

A válaszokat indokolni kell. Hivatkozni csak az előadáson tanultakra lehet.

1. Igaz-e, hogy ha egy algoritmus lépésszáma  $42 \cdot n^2 \log n + 2020 \cdot (n - 1)^3 - 7 \cdot \sqrt{n} + 30$ , akkor az algoritmus lépésszáma  $O(n^3)$ ? Ha úgy véli, hogy ez igaz, akkor megfelelő  $c$  konstans és  $n_0$  küszöbérték megadásával lássa ezt be, ha pedig úgy véli, hogy hamis, akkor bizonyítsa be ezt.
2. A 2, 10, 1, 3, 7, 8, 4 tömb rendezése során előállhat-e az 1, 2, 3, 10, 7, 8, 4 helyzet, ha  
(a) buborékrendezést használunk?  
(b) beszúrásos rendezést használunk?
3. Egy kezdetben üres, 11 méretű hash táblába nyílt címzéssel, lineáris próbával szűrtünk be nyolc egész számot, a beszúrások sorrendje nem ismert. A használt hash függvény értéke a  $K$  kulcs esetén  $K$  maradéka 11-gyel osztva. Csak beszúrások történtek, törlés nem volt és az alábbi táblát kaptuk.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
	13	2	3	5	17	7	18			21

Milyen sorrendben történhetett a 3, 5, 17, 7, 18 elemek beszúrása, ha ezt a táblát kaptuk? Az összes lehetséges sorrendjét adja meg ennek az öt elemnek.

4. Egy hét csúcsú bináris keresőfát posztorder bejárással bejárva a csúcsokat 1, 10, 11, 8, 20, 13, 3 sorrendben látogatjuk meg. Adja meg, hogy hogyan néz ki ez a fa.
5. Adott egy  $n$  hosszú tömb, mely csupa különböző egész számot tartalmaz. Adjon  $O(n \log n)$  lépésszámú algoritmust, ami vagy talál a tömbben egy olyan  $k$  egész számot, melyre sem  $k - 1$ , sem  $k + 1$  nincs a tömbben vagy jelzi, ha nincs ilyen  $k$  szám.
6. Egy szomszédossági mátrixával adott  $n$  csúcsú, irányított  $G$  gráfban néhány csúcs kékre van színezve, a többi csúcs színtelen. A kék csúcsok egy, a csúcsokkal indexelt  $K$  tömbben adottak úgy, hogy  $K[v]$  értéke 1, ha a  $v$  csúcs kék, egyébként pedig  $K[v] = 0$ . Adott továbbá két kijelölt színtelen csúcs,  $s$  és  $t$  is. Adjon  $O(n^2)$  lépésszámú algoritmust, ami eldönti, hogy el lehet-e jutni  $s$ -ből  $t$ -be kék csúcs érintése nélkül.