

# Kivétel fizika, 2.ea.

## I., Pontoság, értékes jegyek száma

A fizikai mérések eredménye mellett a pontoság is fontos!

- Matematikában:  $0,12 = 0,12000\dots$
- Fizikában:  $0,12 \neq 0,1200$

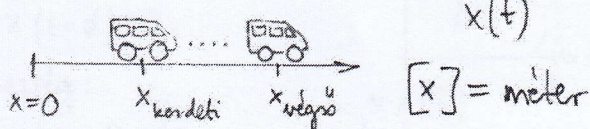
Példa: Egy kőgolyó sugáradt vonalzóval  $6,0\text{ cm}$ -nek mérjük. A vonalzó beosztásai miatt a valódi érték  $5,9\text{ cm}$  és  $6,1\text{ cm}$  között van, ezért:

$$r = (6,0 \pm 0,1)\text{ cm}$$

2 db értékes jegy

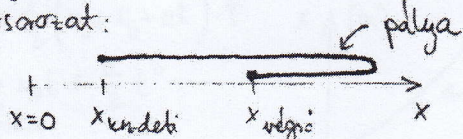
## II., Egyenesvonalú mozgások jellemzői

1., A hely jellemzése: • a helykoordináta:



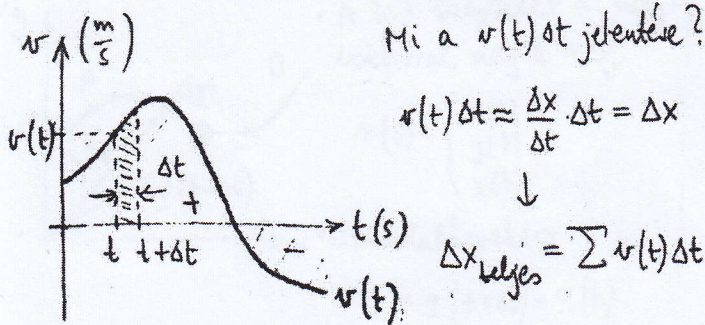
• az elmozdulás:  $\Delta x = x_{\text{végso}} - x_{\text{kendeti}}$

• pálya: az anyagi pont által befutott pontsorozat:



• út (s): a pálya hossza (út  $\neq$  elmozdulás)

## 3., Az elmozdulás és sebesség kapcsolata:



Az elmozdulás a  $v(t)$  grafikon és a  $t$ -tengely között besírt területek előjeles összege.

Az út a területek abszolút értékének összege.

Értékes jegyek száma: a kiért számjegyek száma mínusz a szám elején álló nullák száma.

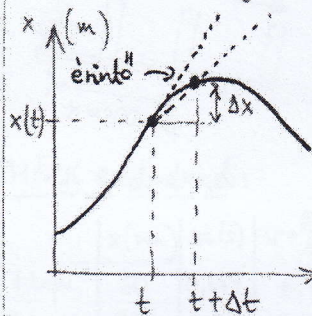
Pé:  $0,0075 \rightarrow 2\text{ db}$       $1,5 \cdot 10^4 \rightarrow 2\text{ db}$   
 $7,500 \rightarrow 4\text{ db}$       $1,50 \cdot 10^4 \rightarrow 3\text{ db}$

Műveletek: Szorzásban az értékes jegyek száma annyi, mint a legkevesebb értékes jegyű tényezőben:

$$A = \pi r^2 = \pi (6,0\text{ cm})^2 = \underbrace{1,1 \cdot 10^2}_{2\text{ db}} \text{ cm}^2 \text{ (és nem } 113, \dots \text{ cm}^2)$$

Összegeben az eredményben a tizedesjegyek száma annyi, mint a kisebb tizedesjegyű tagban.

## 2., A sebesség: Nikola-cső előbb.



$$v = \frac{\text{híj elmozdulás}}{\text{eltelt idő}}$$

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad [v] = \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

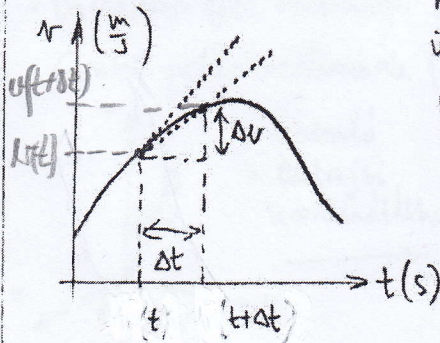
( $\Delta t$ -t olyan kicsire választjuk, amennyire lehet)

A (pillanatnyi) sebesség a hely-idő diagram érintőjének meredeksége (azaz  $x(t)$  deriváltja).

Átlagsebesség:

$$\langle v \rangle = \frac{s_{\text{összes}}}{t_{\text{összes}}} \quad (\text{mindig } \geq 0)$$

## 4., A gyorsulás:



A sebesség változási üteme a gyorsulás:

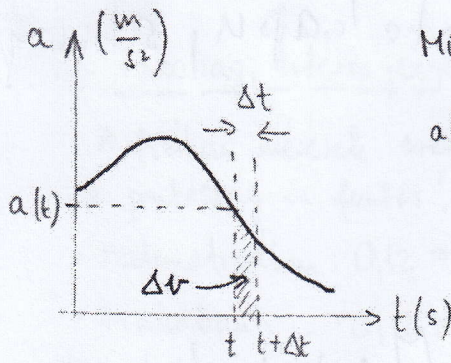
$$a = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$a = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{v(t+\Delta t) - v(t)}{\Delta t}$$

$$[a] = \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

A gyorsulás a sebesség-idő diagram érintőjének meredeksége (azaz  $v(t)$  deriváltja).

5.) A sebességváltozás és gyorsulás kapcsolata.



Mi  $a(t)\Delta t$  jelentése?

$$a(t)\Delta t \approx \frac{\Delta v}{\Delta t} \cdot \Delta t = \Delta v$$

$$\Delta v_{\text{teljes}} = \sum a(t)\Delta t$$

A sebességváltozás az  $a(t)$  grafikon és a  $t$ -tengely között berajtot területnek előjeles értéke.

HIC

2.) Egyenletesen változó mozgás.

$a = \text{állandó}$

$$v(t=0) = v_0$$

$$x(t=0) = x_0$$

Sebesség:

$$v(t) = v_0 + at$$

$$v(t) = v_0 + at$$

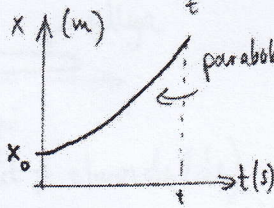
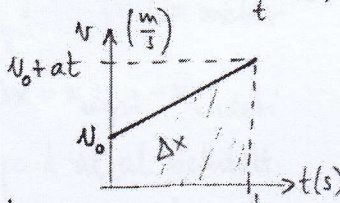
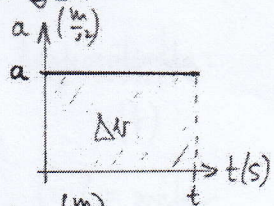
Elmozdulás:

$$\Delta x = \frac{1}{2}(v_0 + v_0 + at) \cdot t$$

$$\Delta x = v_0 t + \frac{a}{2} t^2$$

Helykoordináta:

$$x = x_0 + \Delta x = x_0 + v_0 t + \frac{a}{2} t^2$$



III.) Speciális egyenesvonalú mozgások

1.) Egyenes vonalú egyenletes mozgás.

$v = \text{állandó}$

$$x(t=0) = x_0$$

elmozdulás:

$$\Delta x = v \cdot t$$

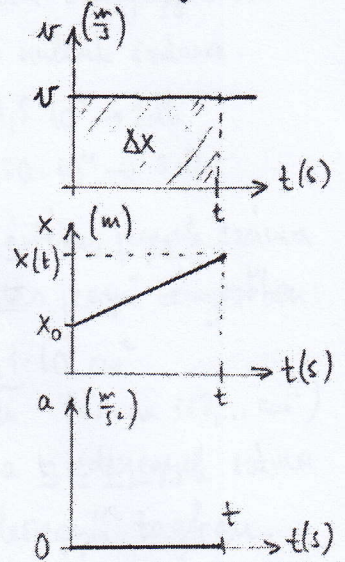
helykoordináta:

$$x(t) = x_0 + \Delta x = x_0 + vt$$

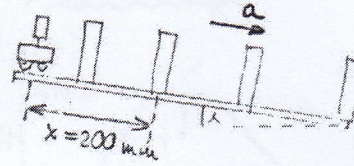
gyorsulás:

$$a = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = 0$$

Kísérlet: Mikola-cső, légpárnás sín



3.) Kísérlet légpárnás sínen:

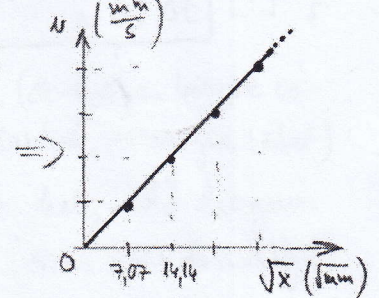


fénykapu, a  $\Delta l = 1 \text{ cm}$  széles zárólemez áthaladási idejét méri

$$v_0 = 0$$

Mérselt eredmények:

	$x \text{ (mm)}$	$\Delta t \text{ (s)}$	$v = \frac{\Delta l}{\Delta t} \text{ (m/s)}$
1. kapu	50	0.149	6,7
2. kapu	200	0.073	13,7
3. kapu	450	0.050	20,0
4. kapu	800	0.038	26,3



elmélet:

$$\left. \begin{aligned} v &= at \\ x &= \frac{a}{2} t^2 \end{aligned} \right\} x = \frac{v^2}{2a} \Rightarrow v = \sqrt{2ax}$$

+ Galilei - lejtő!

IV.) Mozgások 3 dimenzióban.

1.)  $y$   $\uparrow$

• A test helyzetét a helyvektorral adjuk meg:

$$r(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \\ z(t) \end{pmatrix}$$

• Elmozdulásvektor:

$$\Delta r = r(t+\Delta t) - r(t)$$

• Sebességvektor:

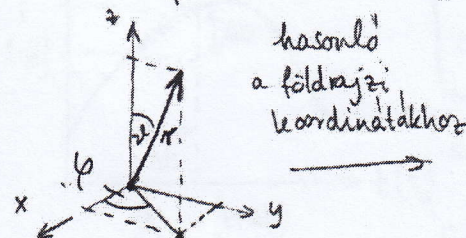
$$v = \begin{pmatrix} v_x \\ v_y \end{pmatrix} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta r}{\Delta t} = \begin{pmatrix} \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} \\ \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta t} \end{pmatrix}$$

• Gyorsulásvektor:

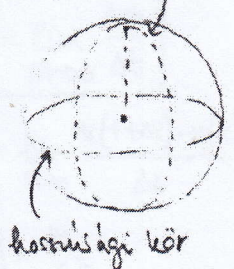
$$a = \begin{pmatrix} a_x \\ a_y \end{pmatrix} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \begin{pmatrix} \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v_x}{\Delta t} \\ \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v_y}{\Delta t} \end{pmatrix}$$

2.) A helyvektor megadásának módjai:

- Descartes-féle dekartézsi k.r.  $(x, y, z)$
- Gömbi polárkoordináták  $(r, \vartheta, \varphi)$  meridián



hasonló a földrajzi koordinátákhoz



3.) GPS helymeghatározás:

A vető a Föld körül keringő műholdak jeleit venni, és a terjedési idejéből kiszámolja a távolságokat.

