

Név:

Neptun kód:

HÍRKÖZLÉSELMÉLET – 2. ZH, 2016-03-31 A csoport

**I. Tesztkérdések** A helyesnek tartott válasz(oka)t egyértelműen jelölje meg – például a betű bekarikázásával. Minden kérdésre van legalább egy helyes válasz; némelyik kérdésre a helyes válaszok száma több mint egy. Egy kérdésre adott válasz akkor jó, ha *mindegyik* helyes válasz meg van jelölve, és *egyetlen* helytelen sincs. Minden jól megválaszolt kérdés 0,5 pontot ér. Maximális pontszám: 5.

1. Bináris lineáris hibajavító blokk-kódokra igaz, hogy

- A legalább 1 hiba mindig jelezhető, de a jelezhető hibák száma több is lehet;
- B a jelezhető hibák száma  $t_{jel} < d_{min}$ ;
- C a javítható hibák száma legalább 1, azaz  $t_{jav} \geq 1$ ;
- D a javítható törléses hibák száma  $t_{tör} = d_{min} - 1$ ;

2. Azonos eseménytér felett értelmezett két diszkrét valószínűségi változó, X és Y esetén a relatív entrópia (Kullback-Leibler távolság)

- A csak akkor határozható meg, ha X és Y eloszlása megegyezik;
- B  $D(P(X) \parallel P(Y))$  a  $P(X)$  és  $P(Y)$  eloszlások „hasonlóságának” mértéke;
- C  $D(P(X,Y) \parallel P(Y,X)) = 0$  bármely  $P(X)$  és  $P(Y)$  eloszlás esetén;
- D  $D(P(X,Y) \parallel P(X) \cdot P(Y)) = 0$ , ha X és Y függetlenek.

3. Az  $R_c = K/N$  kódarányú  $(N, K, q)$  lineáris hibajavító blokk kód  $G$  generátormátrixa  $c = uG$  kódgenerálás esetén

- A K sorból és N oszlopból áll;
- B K oszlopból és N sorból áll;
- C szisztematikus kód esetén tartalmazza az  $(N-K) \times (N-K)$  méretű  $I$  egységmátrixot;
- D szisztematikus kód esetén minden esetben tartalmazza a  $K \times K$  méretű  $I$  egységmátrixot.

4. Lineáris hibajavító blokk kódokra igaz, hogy az érvényes kódszavak

- A a kódtér egy lineáris alterét képezik;
- B a kódteret teljes mértékben kitöltik;
- C a kódtér aritmetikai műveletekre zárt részét képezik;
- D aritmetikai összege megegyezik a kódtér dimenziójával.

5. Bináris lineáris hibajavító blokk-kódokra igaz, hogy bármely két kód

- A Hamming távolsága minimális, azaz 0, hogy 0 hiba maradjon, azaz mindet ki tudjuk javítani;
- B Hamming távolsága maximális;
- C lineáris kombinációjával  $(N=3, K=2)$  esetben az összes többi kód előállítható;
- D kivéve a  $\mathbf{0}$  vektor kódot,  $(N=3, K=2)$  esetben a kódok bázisát alkotja.

6. Egy lineáris hibajavító blokk-kód szisztematikus például, ha a kódszó

- A eleje azonos az üzenetszóval;
- B vége azonos az üzenetszóval;
- C a paritászimbólumokat az üzenetszó szimbólumaival váltakozva tartalmazza;
- D csak az üzenetszó szimbólumait tartalmazza.

7. Az  $R_c=K/N$  kódarányú  $(N,K,q)$  lineáris hibajavító blokk kód  $H$  paritásellenőrző mátrixa  $c=u*G$  kódgenerálás esetén

- A  $K$  sorból és  $N$  oszlopból vagy  $K$  oszlopból és  $N$  sorból áll;
- B az  $s$  szindróma vektor csak hibamentes esetben egyezik meg a  $0$  vektorral;
- C az  $s$  szindróma vektor a javítható nem törléses hibák számával megegyezik;
- D szisztematikus kód esetén tartalmazza az  $(N-K) \times (N-K)$  méretű  $I$  egységmátrixot.

8. Lineáris hibajavító kódolás esetén  $d_{\min}$

- A bármely két kód közötti Hamming távolsággal egyenlő.
- B bármely két kód közötti Hamming távolság maximumával egyenlő.
- C bármely két kód közötti Hamming távolság minimumával egyenlő.
- D a jelezhető hibák számánál feltétlenül nagyobb.

9. Lineáris hibajavító kódok konstrukciós törvényei közül a

- A Singleton korlát adott  $q$ ,  $d_{\min}$  és kódszó-hossz mellett a kódszavak (ezzel persze az üzenetszavak) számának felső határát szabja meg.
- B Singleton korlátot kielégítő összes kód maximális távolságú (MDS) kód.
- C Hamming korlát adott hibajavító képesség mellett a kódparaméterek  $(N,K,q)$  értékeire ad korlátozó összefüggést.
- D perfekt kód esetén az  $N$  dimenziós,  $q$ -áris kódtér minden pontja érvényes kódszó.

10. Lineáris hibajavító kódolás esetén

- A minden hibát észlelhetünk, hiszen hiba esetén az adott érvényes kódvektortól eltérő vektort veszünk.
- B minden olyan hibát észlelünk, ahol az adott és a vett vektorok Hamming távolsága megegyezik a  $d_{\min}$  kódtávolsággal.
- C bináris esetben a törléses hibák (akár több is) feltétlenül kijavíthatóak, hiszen csak invertálni kell a hibás biteket.
- D szükségszerűen a kódtér minden elemére igaz, hogy az vagy egy érvényes kódszó, vagy egy ilyen döntési kódalterének eleme, ha a kód perfekt.

Név:

Neptun kód:

**II. Tétel A csoport: Csatornkapacitás és Csatornakódolás (Hibakorlátozó kódolás)**  
(csatornkapacitás, mint a bemenet és kimenet átlagos kölcsönös információtartama, feltételes entrópiával is; BSC kapacitása levezetéssel; csatornakódolás célja, Shannon II. tétele)

Maximális pontszám: 5.

Név:

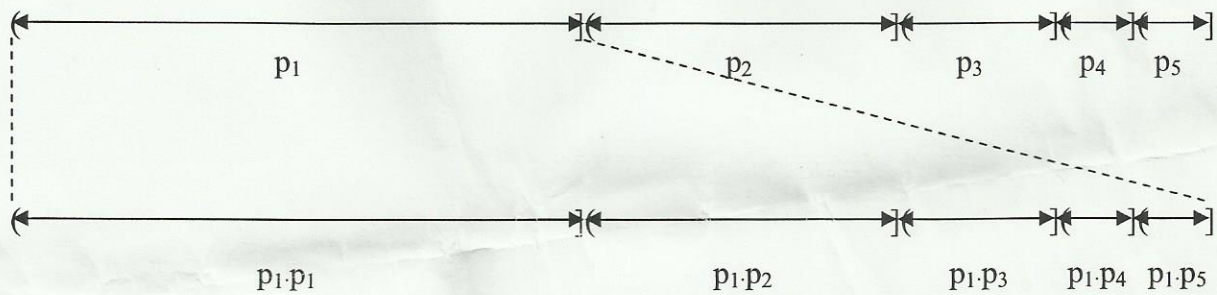
Neptun kód:

**III. Számpélda A csoport:** (Maximális pontszám: 5 pont. HÁTOLDALON is van feladat!)

**Aritmetikai forráskódolás (max 3 pont):** Legyen  $X$  egy négyelemű diszkrét forrás a  $P(X)=[p(x_1)=p_1=1/2; p(x_2)=p_2=1/4; p(x_3)=p_3=p(x_4)=1/8]$  elsőrendű diszkrét sűrűségfüggvénnyel a-priori ismert. A forrás változó hosszú szimbólumsorozatait aritmetikai kódolással kódoljuk, ezért bevezetünk egy 'STOP' szimbólumot  $p(\text{'STOP'})=p_5=1/16$  valószínűséggel úgy, hogy  $x_4$  esemény valószínűségét önkényesen  $p_4=1/16$ -nak tekintjük; persze ettől még a forrás  $p(x_4)=1/8$  valószínűséggel generálja.

- a) Mennyivel (bitben mérve) nő meg az egy szimbólumra eső átlagos kódhossz az ideális forráskódolóhoz képest? (Segítség: ideális forráskódoló hatékonysága 100%; akinek ez mond valamit: tanultunk relatív entrópiáról is) (1 pont)
- b) Adja meg az 1001..... kezdetű kódsorozathoz tartozó forrásszimbólum-sorozat első két szimbólumát! (1 pont)
- c) Adja meg az  $x_1, x_1, x_1, \text{'STOP'}$  forrásszimbólum-sorozathoz tartozó legrövidebb bináris kódot! (1 pont)

Indulási segítségnek legyen adott a  $(0 .. 1]$  balról nyitott, jobbról zárt intervallum kezdeti felosztása és az első részintervallum további felosztása az alábbi ábra szerint.



**Bináris Hamming kód (max 2 pont):** Legyen  $N=15$ ,  $K=11$ , azaz alkalmazzuk az  $(15,11,2)$  kódot.

- a) Határozza meg a lehetségesek közül azt a  $H$  mátrixot, amely olyan kódhoz tartozik, ahol a kódszó eleje azonos az üzenetszóval, és melynél a nem egységmátrixot képző részben az oszlopokat bináris számként tekintve (első sor 1-esek, 2. sor 2-esek, 3. sor 4-esek, stb.) azok (azaz az oszlopok) balról jobbra növekvő sorrendben rendezettek! (1 pont)
- b) A  $v=[1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0]$  vett vektor (a demodulátor kimenete) esetén adja meg a legvalószínűbb  $u$  üzenetvektort! (A kódgenerálás  $c=uG$  volt.) (1 pont)