

8/1

a)  $\{ a^u b^k a^k b^u \mid u, k \geq 1 \}$

b)  $\{ a^u b^k a^k b^k \mid u, k \geq 1 \}$

CF:  $S \rightarrow aSb \mid aTb$

$T \rightarrow bTa \mid ba$

$S \Rightarrow a^{i-1} S b^{i-1} \Rightarrow a^i T b^i \Rightarrow a^i b^{i-1} T a^{i-1} b^i \Rightarrow a^i b^i a^i b^i$

→ Nem CF:

Pump lemma:  $L \text{ CF} \Rightarrow \exists p > 0 \quad \forall z \in L \text{ amire } |z| \geq p$

létezik  $z = uvwxy$  (hol

1)  $|vwx| \geq 1$

2)  $|vwx| \leq p$

tetszőleges  $p$ -re van egybeírt,

3)  $uv^kwx^ky \in L \quad \forall k \geq 0$

legfeljebb  $p$  hosszú nem pumpálható szó:

$a^p b^{2p} a^p b^{2p} \in L$ , messze  $\geq p$

$\forall$  felel. részre

$v, x$  nem üres, egyelőreket  $v^k \notin L$

$|vwx| \leq p$  miatt  $\rightarrow$   $v$  és  $x$  egy blokkban van  $\rightarrow$  sose pumpálót a két egyforma karakteres blokkban egyszerre.

$\rightarrow$   $v$  és  $x$  szomszédos blokkban van  $\rightarrow$  a másik ugyanilyen karakterű blokk messze távol eszik meg

6

8/2 Ogden

$L \in CF \Rightarrow \exists p > 0$   $\forall z \in L$  ma  $|z| \geq p$  és  $z$   $\neq \emptyset$  kijelölhető, ahol  $z$ -ben  $\geq p$  morakiter kijelölt.

Lehető  $z = uv^kwx^k y$  felbontás.

1)  $uv$ -ben max 1 kijelölt morakiter

2)  $uv^kx$ -ben  $\leq p$  kijelölt

3)  $uv^kwx^k y \in L \quad k \geq 0$

$$\{ a^i b^{i+k} a^k \mid i \neq k, i, k \geq 1 \}$$

$p$  többszörös.  $\left\{ \begin{array}{l} \text{mutatók szét: } y \text{ belüli } \geq p \text{ hosszú} \\ \text{és kijelölök ebben } \geq p \text{ keratert} \end{array} \right.$

és  $\neq$  felbontás morakiter

$$\underline{a^r b^{2p+p!} a^{p!+p}} \rightarrow \in L, \geq p \text{ hosszú}$$

$\downarrow$   
kijelölöm

$rx$  hol lehet? : max benne,  $a$  a szó elejétől

$r$  és  $x$  homogén kell legyen, mert egyébként a pumpálás kivétel

Lehetőségek: ①  $r = a^i \quad x = a^j \rightarrow$  hátul

②  $r = a^i \quad x = b^j$

③  $r = a^i \quad x = a^j \rightarrow$  hátul

①  $r = a^i \quad x = a^j \Rightarrow$   ~~pumpálás bevezet  $n+j$   $a^i$ -t  $\Rightarrow$  csak az első,  $a$  blokk  $n^q$~~

②  ~~pumpálás bevezet  $p!$   $a^i$ -t  $\Rightarrow$  csak az első,  $a$  blokk  $n^q$~~   
 $r = a^i \quad x = b^j$   
 $\frac{p!}{i}$  pumpa  $p!$   $a^i$ -t csúszl =  $a^{p+p!} \dots a^{p+p!} \notin L \quad \downarrow$

③  $\Rightarrow$   $b$ -k száma  $\neq$   $a$ -k száma