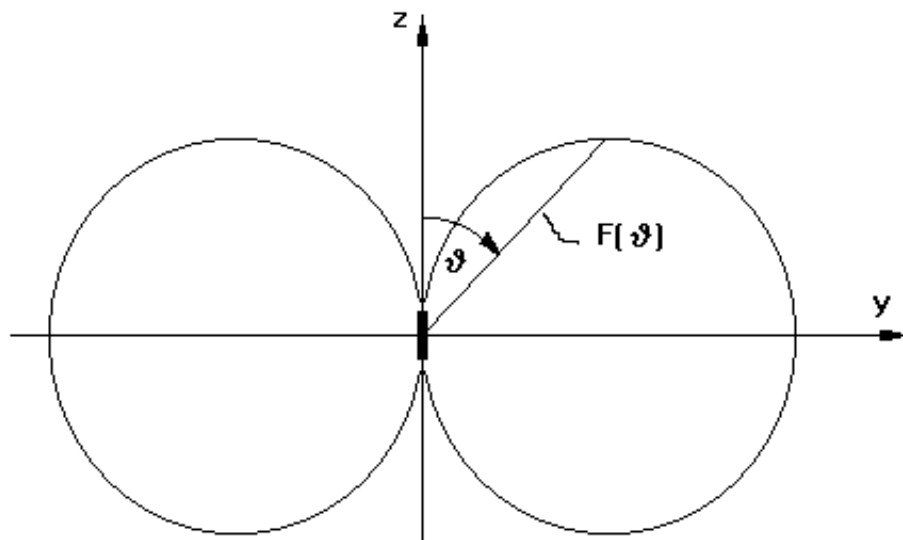
$$D = \frac{S_{\max}}{S_o} = 1.5 \quad (3.67)$$

### 3.3.3. A Hertz féle dipólus iránykarakterisztikája

Az iránykarakterisztikát a távoltéri térerősségből kapjuk

$$F(\vartheta, \varphi) = \frac{E(\vartheta, \varphi)}{E(\vartheta, \varphi)|_{\max}} = \sin \vartheta \quad (3.68)$$

A z tengelyben elhelyezett Hertz féle dipólus iránykarakterisztikája



**3.11. ábra** A Hertz féle dipólus iránykarakterisztikájának  $y$ - $z$  síkú metszete