

Bejegyzés a 1. r. sz.

18413

Hindes pórátlan Csüt. 10-12 (mígse)

ZH. 11. het Csüt. (Nov 17)

Vizsga dec 20
jan 10 kedd
jan 17

Bejegyzés r. sz.

Általános célú számítástechnika r. sz.
(PC)

- specifikus cél
- mechanikus demó
- velős idő (naplón nap órák)
- térbeli helyzet, pozíció

PL: intelligens pozíció

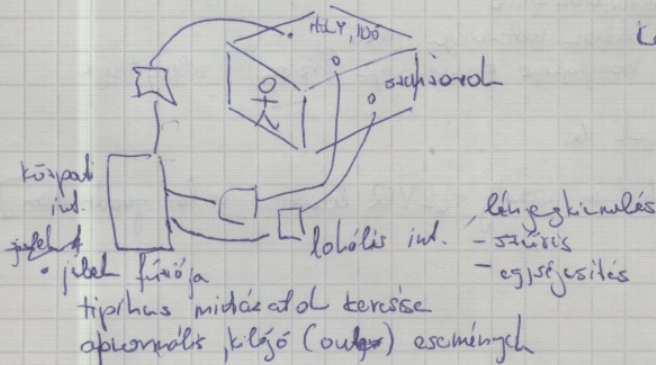
alt. korlátozottabb számítástechnika
erőforrásal

alt. elosztott rendszer

Valamilyen térsz

- pozíció típusai

- nagyobb intelligens tér, melyben emberek élnek / dolgoznak stb

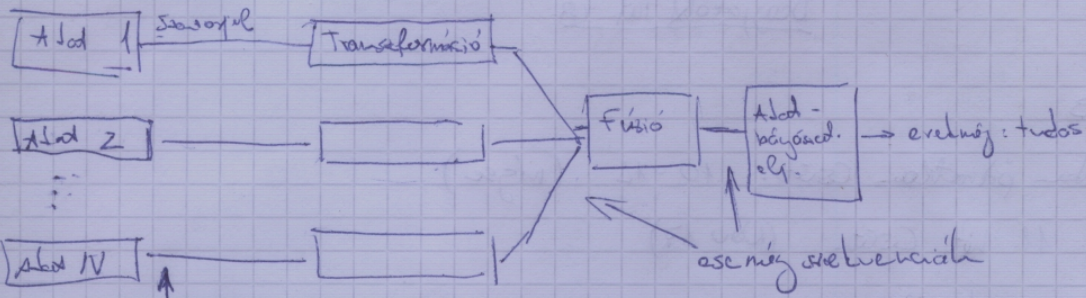


Kommunikáció

- vezetékes / vezeték nélküli
- protokoll
- topológia (csillag, hálózati stb)

Példa: Hely, helyen emberek által monitorozása

- milyen színek - vizsgálja a viselkedést?
- mit nevezünk tipikusnak?
- mennyire kell eltérni a szokásosól, hogy abnormalnak nevezünk?
- hogyan vegyük figyelembe az időt? (klasszikus logika nem foglalkozik az idővel)
- milyen időfelbontást használjunk? [20 ms, 100 ms, 1 s, 10 s, 100 s, 1 óra, 1 nap, 1 hét, 1 év, 10 év, 100 év]
- adatközpontok



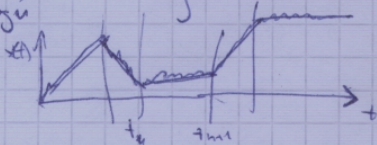
- tipikusan feltételes értékkel
- időben diszkrét pillanatokban mintavételezés
- idő és helyinformáció (címek, időbélyeg) a jellemző csatlakozás

Esemény: • kisvártamú (diszkrét) értékelés
• idő és helyinfó

Transformáció: • komplexitás csökkentés
• lineáritás megőrzés
• szűrés, címkézés

① Nívó transformáció - RITKA
minimum egységnyi (normálás, időbeli mintavétel) egységnyi

② "fuzzy time-series"
függőleges } szabványosított lin. approx.



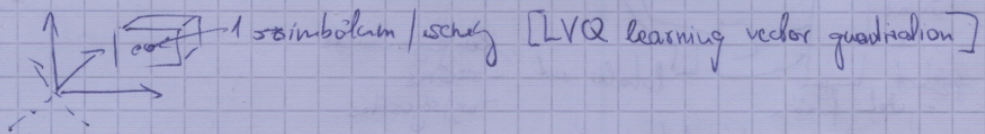
$\hat{x}(t) = a_k + b_k(t - t_k)$ • eseményre konvertálás
pl. konstans, emelkedő, süllyedő

t_k, t_{k+1}, a_k, b_k mint a szabvány

• tagozatát is jelölhet

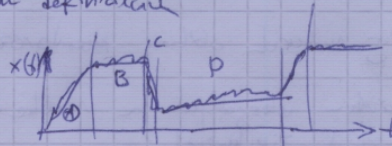
③ Leptetés egy alacsony N dimenziós térre
Súlyos feladatrendszerek és abban valamilyen jelölő
pl. 4 3lyagos, 4db teljesítményű komponens felismerése (fázisok), teljesítménye

↓
G(S) dimenziós térre leperesz le.

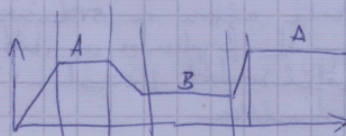


④ Nyelvi transformáció
Jelölő események nélkül definiálva

⑤ Szekvenciák transformálása



⑥ Modellbe transformálás



- állapot átmenet nélkül
- Markov jellegű mod.
- Neuronális
- Szabály alapú

Szegregáció

(1) A két időor egyidejűen kérelmezik a db. szegregáció

• — || —

úgy, hogy egyik szegregáció se legyen nagyobb a hibára, mint max-err. (valamelyes limit)

• — || —

úgy, hogy a teljes pd osszegével hibájuk legyen ϵ küszöb alatt.

*Egyelőre (azonos) előírt szegregációra.

(2) Batch / Online

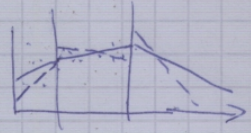
(3) Approximáció jellege

→ lineáris

↳ interpoláció
↳ regresszió

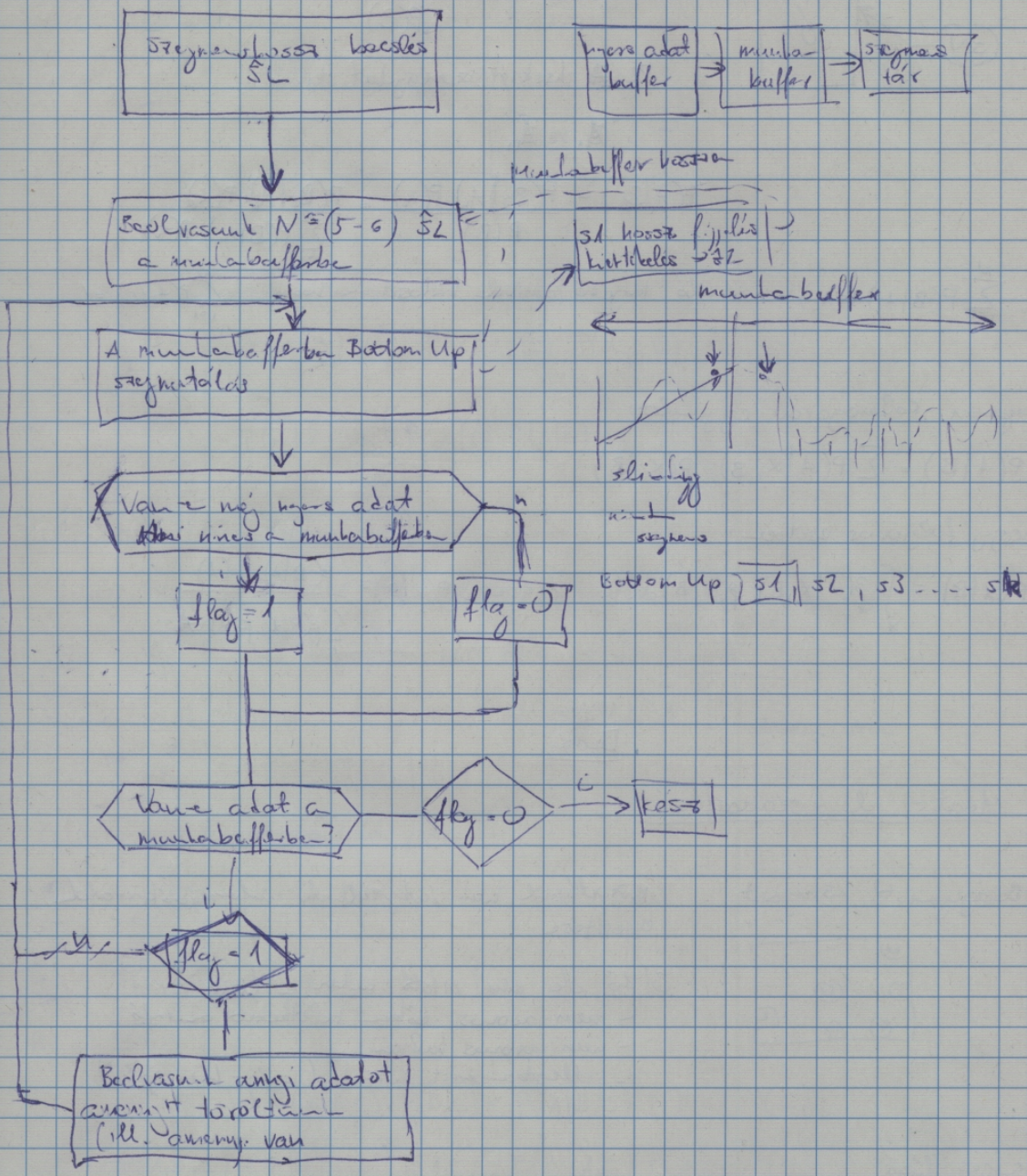
↓

nonlineáris

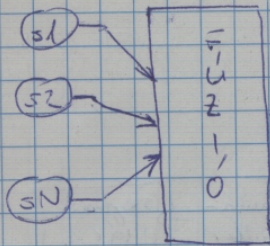


16.22

SWAB - Sliding window and Bottom Up



Stochasztikus



Bayes-tétel

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) \cdot P(A)}{P(B)}$$

PE: B diskret események halmaza

A_1, \dots, A_n

$$P(A_i|B) = \frac{P(B|A_i) \cdot P(A_i)}{P(B)} = \frac{P(B|A_i) \cdot P(A_i)}{\sum_{j=1}^n P(B|A_j) \cdot P(A_j)}$$

$\sum_{i=1}^n P(B|A_i) \cdot P(A_i) =$ normális tényező, amivel ki lehet vonni vagy $\sum_{i=1}^n P(A_i|B) = 1$

Chapman - Kolmogorov egyenlet:

$$P(A|B) = \sum P(A|x_i, B) \cdot P(x_i|B)$$

vagy folyamatos esetben:

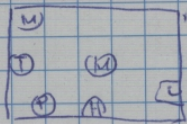
$$P(A|B) = \int_x P(A|x, B) \cdot P(x|B) dx \quad \text{illetve} \quad P(A|B) = \frac{P(B|A) \cdot P(A)}{\int_x P(B|x) \cdot P(x) dx}$$

IX. 19.

Bejegyzés

3. ea Adat-, jel-, + stochasztikus

Bejegyzett környezet



következően nem integrálható információk közötti egyesítése

3 fő ok ami miatt nem a fizika

- nem azonos időben rendelkezés az info
- nem azonos helyen
- jellegében más mérések (súly-hőmérséklet)

Bayes-tétel

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) \cdot P(A)}{P(B)}$$

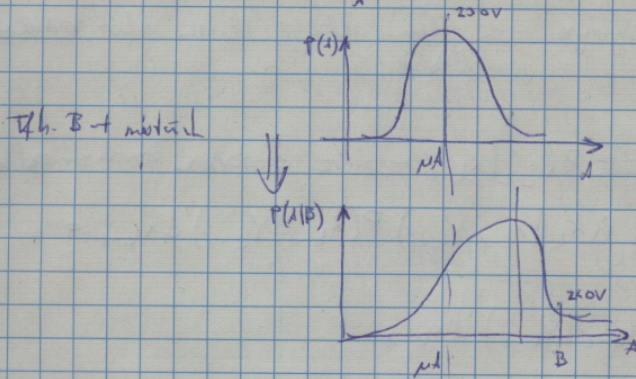
diskret események x: csak adja A-t

$A = \cup A_i$ és $A_i \cap A_j = \emptyset$ ha $i \neq j$

$$P(A_i|B) = \frac{P(B|A_i) \cdot P(A_i)}{P(B)} = \frac{P(B|A_i) \cdot P(A_i)}{\sum_j P(B|A_j) \cdot P(A_j)} \quad \text{--- normális}$$

folgytatás ered

$$P(A|B) = \frac{P(B|A)P(A)}{\int_A P(B|A)P(A) dA}$$



Segédlet: Chapman-Kolmogorov egyenlet

$$P(A|B) = \sum_{x_j} P(A|x_j, B) \cdot P(x_j|B)$$

$$P(A|B) = \int P(A|x) \cdot P(x|B) dx$$

Különböző időpontokban mért jélek fűsorja

Jelölés: x_k a k-ésedik állapotjellemző ismeretlen értéke a k. időpontban

y_k a k. időpontban mért érték

$Y_k = [y_{k1}, y_{k2}, \dots, y_{kn}]$ mérési adatok $1, 2, \dots, k$ időpontokra vonatkozóan

$$P(x_k | Y_k) = ?$$

Rekurzív összefüggésre vezetünk fel

$$pl.: \bar{x}(N) = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_N}{N} = \frac{N-1}{N} \bar{x}(N-1) + \frac{x_N}{N}$$

$$P(x_{k-1} | Y_{k-1}) \Rightarrow P(x_k | Y_k) = P(x_k | y_{k1}, Y_{k-1})$$

Bayes tétel

$$P(A, B, C) = P(A|B, C) \cdot P(B|C) \cdot P(C) = P(A|B, C) \cdot P(B|C) \cdot P(C)$$

$$P(A, B, C) = P(B|A, C) \cdot P(A|C) \cdot P(C) = \underbrace{P(B|A, C) \cdot P(A|C)}_{P(B|C)} \cdot P(C)$$

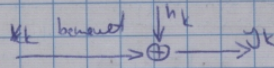
$$P(A|B, C) = \frac{P(B|A, C) \cdot P(A|C)}{P(B|C)}$$

$$P(x_k | Y_k) = P(x_k | y_{k1}, Y_{k-1}) = \frac{P(y_k | x_k, Y_{k-1}) \cdot P(x_k | Y_{k-1})}{P(y_k | Y_{k-1})}$$

← predikció az x_{k-1} -re
 Y_{k-1} alapján
 $P(y_k | Y_{k-1})$ ← normális

Sűrűségi feltételek

- a mérési zaj felosztás



- x_k egy Markov folyamat eredménye - a jelen állapot minden infót tartalmaz a múltból

Elektr. Likelihood: $P(y_k | x_k, Y_{k-1}) = P(y_k | x_k)$ - mérési csatorna karakterisztika

$$\begin{aligned} \text{Predikt. sűrűség fv.: } P(x_k | Y_{k-1}) &= \int_{x_{k-1}} P(x_k | x_{k-1}, Y_{k-1}) P(x_{k-1} | Y_{k-1}) dx_{k-1} = \\ &= \int_{x_{k-1}} P(x_k | x_{k-1}) P(x_{k-1} | Y_{k-1}) dx_{k-1} \end{aligned}$$

$$\text{Normális } P(y_k | Y_{k-1}) = \int_{x_k} P(y_k | x_k, Y_{k-1}) \cdot P(x_k | Y_{k-1}) dx_k = \int_{x_k} P(y_k | x_k) P(x_k | Y_{k-1}) dx_k$$

$$P(x_k | Y_k) = \frac{P(y_k | x_k) \cdot \int_{x_{k-1}} P(x_k | x_{k-1}) P(x_{k-1} | Y_{k-1}) dx_{k-1}}{\int_{x_k} P(y_k | x_k) P(x_k | Y_{k-1}) dx_k}$$

Diszkrét x_k esetén:

$$P(x_k | Y_k) = \frac{P(y_k | x_k) \sum_{x_{k-1}} P(x_k | x_{k-1}) P(x_{k-1} | Y_{k-1})}{\sum_{x_k} P(y_k | x_k) \cdot P(x_k | Y_{k-1})}$$

Két szenzor jelének fúziója

$$y_k \rightarrow \begin{bmatrix} y_k^{(1)} \\ y_k^{(2)} \end{bmatrix}$$

$$Y_k = [y_1 \dots y_k] \rightarrow Y_k^{(1)} = [y_1^{(1)} \dots y_k^{(1)}] \text{ és } Y_k^{(2)} = [y_1^{(2)} \dots y_k^{(2)}]$$

$$x_k \rightarrow x_k$$

$$\frac{1}{Z} P(x_k | Y_k^{(1)}, Y_k^{(2)}) = P(x_k | Y_{k-1}^{(1)}, y_k^{(1)}, Y_{k-1}^{(2)}, y_k^{(2)}) \text{ Bayes tétel}$$

$$P(x_k | Y_k^{(1)}, Y_k^{(2)}) = \frac{P(y_k^{(1)}, y_k^{(2)} | x_k, Y_{k-1}^{(1)}, Y_{k-1}^{(2)}) \cdot P(x_k | Y_{k-1}^{(1)}, Y_{k-1}^{(2)})}{P(y_k^{(1)}, y_k^{(2)} | Y_{k-1}^{(1)}, Y_{k-1}^{(2)})}$$

Tegjál fel, hogy a szenzorok fejlődésének neme

$$P(y_k^{(1)} | y_k^{(2)} | x_k, y_{k-1}^{(1)}, y_{k-1}^{(2)}) = P(y_k^{(1)} | x_k, y_{k-1}^{(1)}) P(y_k^{(2)} | x_k, y_{k-1}^{(2)})$$

$$P(x_k | y_k^{(1)}, y_k^{(2)}) = \frac{P(y_k^{(1)} | x_k, y_{k-1}^{(1)}) P(y_k^{(2)} | x_k, y_{k-1}^{(2)}) \cdot P(x_k | y_{k-1}^{(1)}, y_{k-1}^{(2)})}{P(y_k^{(1)} | y_{k-1}^{(1)}, y_{k-1}^{(2)})}$$

$P(x|B,C) = \frac{P(B|A,C) \cdot P(A|C)}{P(B|C)}$

h. szenzor $P(y_k^{(1)} | x_k, y_{k-1}^{(1)}) = \frac{P(x_k | y_k^{(1)}, y_{k-1}^{(1)}) \cdot P(y_k^{(1)} | y_{k-1}^{(1)})}{P(x_k | y_{k-1}^{(1)})}$

$$P(x_k | y_{k-1}^{(1)}, y_k^{(2)}) = \frac{P(x_k | y_k^{(2)}) \cdot P(y_k^{(2)} | y_{k-1}^{(2)})}{P(x_k | y_{k-1}^{(2)})} \cdot \frac{P(x_k | y_{k-1}^{(1)}) \cdot P(y_k^{(1)} | y_{k-1}^{(1)})}{P(x_k | y_{k-1}^{(1)})} \cdot \frac{P(x_k | y_{k-1}^{(1)}, y_{k-1}^{(2)})}{P(y_k^{(1)} | y_{k-1}^{(1)}, y_{k-1}^{(2)})}$$

$$P(x_k | y_{k-1}^{(1)}, y_k^{(2)}) = \frac{P(x_k | y_{k-1}^{(1)}) P(x_k | y_k^{(2)}) \cdot P(x_k | y_{k-1}^{(1)}, y_{k-1}^{(2)})}{P(x_k | y_{k-1}^{(1)}) P(x_k | y_{k-1}^{(2)})} = \text{Normalis}$$

$$P(x_k | y_{k-1}^{(1)}, y_k^{(2)}) = \sum_{x_{k-1}} P(x_k | x_{k-1}) P(x_{k-1} | y_{k-1}^{(1)}, y_{k-1}^{(2)})$$

$$P(x_k | y_{k-1}^{(1)}, y_k^{(2)}) = \frac{P(x_k | y_{k-1}^{(1)}) P(x_k | y_k^{(2)}) \cdot \sum_{x_{k-1}} P(x_k | x_{k-1}) P(x_{k-1} | y_{k-1}^{(1)}, y_{k-1}^{(2)})}{P(x_k | y_{k-1}^{(1)}) P(x_k | y_{k-1}^{(2)})}$$

Példa: 3féle repülő járat L, F, C (László, Fedei, Corvina) } x
 2 szenzor azaz megfigyelés (Nagyon gyors, gyors, lassú) } y_k^{(1)} y_k^{(2)}

$P(y_k^{(1)} x)$	L	F	C	$P(y_k^{(2)} x)$	L	F	C
Nggy	0,72	0,3	0,02	Nggy	0,8	0,3	0,3
Gy	0,2	0,6	0,3	Gy	0,1	0,6	0,3
L	0,08	0,1	0,68	L	0,1	0,1	0,4

$$\begin{aligned}
 P(X=L | y_0^{(1)}) &= 0,4 & P(X=L | y_0^{(2)}) &= 0,6 & P(X=L | y_0^{(1)}, y_0^{(2)}) &= 0,5 \\
 P(X=F | y_0^{(1)}) &= 0,4 & P(X=F | y_0^{(2)}) &= 0,3 & P(X=F | y_0^{(1)}, y_0^{(2)}) &= 0,4 \\
 P(X=C | y_0^{(1)}) &= 0,2 & P(X=C | y_0^{(2)}) &= 0,1 & P(X=C | y_0^{(1)}, y_0^{(2)}) &= 0,1
 \end{aligned}$$

$P(X_k X_{k-1})$	X_{k-1}	L	F	C
	L	1	0	0
	F	0	1	0
	C	0	0	1

IX 26.

Beispiel

G. ca.

$$P(X_k | Y_k) = \frac{P(Y_k | X_k) \sum_{x_{k-1}} (P(X_{k-1} | x_{k-1}) P(x_{k-1} | Y_k))}{\sum_k P(Y_k | x_k) P(x_k | Y_{k-1})} \quad \text{doppelte Bayes Formel}$$

$$P(X_k | y_0^{(1)}, y_0^{(2)}) = \frac{P(X_k | Y_k^{(1)}) P(X_k | Y_k^{(2)}) P(X_k | Y_{k-1}^{(1)}, Y_{k-1}^{(2)})}{P(X_k | Y_{k-1}^{(1)}) P(X_k | Y_{k-1}^{(2)})} \cdot \frac{1}{N}$$

Problem folgt.

$$\begin{aligned}
 P(X_1 = L | Y_1^{(1)}) &= \frac{P(y_1^{(1)} = NGy | x_1 = L) \cdot [P(X_1=L | x_0=L) \cdot P(x_0=L | Y_0^{(1)}) + P(X_1=L | x_0=F) \cdot P(x_0=F | Y_0^{(1)})]}{N} \\
 &= \frac{0,288}{N} = 0,7
 \end{aligned}$$

$$P(X_1 = F | Y_1^{(1)}) = \frac{P(y_1^{(1)} = NGy | x_1 = F) \cdot [P(F|F) \cdot P(x_0=F | Y_0^{(1)})]}{N} = \frac{0,12}{N} = 0,29$$

$$P(X_1 = C | Y_1^{(1)}) = \frac{P(y_1^{(1)} = NGy | x_1 = C) \cdot [P(C|C) \cdot P(x_0=C | Y_0^{(1)})]}{N} = \frac{0,004}{N} = 0,01$$

$$N = 0,288 + 0,12 + 0,004 = 0,412$$

$$P(X_1 = L | Y_1^{(2)}) = \frac{0,6 \cdot 1 \cdot 0,8}{N} = \frac{0,48}{N} = 0,8$$

$$P(X_1 = F | Y_1^{(2)}) = \frac{0,3 \cdot 1 \cdot 0,3}{N} = \frac{0,09}{N} = 0,15$$

$$P(X_1 = C | Y_1^{(2)}) = \frac{0,1 \cdot 1 \cdot 0,3}{N} = \frac{0,03}{N} = 0,05$$

$$P(x_1=L | Y_1^{(1)}, Y_1^{(2)}) = \frac{0,7 \cdot 0,8 \cdot 0,5}{0,4 \cdot 0,6} \cdot \frac{1}{N} = \frac{1,167}{N} = 0,888$$

$$P(x_1 | Y_0^{(1)}, Y_0^{(2)}) = \sum_{x_0} P(x_1, x_0) \cdot P(x_0 | Y_0^{(1)}, Y_0^{(2)})$$

$$P(x_1 | Y_0^{(1)}) = \sum_{x_0} P(x_1, x_0) \cdot P(x_0 | Y_0^{(1)})$$

$$P(x_1=F | Y_1^{(1)}, Y_1^{(2)}) = \frac{0,29 \cdot 0,15 \cdot 0,4}{0,4 \cdot 0,2} = \frac{0,175}{N} = 0,11$$

$$P(x_1=C | Y_1^{(1)}, Y_1^{(2)}) = \frac{0,01 \cdot 0,05 \cdot 1}{0,2 \cdot 0,1} = \frac{0,005}{N} = 0,002$$

Dempster-Shafer fúzió

- próbáljuk modellezni az ismeretlenséget (ignorance)

Elemi események vektora E_1, E_2, \dots, E_N

$$P(E_i \cap E_j) = 0 \quad i \neq j$$

$$P\left(\bigcup_{i=1}^N E_i\right) = 1$$

Dempster-Shafer nem csak egymást kizáró események halmazára

$$\begin{cases} \{E_i\} \\ \{E_1, E_2\} \end{cases}$$

$U = \{E_1, \dots, E_N\}$ Unknown - Total ignorance

$$m_k(C) = \frac{\sum_{A \cap B = C} m_{s_k}(A) \cdot m_{t_k}(B)}{1 - \sum_{A \cap B = \emptyset} m_{s_k}(A) \cdot m_{t_k}(B)}$$

m_{s_k} = akt. mikéntes tudás bázis-tömege

m_{t_k} = az eddigi bázis-tömege

Két szintű fúzió

$$m^{(k)}(C) = \frac{\sum_{A \cap B = C} m^{(1)}(A) \cdot m^{(2)}(B)}{1 - \sum_{A \cap B = \emptyset} m^{(1)}(A) \cdot m^{(2)}(B)}$$

Pida

	$m^{(1)}$	$m^{(2)}$
{A}	0,3	0,4
{F}	0,15	0,1
{C}	0,03	0,02
{A,F}	0,42	0,15
{A,F,C}	0,1	0,03

$$m^{(1,2)} = \frac{\sum_{A \cap B \neq \emptyset} m^{(1)}(A) \cdot m^{(2)}(B)}{1 - \sum_{A \cap B = \emptyset} m^{(1)}(A) \cdot m^{(2)}(B)}$$

$$m^{(1,2)}(A) = \frac{0,3 \cdot 0,4 + 0,42 \cdot 0,15 + 0,1 \cdot 0,03 + 0,3 \cdot 0,15 + 0,3 \cdot 0,03 + 0,42 \cdot 0,03}{1 - 0,03}$$

$$m^{(1)}(A) \cdot [m^{(2)}(A) + m^{(2)}(A,F) + m^{(2)}(A,F,C)] + [m^{(1)}(A,F) + m^{(1)}(A,F,C)] \cdot m^{(2)}(A)$$

$$0,3 \cdot [0,4 + 0,15 + 0,03] + [0,42 + 0,1] \cdot 0,4 = 0,472$$

$$m^{(1,2)}(F) = 0,139$$

$$m^{(1,2)}(A) = 0,576$$

$$m^{(1,2)}(C) = 0,0035$$

$$m^{(1,2)}(F) = 0,161$$

$$m^{(1,2)}(A,F) = 0,2466$$

$$m^{(1,2)}(C) = 0,006$$

$$m^{(1,2)}(A) = 0,003$$

$$m^{(1,2)}(A,F) = 0,285$$

$$m^{(1,2)}(A) = 0,003$$

Nevező

$$N = 1 - \sum_{A \cap B = \emptyset} m^{(1)}(A) \cdot m^{(2)}(B) = 0,472 + 0,139 + 0,0035 + 0,2466 + 0,003 = 0,8641$$

Belief(A) = $\sum_{E \in \mathcal{A}} m(E)$ pl: Belief(A) = 0,3 + 0,15 + 0,42

Plaus(A) = $1 - \sum_{E \in \mathcal{A}^c} m(E) = \sum_{E \in \mathcal{A}} m(E)$ Plaus({A,F}) = $1 - 0,03 = 0,3 + 0,15 + 0,42 + 0,1 = 0,97$

Dampster-Shafer elmélet konfliktuskezelésben

2 stabilis 3 féle balesés

	$m^{(1)}$	$m^{(2)}$	$m^{(1,2)}$
B1	0,99	0	0
B2	0,01	0,01	1
B3	0	0,99	0

$$m^{(1,2)}(B1) = \frac{\sum_{A \cap B = B1} m^{(1)}(A) \cdot m^{(2)}(B)}{N} = 0/N$$

$$m^{(1,2)}(B2) = \frac{\sum_{A \cap B = B2} m^{(1)}(A) \cdot m^{(2)}(B)}{N} = 10^9/N$$

$$m^{(1,2)}(B3) = \dots = 0/N$$

Yager

$$m^{(q)}(C) = \frac{\sum_{A \cap B = C} m^{(1)}(A) m^{(2)}(B)}{1 - \sum_{A \cap B = \emptyset} m^{(1)}(A) m^{(2)}(B)} = \frac{\sum_{A \cap B = C} m^{(1)}(A) m^{(2)}(B)}{\sum_{A \cap B \neq \emptyset} m^{(1)}(A) m^{(2)}(B)}$$

ground probability mass assignment (alap hízalontény)

$$q(C) = \sum_{A \cap B = C} m^{(1)}(A) m^{(2)}(B)$$

$$q(\emptyset) = K = \sum_{A \cap B = \emptyset} m^{(1)}(A) m^{(2)}(B) > 0$$

ha \emptyset -val járulunk a teljes ismerethalmaz

$$q(\emptyset) = m^{(1)}(\emptyset) \cdot m^{(2)}(\emptyset) + q'(\emptyset)$$

Normalizálás

$$\sum q = 1 \quad q = \frac{q'}{\sum q'}$$

	$m^{(1)}$	$m^{(2)}$	$m_{DS}^{(1,2)}$	q'	q'
B1	0,95	0	0	0	0
B2	0,01	0,01	1	10^{-4}	10^{-4}
B3	0	0,50	0	0	0
\emptyset	0	0	0	0,9959	0,9994

0,95 0,01 0,95 0,01 0 0,95 0 1 0,01

$$q'(\emptyset) = K = m^{(1)}(B1) [m^{(2)}(B2) m^{(2)}(B3)] + m^{(1)}(B2) [m^{(2)}(B1) m^{(2)}(B3)] + m^{(1)}(B3) [m^{(2)}(B1) m^{(2)}(B2)]$$

$$= 0,9555 \quad q(\emptyset) = \emptyset + q'(\emptyset) = 0,9999$$

	B1	B2	B3	\emptyset
$m(x S_1)$	0,98	0,01	0	0,01
$m(x S_2)$	0	0,01	0,98	0,01

$$m^{DS}(B1) = \frac{0,98 \cdot 0,98}{1 - 0,98} = 0,49$$

$$m^{DS}(B2) = \frac{3 \cdot 10^{-4}}{1 - 0,98} = 0,0015$$

$$m^{DS}(B3) = 0,49$$

$$m^{DS}(\emptyset) = 0,005$$

$$\left(\begin{array}{l} \sum_{A \cap B = B1} m^{(1)}(A) m^{(2)}(B) = 0,0098 \\ 1 - \sum_{A \cap B \neq B1} \end{array} \right)$$

$m^{(1)}(x)_{DS}$	0,49	0,0015	0,49	0,005
-------------------	------	--------	------	-------

$m^{(2)}(x)_{DS}$	0,0098	0,0003	0,0098	0,9801
-------------------	--------	--------	--------	--------