

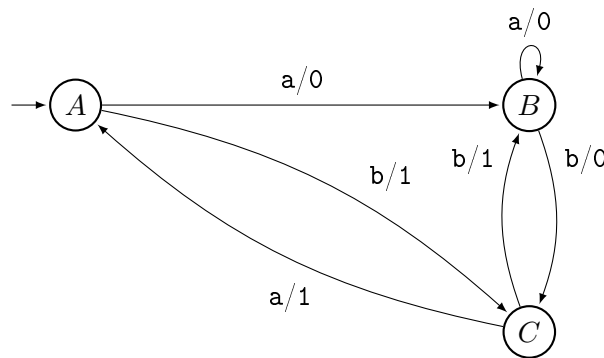
2. ZH

A megoldásokat külön oldalakra írja. Ezekből, lehetőleg sorrendben, egyetlen pdf fájlt készítsen, és ezt töltsse fel a határidő letelte előtt a Moodle rendszerbe.

A zh alatt a Teams-en keresztül tudnak kérdéseket feltenni.

Eredmények várhatóan a hét végére lesznek.

1. Legyen $L_1 = \{w\#v\#s : w \text{ és } v \text{ egy-egy Turing-gép kódja, az } s \text{ szón az egyik gép megáll, a másik nem}\}$. Igazolja, hogy $L_1 \notin \text{RE}$.
2. Álljon az L_2 nyelv az olyan Turing-gépek kódjaiból, amelyekre teljesül, hogy minden általuk elfogadott nem üres x szóban az x első és utolsó karaktere megegyezik. Igazolja, hogy az L_2 nyelv nem rekurzív!
3. Az órán tanult módszerrel készítse el az alábbi Mealy-automatából a megfelelő Moore-automatát! Határozza meg, hogy mi lesz az $a^{2020} b^{2021} a^{2020}$ szó fordítása!



4. Legyen $F = \{1^k 0^n, 0^{k+n+1} 1^n : k, n \geq 0\}$. A megfelelő h_1 és h_2 függvények megadásával igazolja, hogy az F fordításnak az $S \rightarrow aSb \mid acS \mid a$ egy jellemző nyelvtana! (Nem kell, hogy szigorúan jellemző legyen.)
5. Legyen $\Sigma = \{a, b\}$ és az $f : \Sigma^* \rightarrow \Sigma^*$ függvény a következő:

$$f(x_1 x_2 \cdots x_n) = \begin{cases} x_2 x_4 \cdots x_{n-2} x_n & \text{ha } n > 0 \text{ páros } (x_i \in \Sigma) \\ \text{nincs definiálva} & \text{ha } n \text{ páratlan vagy } n = 0 \end{cases}$$

Adjon meg egy Turing-gépet (ábrával, vagy az állapotok és az átmeneti függvény leírásával), ami ezt az f függvényt számolja ki!

6. Legyen M egy 3 szalagos determinisztikus Turing-gép, ami $5n$ tárkorlátos, $L_6 = L(M)$. Igazolja, hogy ha $L_7 \in \text{TIME}(n)$, akkor $\overline{L_6} L_7 \in \text{NSPACE}(n)$!