

Analízis(2) VD1 (B kurzus)

2000. június 20.

Munkaidő: 90 perc

1. feladat (15 pont)

Oldja meg a differenciálegyenleteket!

a.) $y' = \frac{(3y-1)^4}{2x+3} \quad x \neq -3/2$

b.) $(y^2 e^{xy^2} + 2x)dx + (2xy e^{xy^2} + 3y^2)dy = 0$

2. feladat (13 pont)

a.) Írja le a függvénysorok tagonkénti deriválhatóságára vonatkozó tételt!

b.) Biz. $\sum \frac{\cos(n^2 x)}{n5^n}$ mindenhol folytonos és tagonként deriválható!

3. feladat (13 pont)

$$f(x, y) = (y - 6)(5 - x - y)$$

a.) Hol teljesül a lokális szélsőérték létezésének szüks. feltétele? Van-e lok. szélsőérték?

b.) Érintősík egyenlete $P_0 = (-1, 3)$

c.) $d^2 f((-1, 3), (h, k)) = ?$

4. feladat (11 pont)

$$\iint_T (4 + 3x^2 + 3y^2)^{-3/2} dT = ? \quad T : x \leq 0, y \geq 0$$

5. feladat (13 pont)

a.) $a, b = ?$ hogy mindenhol diffható legyen

$$f(z) = x^3 + ay^2x + b + j(3x^2y - y^3 + 2)$$

$f'(1 - j) = ?$

b.) $\operatorname{Ln} 1 = ? \quad \operatorname{Re}(1^{j-1}) = ? \quad \operatorname{Im}(1^{j-1}) = ?$

c.) Hol van szingularitása:

$$f(z) = \frac{\sin(jz^3)}{e^{2z} - 1}$$

6. feladat (15 pont)

$$f(z) = \frac{1 - \cos 4z^2}{2z^9}$$

a.) $z_0 = 0$ bázispontú Laurent sorfejtés?

b.) Hol és milyen szingularitása van?

c.)

$$\oint_{|z+3j|=1} f(z) dz = ?$$

$$\oint_{|z+1|=3} f(z) dz = ?$$

$$\oint_{|z+1|=3} f(z) dz = ?$$

$$\oint_{|z+1|=3} f(z) dz = ?$$

7. feladat (20 pont)

- a.) Írja fel a tanult módon $f(x) = \ln(1+x)$ Laurent sorfejtést ($x_0 = 0$) és a KT-t!
 b.) Mutassa meg hogy e^z periodikus!
 c.) $f : R^K \mapsto R$

Definiálja az $f'_{x_k}(a)$ fogalmát és f g pontbeli totális deriválhatóságát! Ismertesse a folytonosság, a totális deriválhatóság és a parciális deriválhatóság között tanult összes kapcsolatot!

Analízis(2) VD2 (B kurzus)

2000. június 20.

1. feladat (10 pont)

$$y'' + by' + y = 0 \quad (b \in R)$$

Írja fel a differenciálegyenlet megoldását a b paraméter függvényében!

2. feladat (17 pont)

- a, Bizonyítsa be, hogy a folytonosság szükséges feltétele a totális deriválhatóságnak!
 b, $z = f(x, y)$ (x_0, y_0) ponthoz tartozó érintősíkja (egyenlete, bevezetése)

3. feladat (14 pont)

$\sum_{k=2}^{\infty} kx^{(k-2)}$ Adja meg zárt alakban!

4. feladat (30 pont)

$$\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$$

- a) Milyen alakú a konvergencia tartomány? Az indokláshoz felhasznált tételeket bizonyítsa be!
 b) Hogyan határozható meg a konvergenciatartomány megadására szolgáló jellemző? Állítását bizonyítsa be! (Csak amit mi is bizonyítottunk.)

5. feladat (13 pont)

$$\oint_{K_{z_0, r}} (z - z_0)^n dz = ? \quad n = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

Állítását bizonyítsa be!

6. feladat 16 pont

Definiálja a residuum fogalmát! Mondja ki és bizonyítsa be a residuum-tételt! Hogyan határozható meg a residuum? (Ez bizonyítás nélkül!)

A VD1 feladatait (nem szó szerint leírva) elküldte Csigás.

Ezt a L^AT_EX/PDF verziót készítette Visontay Péter (sentinel@sch.bme.hu)

InfoSite: <http://info.sch.bme.hu>