

# Kísérleti fizika

Vígh Máté

2019. 02. 08. – előadás

## Kísérleti fizika tárgya, módszerei

- ❖ „physis” = természet(tan)
- ❖ folyamatok vizsgálata, melyben az anyagi összetétel változatlan
- ❖ pl.: vasrúd → melegítés, felmelegítés → fizika
  - ↳ rozsdásodás → kémia
- ❖ kísérleti fizika: indukció (általánosítás) módszere
- ❖ elméleti fizika: dedukció (specializáció) módszere

## Mérés

- ❖ kísérlet → kvalitatív (minőségi) eredmény
  - ↳ kvantitatív (mennyiségi) eredmény
- ❖ mérés: kísérleti úton kvantitatív összefüggések megállapítása fizikai mennyiségek között
- ❖ mindig összehasonlítás, korábban elfogadott etalonokhoz (standardokhoz) képest

## Hossz, tömeg, idő (mérték)egysége

- ❖ fizikai mennyiség → számérték / mérőszám
  - ↳ mértékegység
- ❖ mértékegységek etalonjai mindenki számára hozzáférhető, időben állandó

## 1960. – SI (system international)

- ❖ 6 alapegység:
  - hosszúság ( $m$ )
  - tömeg ( $kg$ )
  - idő ( $s$ )
  - hőmérséklet ( $K$ )
  - áramerősség ( $A$ )
  - fényerősség ( $cd$ )

## Hosszúság

- ❖ történeti fejlődés:
  - 1120: *yard* – király orra és kitárt keze közti táv
  - XIV. Lajos: *láb* – lába hossza
  - 1799. Párizs: *méter* – Északi-sark és Egyenlítő távolságának ( $1/10^6$ ) milliommód része
  - 1960. Párizs: *méter* – platina-iridium rúd hossza
  - jelenleg: *méter* – vákuumban fény által megtett út  $1/299\,792\,458$  s alatt →  $c = 299\,792\,458$  m/s
- ❖ tipikus hosszúságok:
  - fényév:  $9,46 \cdot 10^{15}$  m
  - Nap-Föld táv:  $1,5 \cdot 10^{11}$  m
  - Egyenlítő hossz:  $4 \cdot 10^7$  m
  - Föld sugár:  $6,37 \cdot 10^6$  m
  - inch: 2,54 cm
  - sejt méret:  $10^{-5}$  m
  - H-atom:  $10^{-10}$  m (= Å)
  - atommag:  $10^{-14}$  m
  - proton:  $10^{-15}$  m

<http://htwins.net/scale2/>

## Idő

### ❖ történeti fejlődés:

- nap hossza, hónapok: *másodperc* – nap  $\left(\frac{1}{60}\right) \cdot \left(\frac{1}{60}\right) \cdot \left(\frac{1}{24}\right)$ -ed része
- holdhónap (Kijri-naptár)
- jelenleg: *másodperc* – Cs-133 (cézium) atom bizonyos típusú rezgési periódus idejének 9 192 631 770-szerese (atomóra)

### ❖ tipikus idők:

- Föld kor:  $1,3 \cdot 10^{17} s$
- hallgató kor:  $6,3 \cdot 10^8 s$
- év:  $3,2 \cdot 10^7 s$
- nap:  $8,6 \cdot 10^4 s$
- hanghullám:  $10^{-3} s$

## Tömeg

### ❖ történeti fejlődés:

- 1887. – 2019. május: *kg* – Pt-Ir tömegetalon
- jelenleg: *kg* – úgy kell megválasztani, hogy a Planck-állandó értéke  $h = 6,626\,070\,15 \cdot 10^{-34} kg \frac{m^2}{s}$

### ❖ tipikus tömegek:

- Nap tömeg:  $1,99 \cdot 10^{30} kg$
- Föld tömeg:  $5,98 \cdot 10^{24} kg$
- H-atom:  $1,67 \cdot 10^{-27} kg$
- elektron:  $9,11 \cdot 10^{-31} kg$

## Prefixumok

$10^{-18}$	atto	a
$10^{-15}$	femto	f
$10^{-12}$	piko	p
$10^{-9}$	nano	n
$10^{-6}$	mikro	$\mu$
$10^{-3}$	milli	m
$10^{-2}$	centi	c
$10^{-1}$	deci	d
$10^1$	deka	dk
$10^2$	hekto	h
$10^3$	kilo	k
$10^6$	mega	M
$10^9$	giga	G
$10^{12}$	tera	T
$10^{15}$	peta	P
$10^{18}$	exa	E
$10^{21}$	zetta	Z
$10^{24}$	yotta	Y

## Dimenzióanalízis

- ❖ csak azonos mértékegységű mennyiségek összeadhatók
- ❖ egyenlet 2 oldalán csak azonos mértékegységű (dimenziójú) mennyiség állhat

### Fonálinga

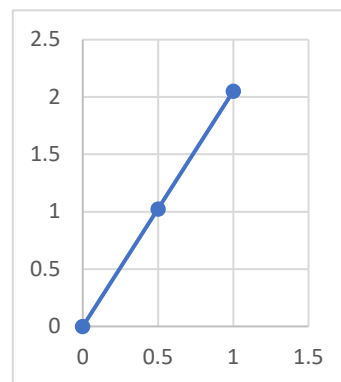
- ❖ pl.: fonálinga:  $[m] = kg$     $[g] = m/s^2$     $[l] = m$     $[T] = s$

- ❖ periódusidő:

- $[T] = s$
- $[T] \sim [m^\alpha \cdot l^\beta \cdot g^\gamma]$
- $s = kg^\alpha \cdot m^\beta \cdot m^\gamma / s^{2\gamma}$
- $s = kg^\alpha \cdot m^{\beta+\gamma} \cdot s^{-2\gamma}$
- $\rightarrow \alpha \neq 0, \gamma = -\frac{1}{2}, \beta = -\gamma = \frac{1}{2}$
- $T \propto \sqrt{l/g}$
- látható lesz:  $T = 2\pi \sqrt{l/g}$

- ❖ kísérlet:

$l(m)$	$10T (s)$	$T(s)$
1	20,5	2,05
0,75	...	...
0,5	...	...



2019. 02. 15. – előadás

## Pontosság, értékes jegyek száma

- ❖ matekban:  $0,12 = 0,12000 \dots = \frac{6}{50}$
- ❖ fizikában:  $0,12 \neq 0,1200$
- ❖ pl.: korong sugara 60 cm
  - $(5,9 \text{ cm} < r < 6,1 \text{ cm})$
  - $r = (6,0 \pm 0,1) \text{ cm}$  – 2 db értékes jegy
- ❖ értékes jegyek száma: kiírt számjegyek száma – szám elején álló 0-k szám a
- ❖ pl.:
  - 0,0075 – 2 db értékes jegy
  - 7,500 – 4 db értékes jegy
  - $1,5 \cdot 10^4$  – 2 db értékes jegy
  - $1,50 \cdot 10^4$  – 3 db értékes jegy
  - 200 átírás
    - $= 2,00 \cdot 10^2$  – 3 db értékes jegy
    - $= 2 \cdot 10^2$  – 1 db értékes jegy

## Műveletek

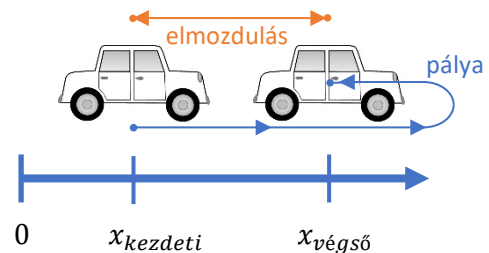
- ❖ szorzatban/hányadosban: eredmény értékes jegyeinek száma = kisebb értékes jegyű tényező értékes jegyei
  - pl.:  $A = \pi \cdot r^2 = \pi \cdot (6,0 \text{ cm})^2 = 113, \dots \text{ cm}^2 \approx 1,1 \cdot 10^2 \text{ cm}^2$
- ❖ összegben/különbségben: kiírt tizedesjegyek száma = kisebb tizedesjegyű szám tizedesjegyei
  - pl.:  $0,24 \text{ s} + 8,1 \text{ s} = 8,34 \text{ s} \approx 8,3 \text{ s}$

## Egyenesvonalú mozgások kinematikai jellemzése

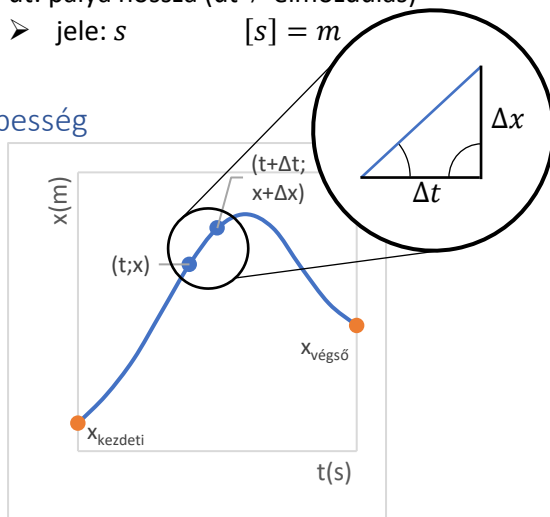
- ❖ kinematikai = hogyan, nem miért mozog

### Hely jellemzése

- ❖ helykoordináta:  $x(t)$   $[x] = \text{méter}$
- ❖ elmozdulás:  $\Delta x = x_{\text{végső}} - x_{\text{kezdeti}}$
- ❖ pálya: anyagi pont által befutott pontsorozat
- ❖ út: pálya hossza (út  $\neq$  elmozdulás)
  - jele:  $s$   $[s] = m$



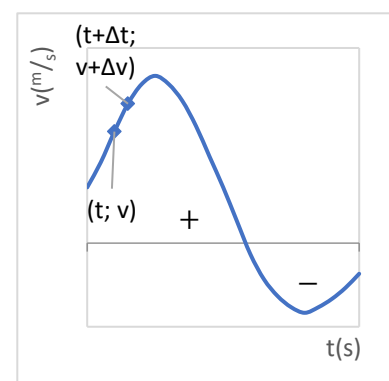
### Sebesség



- ❖ sebesség: hely változási üteme
- ❖  $v = \frac{\text{kis elmozdulás}}{\text{eltelt rövid idő}}$
- ❖  $v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t}$  (tan  $\alpha$ : az  $x(t)$  grafikonja adott pontbeli érintőjének meredeksége)
- ❖  $[v] = \frac{m}{s} \quad 1 \frac{m}{s} = 1 \frac{10^{-3} \text{ km}}{\frac{1}{60} \cdot \frac{1}{60} \text{ h}} = 3600 \cdot 10^{-3} \frac{\text{km}}{\text{h}} = 3,6 \frac{\text{km}}{\text{h}}$
- ❖ átlagsebesség:
  - $\langle |v| \rangle \geq v_{\text{átlag}} = \frac{s_{\text{összes}}}{t_{\text{összes}}}$
  - mindig  $\geq 0$

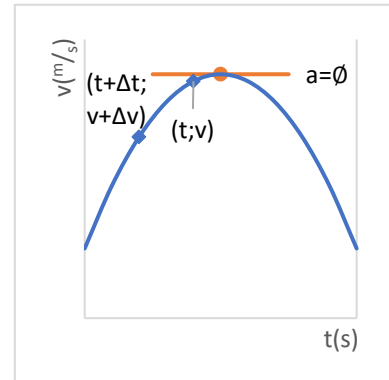
### Elmozdulás és sebesség kapcsolata

- ❖  $v(t) \cdot \Delta t \approx \frac{\Delta x}{\Delta t} \cdot \Delta t = \Delta x$
- ❖ teljes elmozdulás:
  - $\Delta x_{\text{teljes}} = \sum v(t) \Delta t$
  - $\Delta x_{\text{teljes}} = \int_0^{t_{\text{vég}}} v(t) dt$
- ❖ elmozdulás:  $v(t)$  grafikon és  $t$  tengely által közrezárt terület előjeles összege



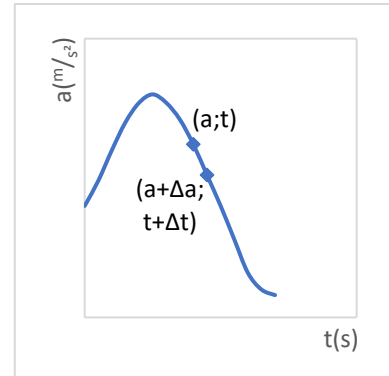
## Gyorsulás

- ❖ gyorsulás: sebesség változási üteme
- ❖  $a = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t}$
- ❖  $[a] = \frac{m}{s^2} = \frac{m}{s} \cdot \frac{1}{s}$
- ❖  $v(t)$  diagram érintőjének adott  $t$  idő pillanatbéli meredeksége



## Sebesség változás és gyorsulás kapcsolata

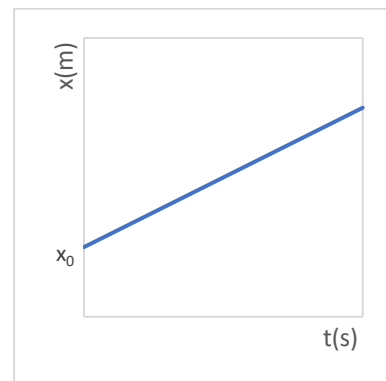
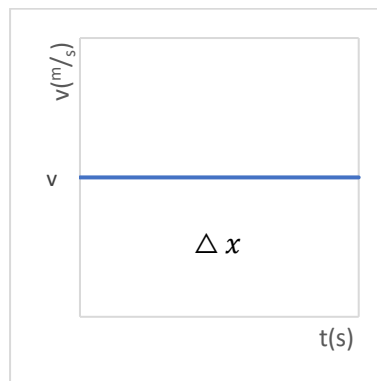
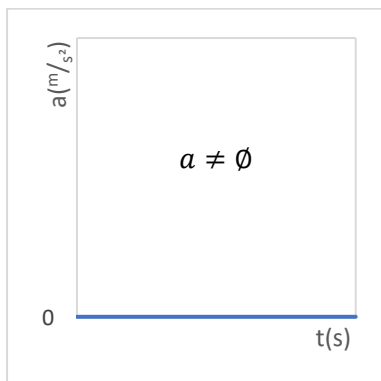
- ❖  $a \cdot \Delta t = \frac{\Delta v}{\Delta t} \cdot \Delta t = \Delta v$
- ❖ teljes mozgás:
  - $\Delta v_{teljes} = \sum a(t) \Delta t$
  - $\Delta x_{teljes} = \int_0^{t_{vége}} a(t) dt$
- ❖ sebességváltozás:  $a(t)$  grafikon és  $t$  tengely által közrezárt terület



## Speciális egyenes vonalú mozgások

### Egyenes vonalú egyenletes mozgás

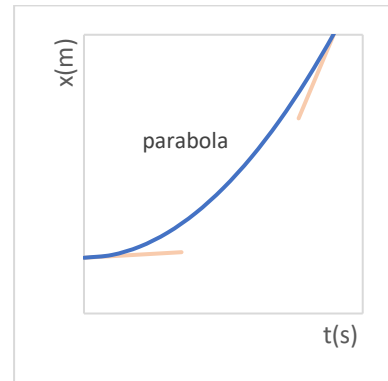
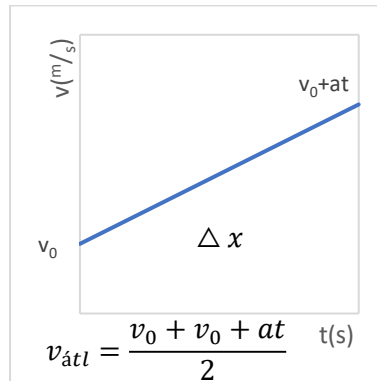
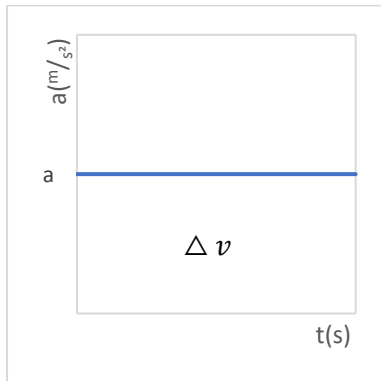
- ❖ sebesség:  $v = \text{állandó}$
- ❖ kezdeti helyzet:  $x(t = 0) = x_0$



- ❖ elmozdulás  $t$  idő alatt:  $\Delta x = v \cdot t$
- ❖ helykoordináta:  $x(t) = x_0 + \Delta x = x_0 + v \cdot t$
- ❖ kísérlet: Mikola-cső, kocsi vízszintes légpárnás sínen

## Egyenletesen változó mozgás

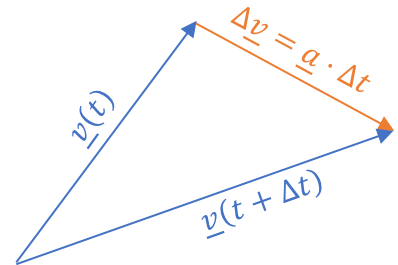
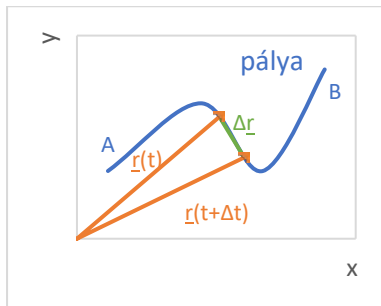
- ❖ gyorsulás:  $a = \text{állandó}$
- ❖ kezdeti helyzet:  $x(t = 0) = x_0 \quad v(t = 0) = v_0$



- ❖ sebesség:  $v(t) = v_0 + \Delta v = v_0 + a \cdot t$
- ❖ elmozdulás:  $\Delta x = \frac{v_0 + v_0 + a \cdot t}{2} \cdot t = v_0 \cdot t + \frac{a}{2} t^2$
- ❖ helykoordináta:  $c(t) = x_0 + \Delta x = x_0 + v_0 t + \frac{a}{2} t^2$
- ❖ kiegészítés:  $v(x) = ?$ 
  - kezdeti feltétel:  $x_0 = \emptyset \quad v_0 = \emptyset$
  - $v(t) = a \cdot t \rightarrow t = \frac{v}{a}$
  - $x(t) = \frac{a}{2} \cdot t^2$

- $x(v) = \frac{a}{2} \cdot \left(\frac{v}{a}\right)^2 = \frac{v^2}{2a}$
- $v(x) = \sqrt{2a \cdot x}$

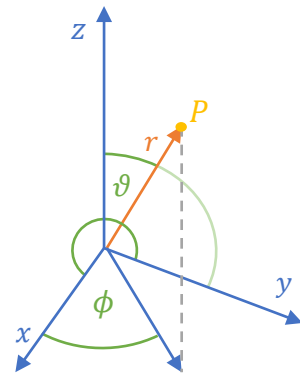
## Mozgások 3 dimenzióban



- ❖ helyvektor:  $\underline{r}(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \\ z(t) \end{pmatrix}$
- ❖ elmozdulásvektor:  $\Delta \underline{r} = \underline{r}(t + \Delta t) - \underline{r}(t)$
- ❖ sebességvektor:  $\underline{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \underline{r}}{\Delta t} = \begin{pmatrix} v_x \\ v_y \\ v_z \end{pmatrix}$  pl.:  $v_x = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t}$
- ❖ gyorsulásvektor:  $\underline{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \underline{v}}{\Delta t} = \begin{pmatrix} a_x \\ a_y \\ a_z \end{pmatrix}$  pl.:  $a_x = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v_x}{\Delta t}$

## Helyvektor megadásának módja

- ❖ Descartes-féle koordináta rendszer
- ❖ Gömbi polárkoordináta rendszer:
  - $\vartheta$ : polárszög
  - $\varphi$ : azimutszög
  - analóg  $\leftrightarrow$  földrajzi hosszúság/szélesség

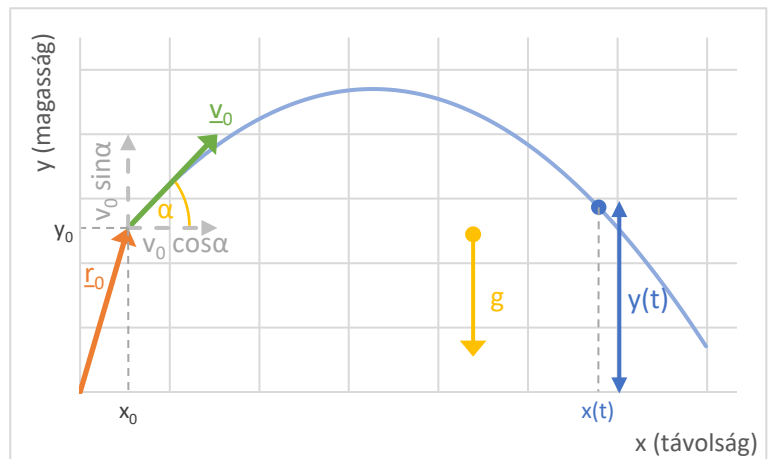


2019. 02. 22. – előadás

## Kinematika

### Ferde hajítás

- ❖  $\underline{a} = \underline{g} = 9,81 \frac{m}{s^2} = \text{állandó}$
- ❖  $\underline{r}_0 = (x_0, y_0)$
- ❖  $\underline{a} = (0, -g)$
- ❖  $\underline{v}_1 = (v_0 \cdot \cos \alpha, v_0 \cdot \sin \alpha)$
- ❖ mozgások függetlenségének elve (kísérlet)
- ❖  $\underline{v}(t) = \begin{pmatrix} v_x(t) \\ v_y(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_0 \cdot \cos \alpha \\ v_0 \cdot \sin \alpha - gt \end{pmatrix} \rightarrow$
- ❖  $\underline{r}(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_0 + \overbrace{v_0 \cdot \cos \alpha \cdot t}^{\text{elmozdulás}} \\ y_0 + v_0 \cdot \sin \alpha \cdot t - \frac{g}{2} t^2 \end{pmatrix}$
- ❖ pálya alakja:
  - legyen:  $x_0 = \emptyset \quad y_0 = \emptyset$
  - paraméteres egyenlet:
    - $x(t) = v_0 \cdot \cos \alpha \cdot t$
    - $y(t) = v_0 \cdot \sin \alpha \cdot t - \frac{g}{2} \cdot t^2$



### ➤ kanonikus egyenlet:

- $t = \frac{x}{v_0 \cdot \cos \alpha}$
- $y = v_0 \cdot \sin \alpha \cdot \frac{x}{v_0 \cdot \cos \alpha} - \frac{g}{2} \cdot \frac{x^2}{v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha}$
- $y = -\frac{g}{2 v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha} \cdot x^2 + x \cdot \tan \alpha$

## Körmozgások jellemzői

### Hely jellemzése

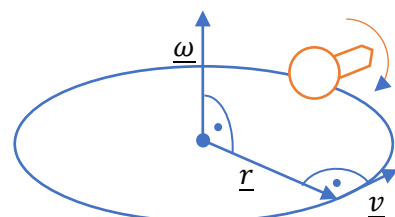
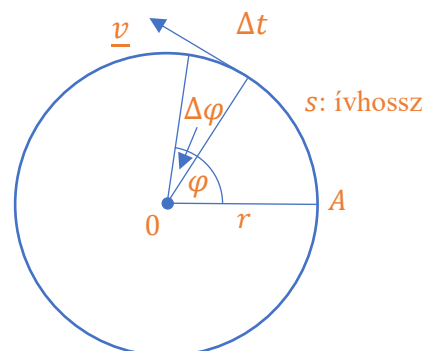
- ❖  $\gamma = \frac{s}{r} \quad [\gamma] = \text{rad}$
- ❖  $\pi \text{rad} = 180^\circ \quad 1 \text{rad} = \frac{180^\circ}{\pi}$

### Mozgás gyorsasága

- ❖ szögsebesség:  $\omega = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \gamma}{\Delta t} [\omega] = \frac{1}{s}$
- ❖ kerületi sebesség:  $v_k = |\underline{v}| = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{r \Delta \gamma}{\Delta t} = r \omega$

### Szögsebességvektor

- ❖  $\underline{v} = \underbrace{\omega}_{1. \text{vektor}} \times \underbrace{r}_{2. \text{vektor}}$
- ❖  $|\underline{v}| = \omega \cdot r \cdot \sin 90^\circ = \omega r$

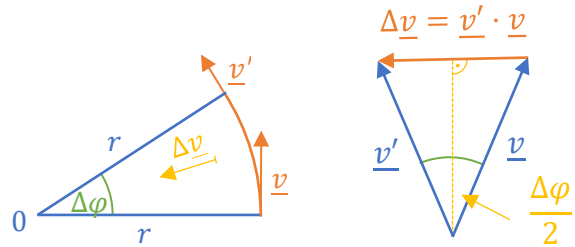


## Fordulatszám, periódusidő

- ❖  $f = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\frac{\Delta \varphi}{2\pi}}{\Delta t}$  ←  $\Delta t$  idő alatt hány fordulat →  $f = \varphi/2\pi$      $[f] = \frac{1}{s} = \text{Hz}$
- ❖ egyenletes körmozgás ( $\omega$  állandó):
  - $f = \frac{1}{T}$      $T := \text{periódusidő} \rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega}$

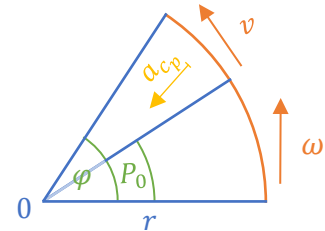
## Centripetális gyorsulás

- ❖  $|\underline{v}| = |\underline{v}'|$
- ❖  $|\underline{a}| = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{|\Delta \underline{v}|}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{2v \cdot \sin \frac{\Delta \varphi}{2}}{\Delta t}$
- ❖  $|\underline{a}| = v \cdot \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{2 \cdot \sin \frac{\Delta \varphi}{2}}{\Delta t} = v \cdot \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \varphi}{\Delta t}$
- ❖  $a_{cp} = |\underline{a}| = v\omega = \frac{v^2}{r} = r\omega^2$
- ❖ mindig a kör középpontja felé mutat



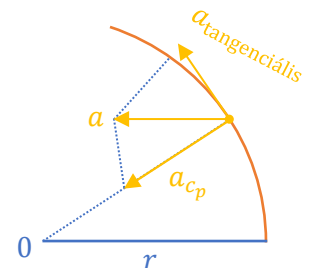
## Speciális körmozgások

- ❖ egyenletes körmozgás: ( $\omega = \text{állandó}$ )
  - $\varphi(t) = \varphi_0 + \Delta \varphi = \varphi_0 + \omega t$
  - $v(t) = r\omega = \text{állandó}$
  - $|\underline{a}| = a_{cp} = r\omega^2 = \frac{v^2}{r} = \text{állandó}$



- ❖ egyenletesen változó körmozgás:

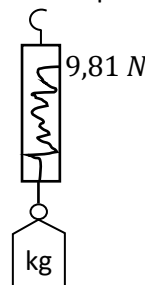
- $\frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \beta = \text{állandó (szöggyorsulás)}$      $[\beta] = \frac{1}{s^2} ???$
- $\omega(t) = \omega_0 + \beta t$
- $\varphi(t) = \varphi_0 + \omega_0 t + \frac{1}{2} \beta t^2$
- $a_t = r\beta$



## Dinamika alapjai

### Erő fogalma, mérése

- ❖ egymással kapcsolatba kerülő testek, kölcsönhatásba lépnek, ennek leírása az erőt használjuk
- ❖ mérési utasítás:
  - alakváltoztató hatás – rugós erőmérés
  - mozgásállapotváltoztató hatás
- ❖ jele, mértékegysége:
  - $\underline{F}$      $[F] = N = kg \frac{m}{s^2}$
- ❖ kalibrálás →



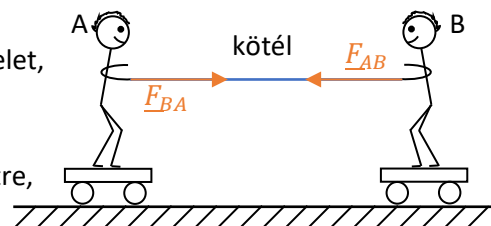
### Newton 2. törvénye

- ❖ tapasztalat szerint:  $\underline{a} \sim \underline{F}$
- ❖ hányados állandó:
  - $m = \frac{|\underline{F}|}{|\underline{a}|} := \text{állandó (tömeg)}$
  - $[m] = \frac{N}{\frac{m}{s^2}} = \frac{kg \frac{m}{s^2}}{\frac{m}{s^2}} = kg$
- ❖ Newton 2. törvénye: (több erőhatás esetén:  $\sum^+ \underline{F} = m \cdot \underline{a}$ )



### Newton 3. törvénye

- ❖ kísérlet: 2 kocsin álló hallgató tart egy kötelet, ha az egyik húzza a kötel végét a másik is elmozdul
- ❖ erő mindig kölcsönhatás
- ❖ Newton 3. törvénye: ha egy  $A$  test erővel hat egy  $B$  testre, akkor a  $B$  test is erőt fejt ki az  $A$  testre; ez a 2 erő egyenlő nagyságú, párhuzamos és ellentétes irányú
- ❖  $\underline{F}_{AB} = -\underline{F}_{BA}$



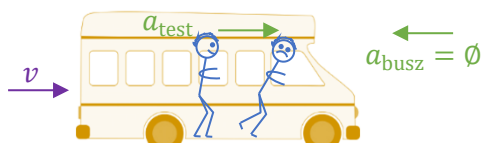
2019. 03. 01. – előadás

### Newton 1. törvénye – tehetetlenség törvénye

- ❖ 2. törvény alapján: ha 1 testre nem  $\sum \underline{F} = \underline{0} \rightarrow \underline{a} = \underline{0} \rightarrow \underline{v} = \text{állandó}$ , azaz a test egyenes vonalú, egyenletes mozgást végez / nyugalomban marad
  - mihez képest nyugalomban  $\rightarrow$  vonatkoztatási rendszer?

### Megfigyelés

- ❖ busz vonatkoztatási rendszere:



- $a_{busz} = 0$      $a_{test} \neq 0$
- $\sum \underline{F} = \underline{0}$
- Newton 1. törvénye nem igaz

- ❖ talajhoz viszonyított vonatkoztatási rendszer:



- ❖
- $a_{busz} \neq 0$      $a_{test} = 0$
- $\sum \underline{F} = \underline{0}$
- Newton 1. törvénye igaz

### Értelmezés

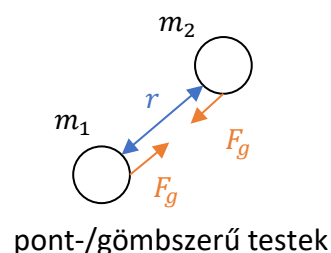
- ❖ Newton 1. törvénye a 2. és 3. törvény érvényességi körét rögzíti
- ❖ vagyis: Newton 1. törvénye inerciarendszerekben érvényes
- ❖ inerciarendszer: vonatkoztatási rendszer, melyben érvényes Newton 1. (s többi) törvénye

### Erőtörvények

- ❖ erők  $\rightarrow$  erőtörvénnyel leírható
- ❖         $\searrow$  kényszererők (nyomóerő, fonálerő)

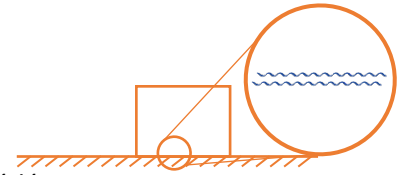
### Gravitációs állandó (Newton-féle)

- ❖  $F_g = \gamma \frac{m_1 m_2}{r^2}$
- ❖ gravitációs állandó:  $\gamma = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N } \frac{\text{m}^2}{\text{kg}^2}$
- ❖ gravitációs gyorsulás:  $F_g = \gamma \frac{m_{Föld} \cdot m}{R^2} = m g_0 \approx 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \overbrace{m}^{\text{tömeg}}$
- ❖ földi  $g$  kisebb  $g_0$ -nál
- ❖  $g$ : nehézségi gyorsulás

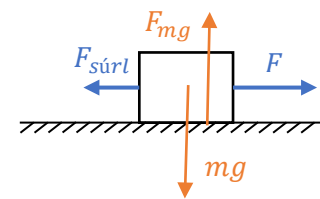
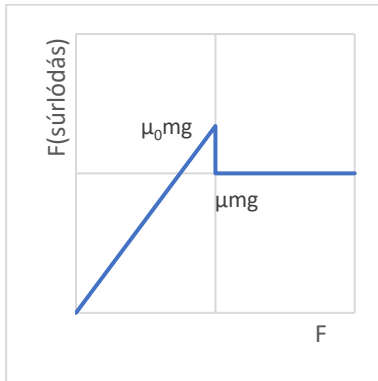


pont-/gömbszerű testek

## Csúszási és tapadási súrlódási erő



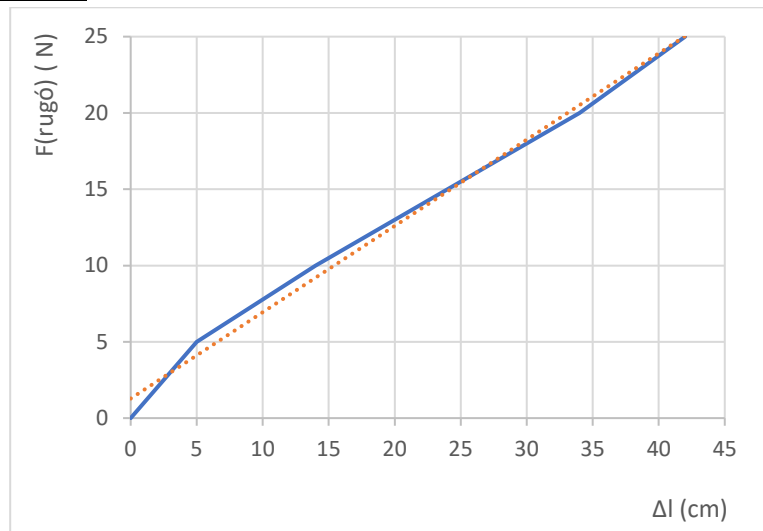
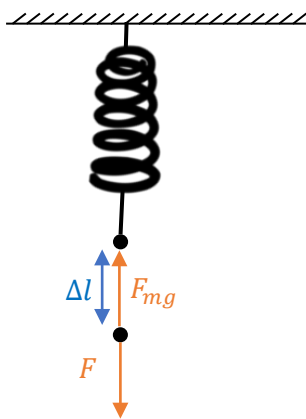
- ❖ oka: érintkező testek egyenetlenségei (recék)
- ❖ csúszási súrlódás:
  - felületek egymáshoz képest mozognak ( $v_{rel} \neq \emptyset$ )
  - iránya:  $v_{rel}$ -lel ellentétes
  - $F_{cs} = \underbrace{\mu}_{\text{csúszási, súrlódási tényező}} \cdot \underbrace{F_{ny}}_{\text{nyomóerő}}$
- ❖ tapadási súrlódás:
  - felületek egymáshoz képest nem mozognak ( $v_{rel} = \emptyset$ )
  - iránya: többi erő határozza meg
  - $F_{tap} \leq \underbrace{\mu_0}_{\text{tapadási, súrlódási tényező}} \cdot \underbrace{F_{ny}}_{\text{nyomóerő}}$
- ❖ demonstráció:



## Rugóerő

- ❖ kísérlet:

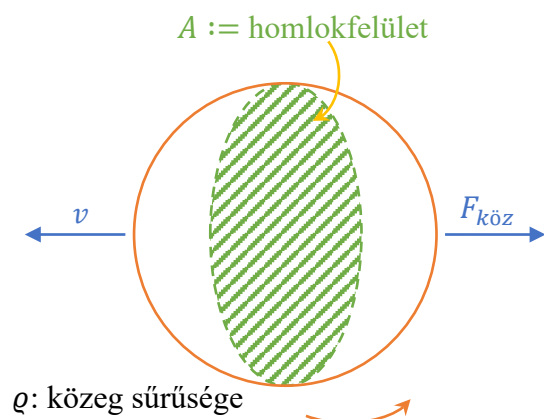
$F_{rug} (N)$	5	10	15	20	25
$\Delta l (cm)$	5	14	24	34	42



- ❖ Hooke-törvény:  $F_{rug} = D \cdot \Delta l$
- ❖ rugóállandó:  $[D] = \frac{n}{m}$

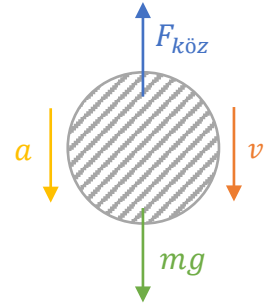
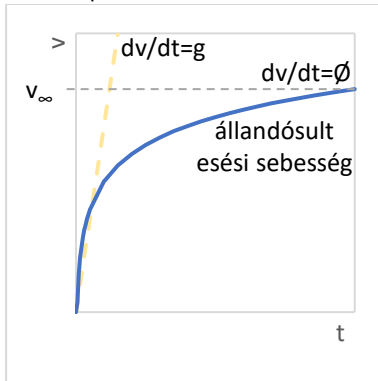
## Közegellenállási erő

- ❖ közegellenállás:
  - gázokban, folyadékokban
  - relatív sebességgel ellentétes
  - $F_{köz} = \underbrace{c}_{\text{alaktényező}} \cdot \rho \cdot A \cdot v^2$



❖ esés közegellenállással:

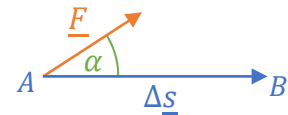
- Newton 2.:  $m\vec{g} - \overbrace{C\rho Av^2}^{F_{köz}} = m \frac{d\vec{v}}{dt}$
- $\frac{dv}{dt} = g - \frac{C\rho A}{m} v^2$
- $v_{\infty} = \sqrt{\frac{mg}{C\rho A}}$



## Munka fogalma – energetika

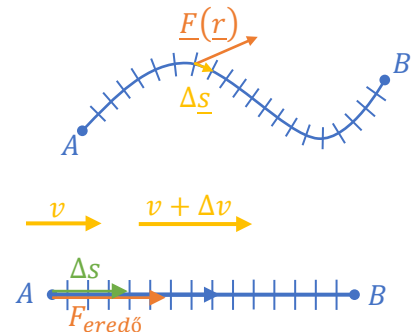
### Egyenes vonalú mozgás

- ❖  $F = \text{állandó}$
- ❖ munka:  $w = \underline{F} \cdot \underline{\Delta s} = |\underline{F}| \cdot |\underline{\Delta s}| \cdot \cos \alpha$ 
  - ha  $\alpha = 90^\circ \rightarrow w = \emptyset$
  - ha  $\alpha = 0^\circ \rightarrow w = F \cdot \Delta s$
  - ha  $\alpha > 90^\circ \rightarrow w < 0$
- ❖  $[w] = N \cdot m = J$  (Joule)



### Nem egyenes vonalú mozgás

- ❖  $F \neq \text{állandó}$
- ❖ darabokra osztással:  $w_{teljes} = \sum_A^B \underline{F} \cdot \underline{\Delta s}$



### Munkatétel, mozgási energia

- ❖ eredő erő elemi munkája:
  - I.:  $w = F_{eredo} \cdot \Delta s = F_{eredo} \underbrace{v \cdot \Delta t}_{\Delta s}$
  - II.:  $F_{eredo} = m \cdot a = m \frac{\Delta v}{\Delta t}$
  - I. & II.:  $w_{elemi} = m \cdot \frac{\Delta v}{\Delta t} \cdot v \cdot \Delta t = m \cdot v \cdot \Delta v$
  - $\Delta(v^2) = (v + \Delta v)^2 - v^2 = 2v \cdot \Delta v + (\Delta v)^2$
  - $v \cdot \Delta v = \frac{1}{2} \Delta(v^2)$
- ❖ összefoglalva:
  - $w_{elemi} = m \cdot \frac{1}{2} \Delta(v^2)$
  - $w_{teljes} = \sum w_{elemi} = \frac{m}{2} \sum \Delta(v^2) = \frac{m}{2} (v_{végső}^2 - v_{kezdeti}^2)$
- ❖ munkatétel:
  - $w_{teljes}^{eredo} = \underbrace{\frac{1}{2} m v_{végső}^2}_{E_{kis}^{végső}} - \underbrace{\frac{1}{2} m v_{kezdeti}^2}_{E_{kis}^{kezdeti}} = \Delta E_{kin}$  (kinetikus mozgási energia)

## Konzervatív erőter, potenciális energia

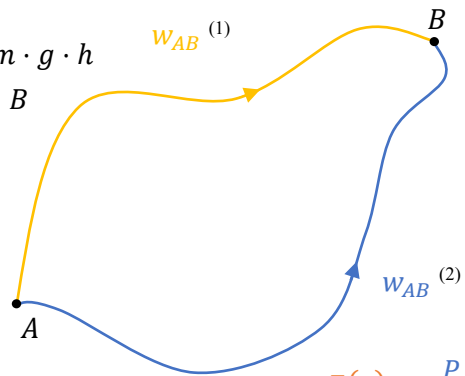
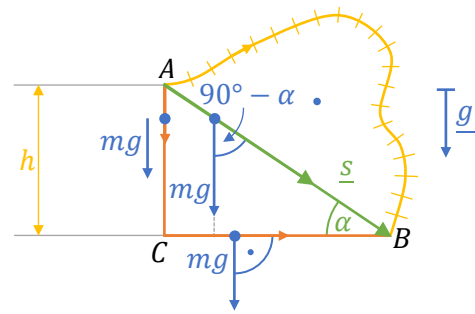
❖ nehézségi erő munkája:

$$\begin{aligned} \text{➤ } W_{AB} &= m \cdot \underline{g} \cdot \underline{s} = m \cdot g \cdot s \cdot \cos(90^\circ - \alpha) \\ &= m \cdot g \cdot s \cdot \sin \alpha \\ \text{➤ } W_{ACB} &= W_{AC} + W_{CB} = m \cdot g \cdot \underbrace{h}_{s \cdot \sin \alpha} \cdot \underbrace{\cos 0^\circ}_1 + \emptyset \\ &= m \cdot g \cdot s \cdot \sin \alpha \end{aligned}$$

❖ belátható:  $m \cdot \underline{g}$  munkája tetszőleges  $A \rightarrow B$  útvonalon  $m \cdot g \cdot h$

❖ definíció: erőter akkor konzervatív, ha tetszőleges  $A$  és  $B$  pontok között munkája független a pálya alakjától

❖ nem konzervatív pl.: súrlódás, közegellenállás



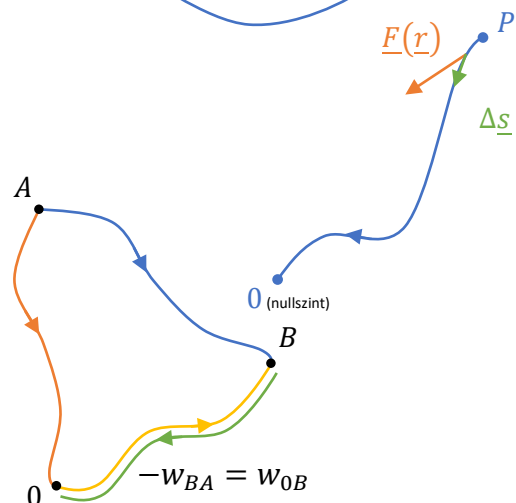
## Helyzeti (potenciális) energia

❖ legyen:

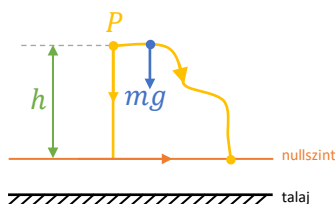
- $\underline{F}(\underline{r})$  konzervatív erőter
- nullszint: 0 kezdőpontot

❖ definíció: tetszőleges  $P$  pont helyzeti energiája:

- $E_{pot} = \sum_p^0 \underline{F} \cdot \Delta \underline{s}$
- azaz az a munka, mit az erőter a testen végez, mialatt azt a  $P$  ponttól a nullszintre visszük
- $W_{AB} = W_{A0} + W_{0B} = E_{pot}^A - E_{pot}^B$



## Nehézségi erőter potenciális energiája



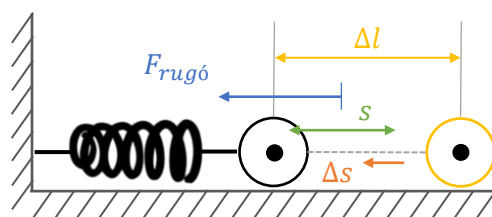
❖ nehézségi erőterben:

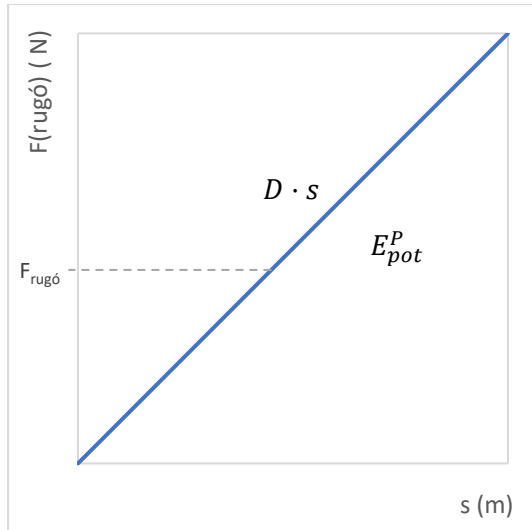
- $E_{pot}^p = m \cdot g \cdot h (= W_{p0})$
- $E_{pot} > 0$ , ha  $h > 0$  (nullszint felett)
- $E_{pot} < 0$ , ha  $h < 0$  (nullszint alatt)

## Rugalmas potenciális energia

❖ rugó munkavégzése a  $P \rightarrow 0$  vonalon

- $E_{pot}^p = \sum_p^0 \underline{F}_{rugó} \cdot \Delta \underline{s} = \sum_p^0 F_{rugó} \cdot \Delta s$
- $F_{rugó} = D \cdot \overset{\text{megnyúlás}}{\underline{\delta}}$
- $E_{pot}^p = \frac{1}{2} (D \cdot \Delta l) \cdot \Delta l = \frac{1}{2} D (\Delta l)^2$

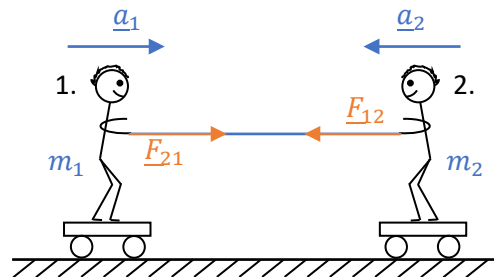




❖

## Impulzus, lendület fogalma

- ❖ 2 test kölcsönhatása (erő-ellenerő)
- ❖ Newton 2. törvénye:
  - $\underline{F}_{21} = m_1 \cdot \underline{a}_1 = m_1 \cdot \frac{\Delta v_1}{\Delta t}$
  - $\underline{F}_{12} = m_2 \cdot \underline{a}_2 = m_2 \cdot \frac{\Delta v_2}{\Delta t}$
- ❖ Newton 3. törvénye:
  - $\underline{F}_{12} = -\underline{F}_{21} \rightarrow \underline{F}_{12} + \underline{F}_{21} = \underline{0}$
  - $m_1 \cdot \frac{\Delta v_1}{\Delta t} + m_2 \cdot \frac{\Delta v_2}{\Delta t} = \underline{0}$
  - $\frac{\Delta(m_1 v_1 + m_2 v_2)}{\Delta t} = \underline{0} \rightarrow m_1 v_1 + m_2 v_2 = \text{állandó}$



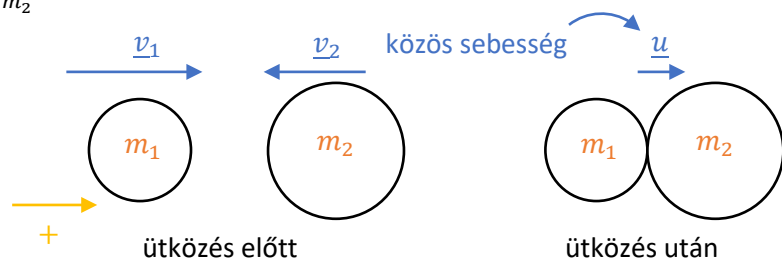
## Impulzus

- ❖  $\underline{p} = m \cdot \underline{v}$
- ❖ irány megegyezik:  $p_{\text{irány}} = v_{\text{irány}}$
- ❖ mértékegység:  $[p] = kg \frac{m}{s}$
- ❖ impulzus megmaradás törvénye: 2 testre külső erő nem hat  $\underline{p}_1 + \underline{p}_2 = \text{állandó}$

## Ütközések (1D)

### Tökéletesen rugalmatlan ütközés

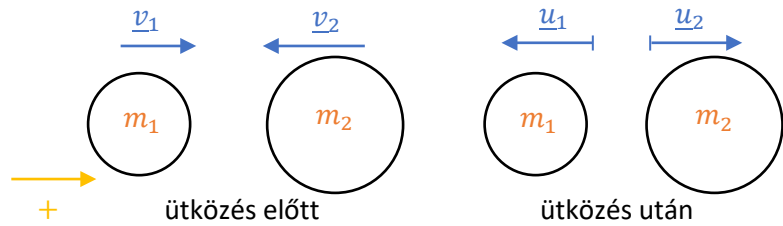
- ❖ testek összetapadnak
- ❖ mechanikai energiamegmaradás nem teljesül
- ❖ impulzus megmarad:
  - $m_1 v_1 + m_2 v_2 = (m_1 + m_2) \cdot \underline{u}$
  - közös sebesség:  $\underline{u} = \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2}{m_1 + m_2}$



## Rugalmas ütközés

- ❖ mechanikai energia megmarad  $E_{kin} + E_{pot} = E_{mech}$
- ❖ impulzus megmarad
- ❖ nincs összetapadás

- ❖ pl.: biliárd golyók ütközése



- ❖ impulzus megmarad:  $\underbrace{m_1 v_1 - m_2 v_2}_{P_{kezdeti}} = \underbrace{m_2 u_2 - m_1 u_1}_{P_{végső}}$

- ❖ mechanikai energia:  $\underbrace{\frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2}_{E_{kezdeti mech}} = \underbrace{\frac{1}{2} m_1 u_1^2 + \frac{1}{2} m_2 u_2^2}_{E_{végső mech}}$

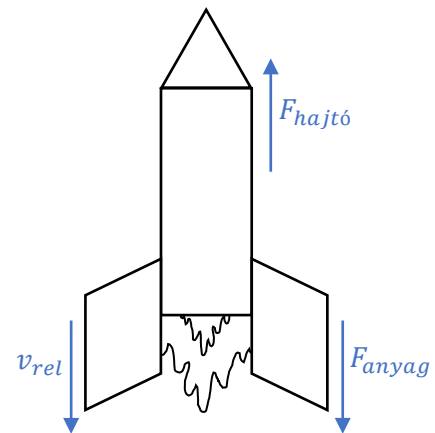
## Impulzustétel

- ❖ Newton 2. törvénye:

$$\begin{aligned} \text{➤ } \underline{\sum F} &= m \cdot \underline{a}(\text{tömegkp}) = m \cdot \frac{\Delta v}{\Delta t} \\ \text{➤ } \underline{\sum F} &= \frac{\Delta(m \cdot \underline{v})}{\Delta t} = \frac{\Delta p}{\Delta t} \end{aligned}$$

- ❖ rakétahajtóerő:

$$\begin{aligned} \text{➤ } \text{másodpercenként kiáramló gáz tömege: } &\mu \left( \frac{kg}{s} \right) \\ \text{➤ } F_{hajtó} = F_{anyag} &= \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{\mu \cdot \Delta t \cdot v_{rel}}{\Delta t} \end{aligned}$$



## Perdületmegmaradás

- ❖ kiterjedt testek mozgása: haladó mozgás + forgómozgás

	haladó mozgás	forgómozgás
<b>tehetetlenség</b>	$m$	$\sim$ (tehetetlenségi nyomaték)
<b>gyorsaság</b>	$v$	$\omega$
<b>megmaradó mennyiség</b>	$P = m \cdot v$	$N = \sim \cdot \omega$ (perdület)

## Hőtan

### Bevezetés

#### Newtoni és statisztikus leírás

- ❖ Newton-törvény: egyetlen részecske mozgás leírása
- ❖ egy szobában lévő  $\approx 10^{27}$  db részecske mozgása nyomomonkövethetetlen  $\rightarrow$  statisztikus fizika
- ❖ mikroszkopikus leírás
  - részecskék
  - sebességek, ütközések
- ❖ makroszkopikus leírás
  - állapotjelzők
  - hőmérséklet, nyomás, térfogat

#### Extenzív s intenzív állapotjelzők

- ❖ extenzív:
  - rendszer méretével együtt nő
  - 2 rendszer egyesítésekor összeadódnak
  - pl.: térfogat, mólszám, belső energia, tömeg
- ❖ intenzív:
  - rendszer méretétől független
  - 2 rendszer egyesítésekor kiegyenlítődnek
  - pl.: nyomás, hőmérséklet, sűrűség

#### Hőmérsékleti skála

- ❖ értékelésen alapuló mindennapi tapasztalat
- ❖ objektív mérések: hőmérsékletfüggő tulajdonságon alapszik (pl.: higanyos hőm., platina ellenálláshőmérő)

#### Celsius-skála

- ❖ víz fagyáspontja:  $0^{\circ}\text{C}$
- ❖ víz forráspontja:  $100^{\circ}\text{C}$  (normál nyomás)

#### Kelvin-skála

- ❖ abszolút  $0\text{ K} = -273,15^{\circ}\text{C}$
- ❖  $\Delta T = 1^{\circ}\text{C} = 1\text{ K}$

#### Fahrenheit-skála

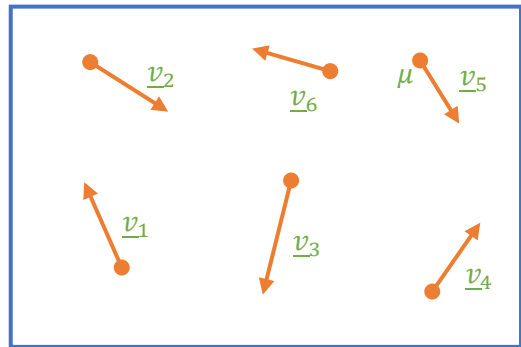
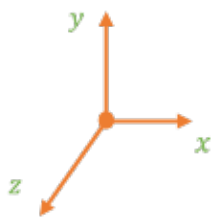
- ❖ víz fagyáspontja:  $32^{\circ}\text{F}$
- ❖ víz forráspontja:  $212^{\circ}\text{F}$

#### Hőmérséklet statisztikus értelme

##### Ideális gáz fogalma

- ❖ gáz: legegyszerűbb sokrészecske-rendszer, részecskék közti kölcsönhatás kicsi
- ❖ ideális gáz:
  - részecskék mérete elhanyagolható a tartály méretéhez képest
  - részecskék között nincs távolható kölcsönhatás
  - részecskék között csak (rugalmas!) ütközések vannak (kontakt kölcsönhatás)
- ❖ valódi gázok: jól közelíthetők ideális gázzal, ha nem túl nagy a sűrűség

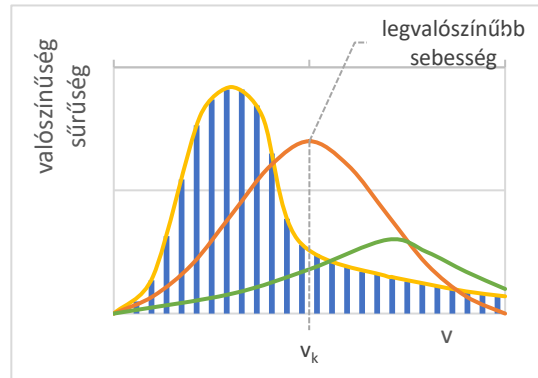
## Gáz részecskék sebességeloszlása



- ❖  $\mu := 1$  db részecske tömege
- ❖  $\langle \underline{v} \rangle = \underline{0}$  ← sebességvektor átlaga
- ❖  $\langle |\underline{v}| \rangle = ?$                        $\langle \underline{v}^2 \rangle = ?$

## Maxwell-Boltzmann sebességeloszlás

- ❖  $T_1 < T_2 < T_3$
- ❖  $v^* \sim \sqrt{T}$



## Kinetikus gázelmélet

- ❖ tfh  $\forall$  részecske a négyzetes átlagsebességgel mozog:  $\hat{v} = \sqrt{\langle \underline{v}^2 \rangle}$

❖  $\underline{p} = \mu \cdot \underline{v}$

❖  $\hat{v}^2 = \hat{v}_x^2 + \hat{v}_y^2 + \hat{v}_z^2 = 3\hat{v}_x^2$

- ❖ részecske impulzusváltozása ütközés alatt:

- $\Delta p_{\text{részecske}} = 2\mu \cdot \hat{v}_x$
- $\mu \hat{v}_x - (-\mu \hat{v}_x)$

- ❖  $\Delta t$  idő alatt ütköző részecskék száma:

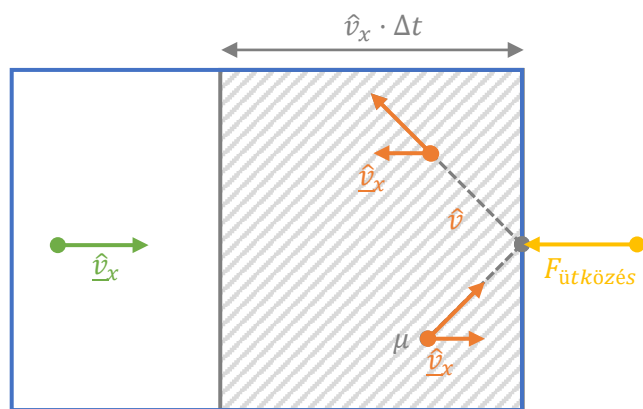
- $\Delta N = \frac{1}{2} N \cdot \frac{A \cdot \hat{v}_x \cdot \Delta t}{V}$
- $N$ : összes részecske száma
- $V$ : tartály térfogata

- ❖ fal által kifejtett átlagos erő:

$$F = \frac{\Sigma \Delta p}{\Delta t} = \frac{\Delta p_{\text{1részecskéi}} \cdot \Delta N}{\Delta t} = \frac{2\mu \hat{v}_x \cdot \frac{1}{2} N \cdot \frac{(A \hat{v}_x \cdot \Delta t)}{V}}{\Delta t}$$

$$F = A \cdot \frac{N}{V} \cdot \mu \underbrace{\hat{v}_x^2}_{\frac{1}{3} \hat{v}^2} = \frac{2}{3} \cdot A \cdot \frac{N}{V} \cdot \underbrace{\frac{1}{2} \cdot \mu \hat{v}_x^2}_{\text{mozgási energia 1 részecskére}}$$

➢ \*



## Szabadsági fok – f

- ❖ 1 részecske független energiatárolási lehetőségeinek száma
- ❖ 1 atomos gázra:  $f = 3$
- ❖ 2 atomos gázra:  $f = 5$
- ❖ több atomos gázra:  $f = 6$



## Ekvipartíció tétel

- ❖ (azonos részesedés)
- ❖ 1 részecske  $\forall$  szabadság fokára  $\frac{1}{2}kT$  energia jut
- ❖  $T$ : abszolút hőmérséklet ( $K$ )
- ❖  $k$ : Boltzmann-állandó  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$
- ❖ segítségével 1 db részecske energiája:  $\frac{1}{2}\mu\hat{v}^2 = \frac{1}{2}\mu \left( \frac{\hat{v}_x^2 + \hat{v}_y^2 + \hat{v}_z^2}{3\hat{v}_x^2} \right) = 3 \cdot \frac{1}{2}kT$
- ❖  $* = F = A \cdot \frac{2}{3} \frac{N}{V} \cdot \frac{3}{2}kT$
- ❖ nyomás:  $p = \frac{F}{a} = \frac{N}{V} \cdot kT \rightarrow pV = NkT$

2019. 04. 05. – előadás

## Ideális gázok állapotegyenlete

- ❖ ismert:  $p = \frac{NkT}{V} \rightarrow pV = NkT$
- ❖  $p :=$  nyomás =  $\frac{\text{nyomás}}{\text{nyomott felület}}, [p] = \frac{N}{m^2} = Pa$  (pascal)
- ❖  $k :=$  Boltzmann-állandó,  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$
- ❖  $T :=$  abszolút hőmérséklet,  $[T] = K$

## Más alakok

- ❖ mólszám (anyagmennyiség)  $n = \frac{N}{N_A}$ , ahol  $N_A = 6,0 \cdot 10^{23} \frac{1}{mol}$  (Avogadro-állandó)
- ❖ sűrűség:  $\rho = \frac{m}{V}, [\rho] = \frac{kg}{m^3}$
- ❖  $pV = N_A n \cdot kT = n \cdot \underbrace{N_A k}_R \cdot T$
- ❖  $R :=$  egyetemes gázállandó  $R = 8,31 \frac{J}{mol \cdot K}$
- ❖  $pV = nRT$
- ❖  $pV = \frac{m}{\underbrace{M}_n} RT \rightarrow p = \frac{m}{V} \cdot \frac{RT}{M} = \rho \cdot \frac{RT}{M}$   $[M := \text{moláris tömeg}]$
- ❖ általános gáztörvény:  $\frac{pV}{T} = \text{állandó}$

## Hőtan 1. főtétele

### Gázok belső energiája

- ❖ ismétlés: 1-1 molekula mozgási energiája:
  - $\epsilon_{kin} = \epsilon_{haladó} + \epsilon_{forgás}$

### Ekvipartíciós tétel

- ❖  $\epsilon_{kis} = 3 \cdot \frac{1}{2}kT + (f - 3) \cdot \frac{1}{2}kT$
- ❖  $\epsilon_{kis} = \frac{f}{2}kT$
- ❖  $f$ : szabadsági fokok száma:
  - 1 atomos:  $f = 3$
  - 2 atomos:  $f = 5$
  - 3 atomos:  $f = 6$
- ❖ teljes belső energia:  $E_{belső} = N \frac{f}{2}kT = \frac{f}{2}NkT = \frac{f}{2}nRT = \frac{f}{2}pV$

## Gázon végzett munka

❖ dugattyú  $\Delta s$ -sel való benyomásakor végzett munka:

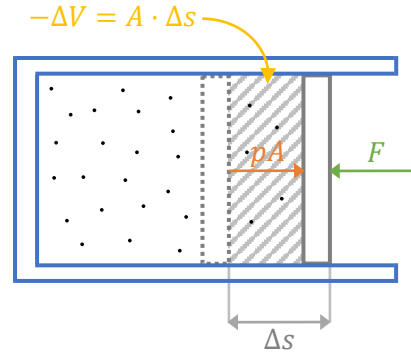
$$\triangleright \Delta W_{\text{tömeg}} = F \cdot \Delta s \cdot \underbrace{\cos 0^\circ}_1 = p \underbrace{A \cdot \Delta s}_{-\Delta V} = -p\Delta V$$

❖ környezet munkája:

- $\triangleright \Delta W_{\text{körny}} < 0$ , ha a gáz tágul
- $\triangleright \Delta W_{\text{körny}} > 0$ , ha a gáz összenyomódik
- $\triangleright W_{\text{körny}} = \sum \Delta W_{\text{körny}} = \sum -p\Delta V \rightarrow \int_{v_1}^{v_2} p(v)dv \leftarrow$   
 $p(v)$  görbe alatti terület  $(-1)$ -szerese

❖ gáz munkája:

$$\triangleright W_{\text{körny}} + W_{\text{gáz}} = \Delta E_{\text{kin}}^{\text{(dugattyú)}} = \emptyset \rightarrow W_{\text{gáz}} = -W_{\text{körny}} = -\int_{v_1}^{v_2} p(v)dv$$



## 1. főtétel

❖ gáz belső energiája energiaközléssel vagy -elvonással változtatható meg – 2 módja:

- $\triangleright$  gázzal hőközlés ( $Q$ )  $\leftarrow$  rendezetlen mód
- $\triangleright$  gázon munkavégzés ( $W_{\text{körny}}$ )  $\leftarrow$  rendezett mód

❖ hőtan 1. főtétele:  $\Delta E_{\text{belső}} = Q + W_{\text{körny}}$

❖ megjegyzés:  $W_{\text{körny}} = -W_{\text{gáz}} \rightarrow Q = \Delta E_{\text{belső}} + W_{\text{gáz}}$

## Folyamatok ideális gázokkal

### Izochor (állandó térfogatú) folyamat

❖ adott:  $p_1, p_2, V_0, n, f$

❖  $p = \frac{nRT}{V} \rightarrow T = \text{állandó} \quad T_1 = \frac{p_1 V_0}{nR}, T_2 = \frac{p_2 V_0}{nR}$

❖ belsőenergia-változás:

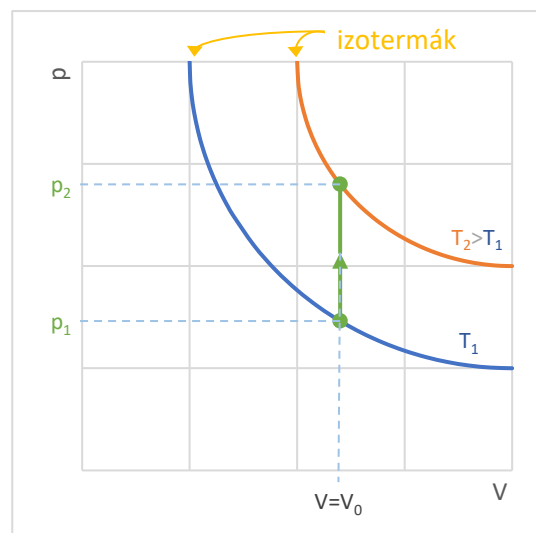
$$\Delta E_{\text{belső}} = \frac{f}{2} nR \overbrace{(T_2 - T_1)}^{\Delta T} = \frac{f}{2} (p_2 - p_1) V_0$$

❖ környezet munkavégzése:

$$W_{\text{körny}} = -\int_{v_1}^{v_2} p(V)dv = \emptyset$$

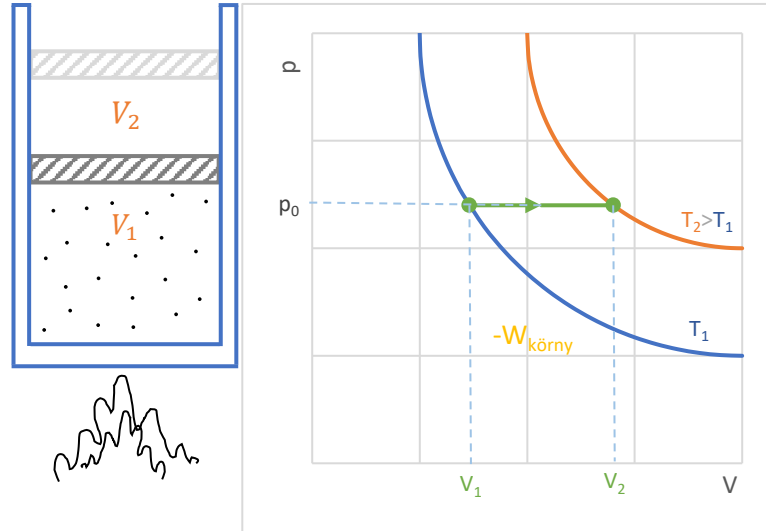
❖ közölt hő:

$$Q = \Delta E_{\text{belső}} - W_{\text{körny}} = \Delta E_{\text{belső}} \\ = \frac{f}{2} nR(T_2 - T_1)$$



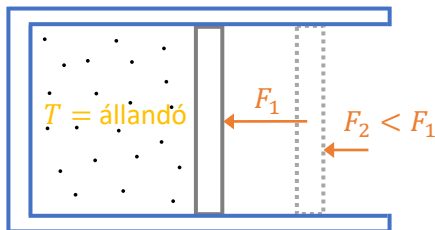
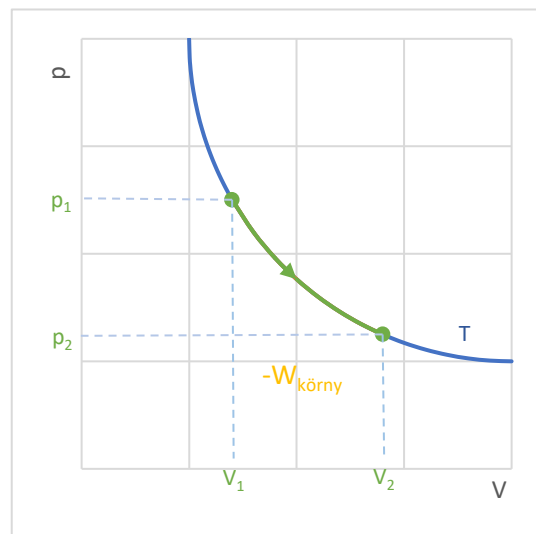
### Izobár (állandó nyomású) állapotváltozás

- ❖ adott:  $p_0, v_1, v_2, n, f$
- ❖  $T_1 = \frac{p_0 v_1}{nR}, T_2 = \frac{p_0 v_2}{nR}$
- ❖ belsőenergia-változás:  $\Delta E_{belső} = \frac{f}{2} nR (T_2 - T_1) = \frac{f}{2} p_0 (V_2 - V_1)$
- ❖ munkaenergia:  $W_{körny} = -\text{görbe alatti terület} = -p_0 (V_2 - V_1)$
- ❖ közölt hő:  $Q = \Delta E_{belső} - W_{körny} = \frac{f}{2} p_0 (V_2 - V_1) + p_0 (V_2 - V_1) = \frac{f+2}{2} p_0 (V_2 - V_1)$



### Izoterm (állandó hőmérséklet) folyamat

- ❖ adott:  $p_1, V_1, V_2, n, f$
- ❖ belsőenergia-változás:  $\Delta E_{belső} = \frac{f}{2} nR \Delta T = 0$
- ❖ munkavégzés:  $W_{körny} = -\int_{v_1}^{v_2} p(V) dV = -\int_{v_1}^{v_2} \frac{\overset{\text{állandó}}{nRT}}{V} \cdot dV = -nRT [\ln V]_{v_1}^{v_2} = \overset{p_1 V_1 = p_2 V_2}{-nRT} \ln \frac{V_2}{V_1}$
- $W_{körny} = -p_1 V_1 \ln \frac{V_2}{V_1}$
- ❖ hő:  $Q = \frac{\Delta E_{belső}}{0} - W_{körny} = p_1 V_1 \ln \frac{V_2}{V_1}$



### Folyamatfüggő mólhő

#### Fajhő

- ❖ jele:  $c$
- ❖  $c := \frac{Q}{M \cdot \Delta T} \leftarrow 1 \text{ kg gáz } 1\text{K-nel való felmelegítéséhez mennyi hőközlés szükséges}$
- ❖  $[c] = \frac{J}{\text{kg} \cdot \text{K}}$
- ❖  $c := \frac{1}{M} \cdot \frac{Q}{n \cdot \Delta T}$
- ❖ mólhő:  $C_M$
- ❖  $[C_M] = \frac{J}{\text{mol} \cdot \text{K}}$
- ❖ izochor folyamat:  $C_{M,V} = \frac{Q_v}{n \Delta T} = \frac{f}{2} \cdot R$
- ❖ izobár folyamat:  $C_{M,P} = \frac{Q_p}{n \Delta T} = \frac{f+2}{2} \cdot R$
- ❖ Robert-Mayer egyenlet:  $C_{M,P} - C_{M,C} = R$

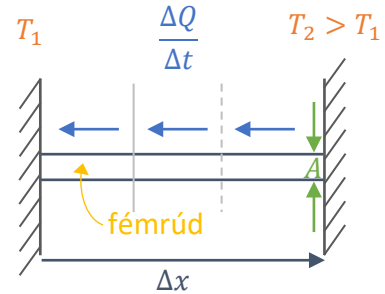
## Hő terjedésének módja

### Hővezetés

- ❖ szilárd anyagok, folyadékok, gázok
- ❖ arányos a hőmérsékletkülönbséggel

### Fourier-törvény

- ❖ hővezetési tényező:  $\kappa$  (nagy, ha jó a hővezetés)
- ❖ keresztmetszet:  $A$
- ❖  $\frac{\Delta Q}{\Delta t} = - \underset{\text{hőáram}}{\kappa} \cdot \underset{\text{hővezetési tényező}}{\kappa} \cdot \underset{\text{keresztmetszet}}{A} \cdot \frac{\Delta T}{\Delta x}$
- ❖  $\left[ \frac{\Delta Q}{\Delta t} \right] = \frac{J}{s} = W \text{ (watt)}$
- ❖  $\kappa = \frac{\frac{J}{s}}{m^2 \cdot \frac{K}{m}} = \frac{J}{s \cdot m \cdot K} = \frac{W}{m \cdot K}$

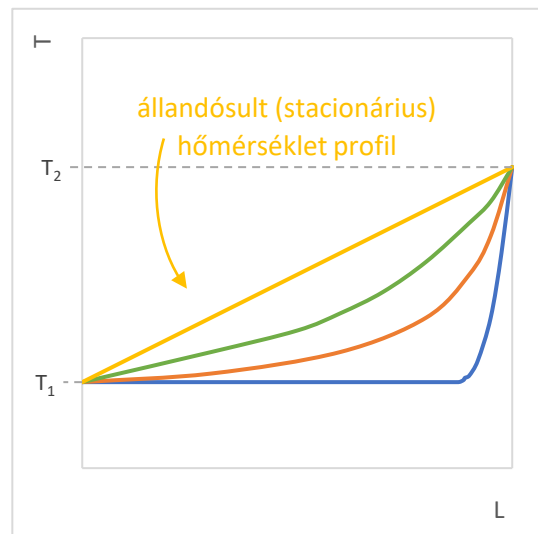
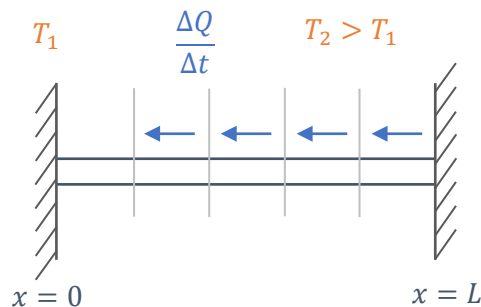


2019. 04. 12. – előadás

## Hő terjedésének módjai

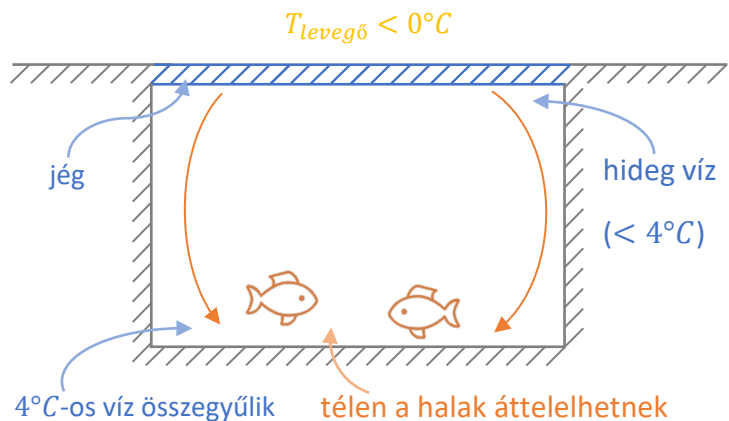
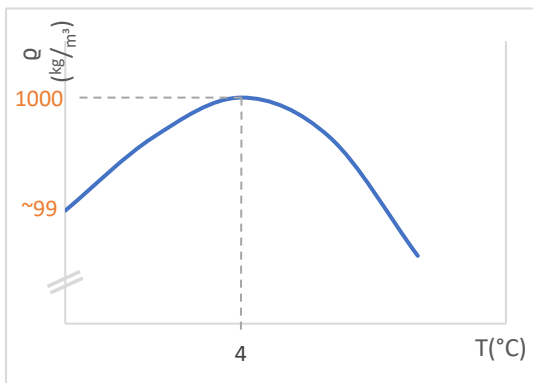
### Hővezetés

- ❖ Fourier-törvény:  $\frac{\Delta Q}{\Delta t} = -\kappa A \frac{T_2 - T_1}{\Delta x} = -\kappa A \cdot \frac{\Delta T}{\Delta x}$
- ❖  $\kappa$  := hővezetési tényező
- ❖  $[\kappa] = \frac{W}{m \cdot K}$   $\left[ \frac{\Delta Q}{\Delta t} \right] = \frac{J}{s} = W \text{ (watt)}$
- ❖  $\kappa$  nagy: fémre  $\kappa$  kicsi: gázra, fára, hungarocellre
- ❖ hőmérséklet rúd mentén:



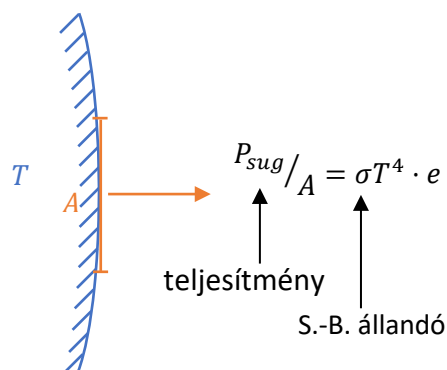
### Hőáramlás

- ❖ folyadékok és gázok
- ❖ kell hozzá:
  - hőmérsékletfüggő sűrűség
  - nehézségi erőtér
- ❖ melegebb levegő sűrűsége kisebb, így felszál, helyébe hideg levegő lép
- ❖ pl.:
  - radiátor + papírkígyó
  - hőáramlás tűzhelyen lévő fazékban
- ❖ víz sűrűségének hőmérsékletfüggése

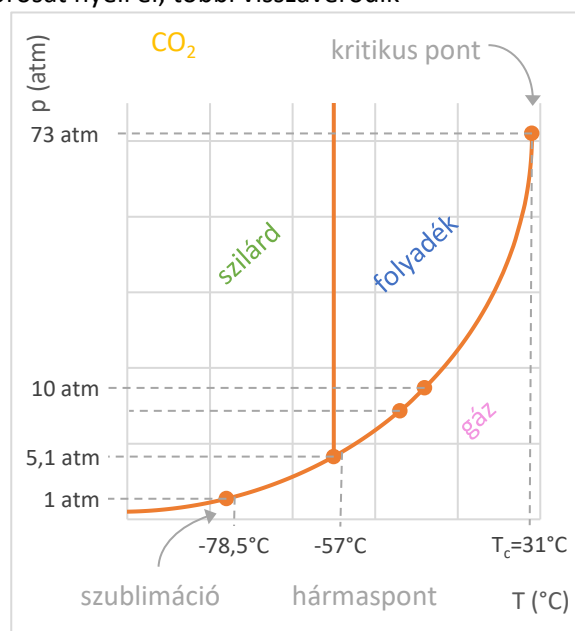


### Hősugárzás

- ❖ közeg nem szükséges hozzá (fotonok: energiát szállítják)
- ❖ abszolút fekete test: test, ami  $\forall$  rászó sugárzást teljesen elnyel
- ❖ Stefan-Boltzmann törvény:



- $\sigma$ : Stefan-Boltzmann állandó  $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} \frac{W}{m^2 K^4}$
- $e$ : emisszivitás (kisugárzási tényező)  $e \leq 1$
- ❖  $a$ : abszorpciós (elnyelési) tényező  $0 \leq a \leq 1$ 
  - adott testre eső sugárzási teljesítmény  $a$ -szorosát nyeli el, többi visszaverődik
- ❖ állítás:  $a = e$
- ❖  $N_2$  forráspontja 1 atm-n  $-196^\circ C$
- ❖  $pV = nRT \rightarrow V = \frac{m RT}{M p} = \frac{4,1g}{44 \frac{g}{mol}} \cdot \frac{8,31 \frac{J}{mol K} \cdot 300K}{10^5 Pa}$
- ❖  $V = 0,0023 m^3 = 2,3 l$

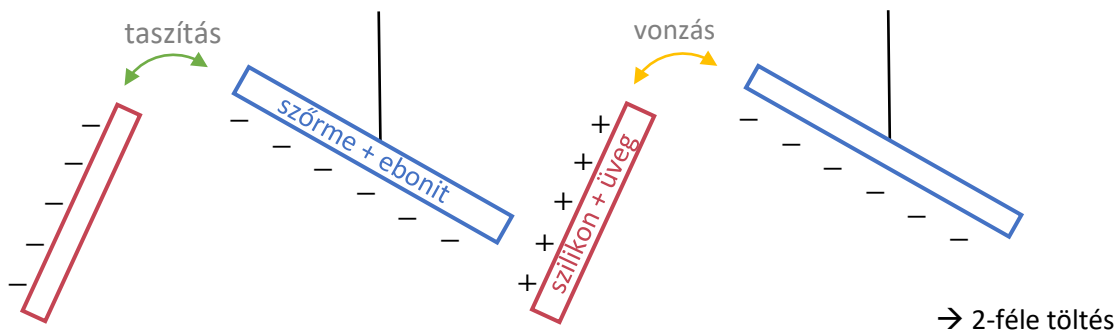


# Elektrosztatika

## Dörzselektromosság, alapjelenségek

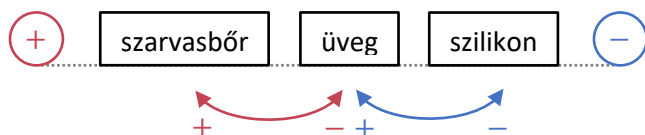
### Kísérletek

- ❖ vodka + szőrmével dörzsölt ebonit = vonzás, majd taszítás
- ❖ vatta + szőrmével dörzsölt üvegrúd = vonzás, majd taszítás
- ❖ alufólia + töltött rúd = vonzás, majd rögtön taszítás

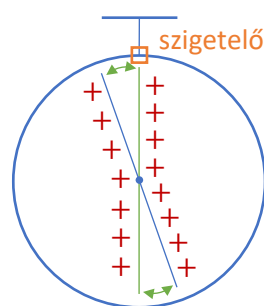


- ❖ LED-es töltésjelző 2-féle töltést kimutat
- ❖ összedörzsölt anyagoktól a függ a töltés

➤ dörzselektronos sor szerint:



- ❖ elektroszkóp, elektrométer:
  - csak töltés nagyságot mér (előjelet nem)
  - elektroszkóp + skála = elektrométer

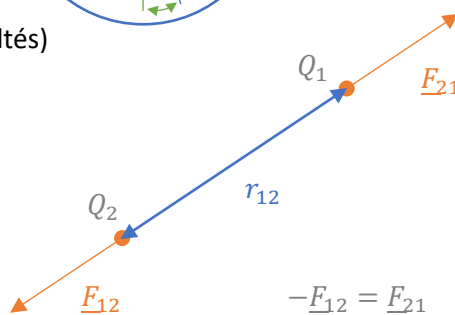


### Matematikai megfogalmazás

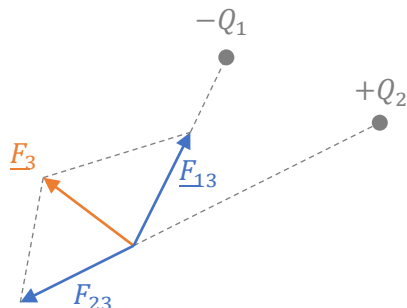
❖ tapasztalat (Coulomb mérései):

- Coulomb-törvény:  $|F_{12}| = |F_{21}| = k \cdot \frac{Q_1 Q_2}{r_{12}^2}$
- Coulomb-állandó:  $k = \frac{8,99 \cdot 10^9 \text{ Nm}^2}{\text{C}^2}$
- mértékegységek:  $[Q] = C$  (coulomb)  
elektron töltése definiálja

(Q: töltés)



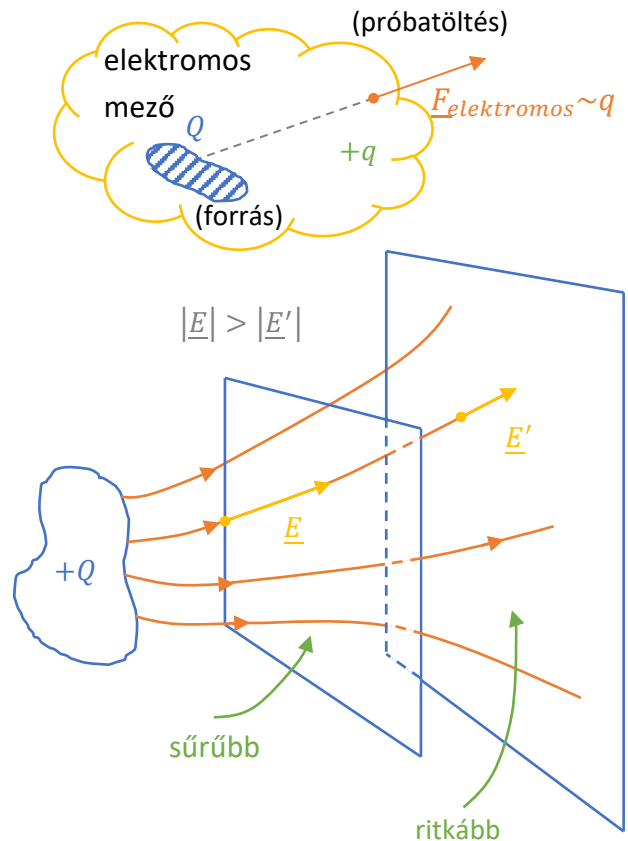
❖ szuperpozíció (erőhatások függetlensége):



- több töltés együttes hatása az erők vektori összegeként számolható

❖ elektromos térerősség:

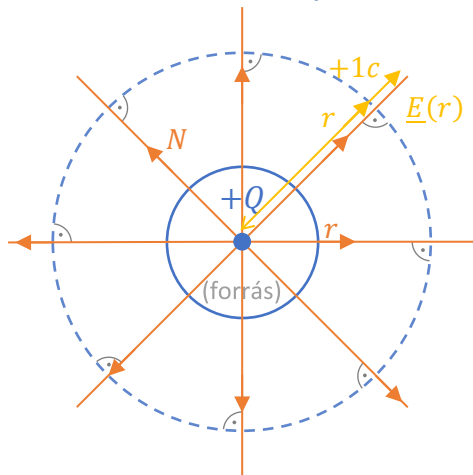
- $\underline{E} = \frac{F_{elektromos}}{q}$
- $[E] = \frac{N}{C}$
- üzenet: forrás létrehoz elektromos mezőt, ami próbatöltés nélkül is jelen van; e mező töltésmegragadó képességét jellemzi (pontról pontra) a térerősség



Elektromos mezők szemléltetése (erővonalak)

- ❖ bármely pontban az  $\underline{E}$  vektor az erővonalak érintőjének irányába mutat
- ❖ erővonalak sűrűsége (egységnyi merőleges felületen áthaladó erővonalak száma) arányos  $|\underline{E}|$ -vel
- ❖ erővonalak mindig a pozitív töltésről (vagy végtelenből) indulnak és negatív töltésen (vagy végtelenben) végződnek

Ponttöltés elektromos mezője



- ❖  $\underline{E}(r) = \frac{F_{elektromos}}{1 C}$
- ❖  $|\underline{E}(r)| = \frac{k \cdot Q \cdot 1C}{r^2} / 1 C \leftarrow \text{Coulomb-törvény}$
- ❖  $|\underline{E}(r)| = k \cdot \frac{Q}{r^2}$
- ❖ erővonalak sűrűsége:  $\frac{N}{4\pi r^2} \sim \frac{1}{r^2} \sim E$

2019. 05. 03. – előadás

Coulomb-törvény (ismétlés)

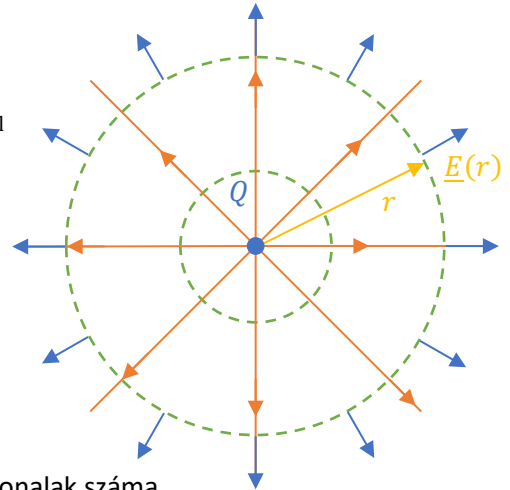
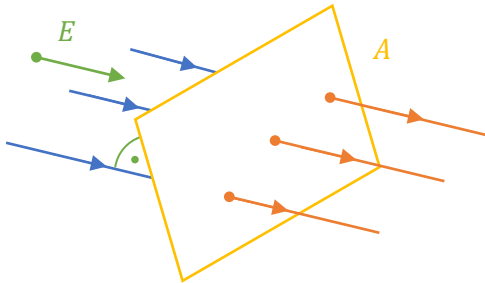
- ❖  $E(r) = k \frac{Q}{r^2}$
- ❖  $F_q = E(r) \cdot q = k \frac{Qq}{r^2}$

## Gauss-törvény

❖ észrevétel:

$$\rightarrow E \cdot A = E(r) \cdot \underbrace{4\pi r^2}_{\text{gömb } A \text{ felülete}} = k \frac{Q}{r^2} \cdot 4\pi r^2 = \underbrace{4\pi k \cdot Q}_{\text{független } r\text{-tól}}$$

❖ elektromos fluxus:



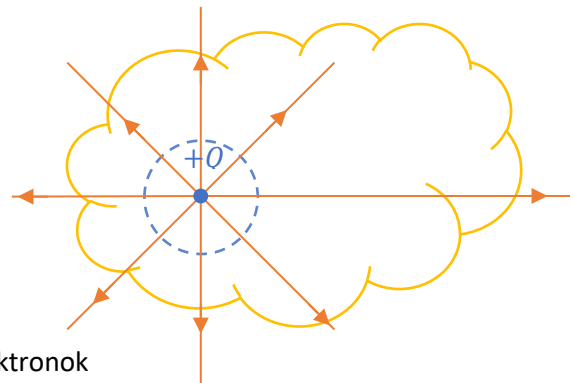
➤  $\psi = \underbrace{E}_{\text{erővonalak sűrűsége}} \cdot A \sim \text{arányos a felületen átmenő erővonalak száma}$   
 (psi) ~ erővonalak sűrűsége

➤  $[\psi] = \frac{N}{C} \cdot m^2$

❖ kimondása:

➤  $\psi_{\text{zárt}} = \underbrace{4\pi k Q}_{\psi_{\text{gömb}}}$

➤ fluxus  $\rightarrow \psi_{\text{zárt}} = \frac{1}{\epsilon_0} Q_{\text{bezárt}}$

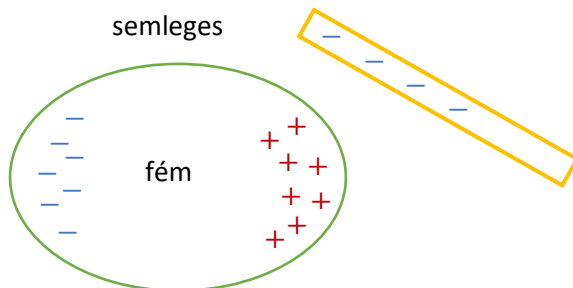


## Elektromos mező fémek közelében

❖ fémek: vezetők, bennük szabad töltéshordozók, elektronok

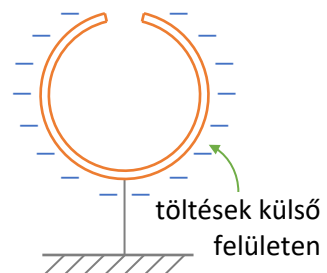
## Kísérletek

❖ megosztás:

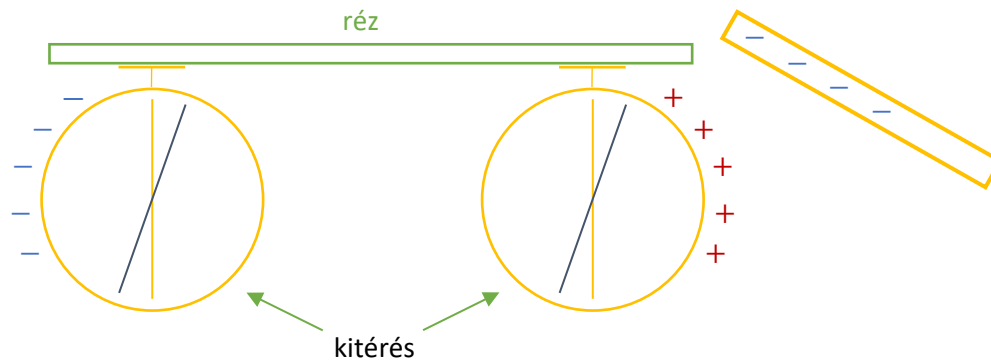


❖ lyukas gömb:

➤ töltések fémek esetén a felületre kerülnek



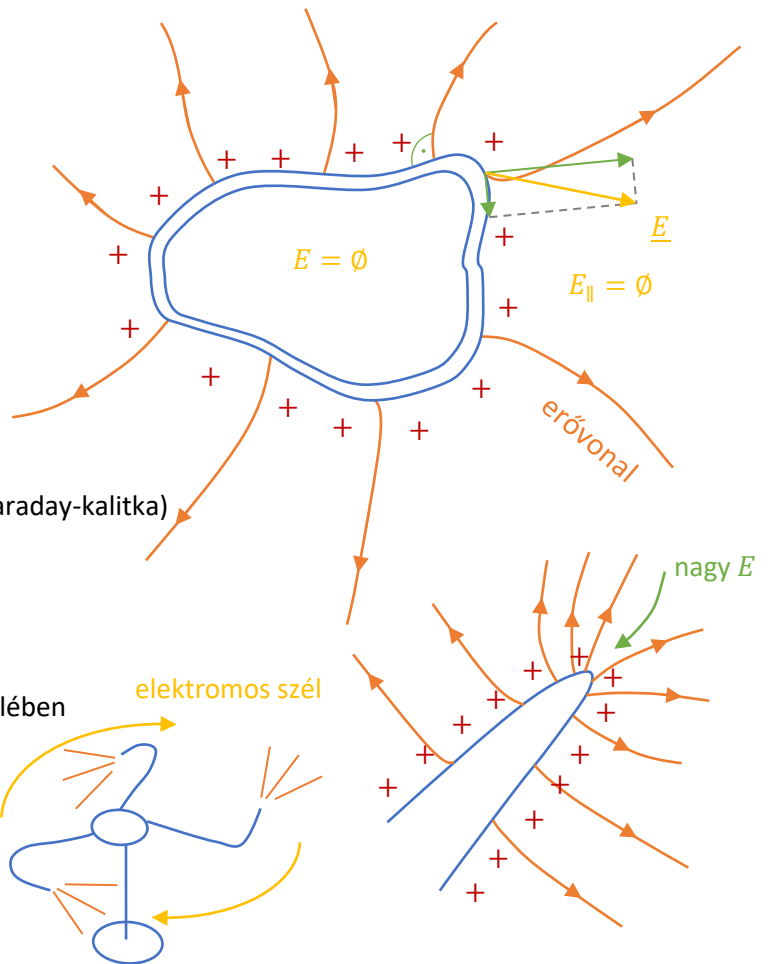
❖ elektroszkóp feltöltető ebonitrúddal pozitíva megosztással:





### Következtetések

- ❖ anyagok:
  - fémek (vezetők)
  - szigetelők
- ❖ töltések a felületen
- ❖ fém belsejében:  $E = \emptyset$
- ❖  $\underline{E}$  merőleges a fém felületére
- ❖ alkalmazás: fémhálóval árnyékolás (Faraday-kalitka)



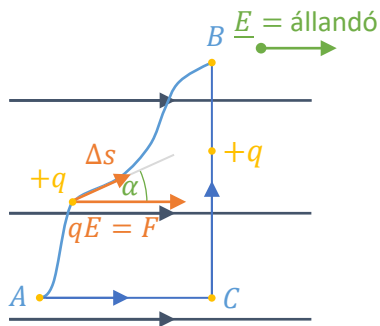
### Csúcs hatás

- ❖ kísérletek:
  - gyertyaláng töltött fémcsúcs közelében „remeg” – elektromos szél
  - Segner-kerék forog  $\underline{E}$ -térben
  - töltött fémcsúcs füstszemcséket eltávolítja a levegőből
- ❖ alkalmazás: villámhárító

### Feszültség, potenciál

- ❖ megfigyelés: kísérleti testek mozgásba jövele  $\rightarrow \underline{E}$ -tér munkavégző képességgel rendelkezik

### Homogén tér



- ❖  $W_{AB}^{mező} = \sum \underline{F} \cdot \Delta \underline{s} = \sum \vec{F} \cdot \Delta s \cdot \cos \alpha$
- ❖  $W_{AB}^{mező} = qE \cdot \underbrace{\sum \Delta s \cdot \cos \alpha}_{\text{tér irányú elmozdulás}}$
- ❖  $W_{AB}^{mező} = W_{ACB}^{mező}$

### (Általános) következmény

- ❖  $\underline{E}$ -tér munkája 2 pont között pályától független
- ❖  $\underline{E}$ -tér konzervatív erőter  $\rightarrow$  mechanikai energia megmarad
- ❖  $\underline{E}$ -térben van potenciális energia
- ❖  $W_{AB}^{mező} = E_{pot}^A - E_{pot}^B$

### Feszültség fogalma

- ❖ definíció:  $U_{AB} = \frac{-W_{AB}^{mező}}{q} = \frac{W_{BA}^{mező}}{q}$
- ❖  $W_{AB}$ : egységnyi, pozitív töltésen mező munkája a  $B \rightarrow A$  útvonal (munkavégzőképesség)
- ❖ mértékegység:  $[U_{AB}] = \frac{J}{C} = V$  (volt)